

УДК 548.736

**ОСОБЕННОСТИ КРИСТАЛЛООБРАЗОВАНИЯ  
В РЯДЕ СТРУКТУР ХАЛЬКОГЕНИДОВ С ОДНОВАЛЕНТНЫМ Tl.  
ЭФФЕКТ УПОРЯДОЧЕННОЙ УПАКОВКИ В КООРДИНАЦИИ Tl**

**С.В. Борисов, С.А. Магарилл, Н.В. Первухина**

Институт неорганической химии им. А.В. Николаева СО РАН, Новосибирск  
E-mail: borisov@niic.nsc.ru

Статья поступила 9 сентября 2013 г.

Для определения кристаллообразующих факторов и причин нерегулярной координации катионов  $Tl^+$  выполнен кристаллографический анализ строения  $AgTlTe$  (I), минералов врбаита (vrbaita)  $Hg_3Tl_4As_8Sb_2S_{20}$  (II) и габриэлита (gabrielite)  $Tl_2AgCu_2As_3S_7$  (III). Для I и II установлены "скелетные" трансляционные подрешетки всех атомов структуры с определяющим вкладом  $Tl^+$  и анионов, для II и III установлены катионные и анионные совместно с  $Tl^+$  подрешетки, формирующие облик структуры. Вхождение катионов в координационное окружение  $Tl^+$  классифицируется как следствие определяющего структуру упорядочения катионов  $Tl$  и анионов (S, Te) в единой матрице, т.е. как эффект их упорядоченной упаковки.

**Ключевые слова:** кристаллографический анализ, катионные и анионные подрешетки,  $Tl^+$ -халькогениды  $AgTlTe$ , врбайт (vrbaita)  $Hg_3Tl_4As_8Sb_2S_{20}$ , габриэлит (gabrielite)  $Tl_2AgCu_2As_3S_7$ , эффект упорядоченной упаковки в координации, координация  $Tl^+$ .

**ВВЕДЕНИЕ**

В классической кристаллохимии, основанной на принципах плотных упаковок более объемных анионов, допускалось участие крупных катионов в анионной упаковке. Уже в "Синей книге" Н.В. Белова целый раздел был отведен таким структурам [1]. В последние годы в связи с интенсивными исследованиями строения природных и синтетических сульфидов, селенидов, теллуридов появилось много фактов "нестандартных" координационных окружений для крупных катионов, которые требуют детального изучения и объяснения. В данной работе будут рассмотрены три кристаллические структуры синтетического  $AgTlTe$  ( $Pnam$ ,  $Z = 4$ ,  $a = 8,775$ ,  $b = 7,763$ ,  $c = 4,87 \text{ \AA}$ ,  $V = 331,5 \text{ \AA}^3$  [2]), минералов врбаита  $Hg_3Tl_4As_8Sb_2S_{20}$  ( $C2ca$ ,  $Z = 4$ ,  $a = 13,399$ ,  $b = 23,389$ ,  $c = 11,287 \text{ \AA}$ ,  $V = 3537,22 \text{ \AA}^3$  [3]) и габриэлита  $Tl_2AgCu_2As_3S_7$  ( $P\bar{1}$ ,  $Z = 6$ ,  $a = 12,138$ ,  $b = 12,196$ ,  $c = 15,944 \text{ \AA}$ ,  $\alpha = 78,537^\circ$ ,  $\beta = 84,715^\circ$ ,  $\gamma = 60,470^\circ$ ,  $V = 2013 \text{ \AA}^3$  [4]), для которых зафиксировано необычное координационное окружение катионов  $Tl^+$ . Кроме анионов в него входят и те же катионы  $Tl$ , хотя подтверждений связи металл—металл нет. Опираясь на принцип, что каждая структура есть продукт совместного действия химических связей между атомами (силы ближнего порядка) с силами, организующими упорядочение ( дальний порядок), сделан кристаллографический анализ [5] данных структур.

**КРИСТАЛЛИЧЕСКАЯ СТРУКТУРА  $AgTlTe$**

Первый этап кристаллографического анализа определяет упорядочение атомов наиболее плотноупакованными кристаллографическими плоскостями в области межплоскостных рас-

Т а б л и ц а 1

Данные по наиболее интенсивным ( $I \geq 30$ )  
кристаллографическим плоскостям структуры AgTlTe [2]

$hkl$	$d_{hkl}$	$I_{\text{отн}}$	$hkl$	$d_{hkl}$	$I_{\text{отн}}$	$hkl$	$d_{hkl}$	$I_{\text{отн}}$
211	3,005	100	310	2,737	55	031	2,285	40
220	2,907	30	130	2,482	30	341	1,535	35
121	2,868	95	002	2,434	70	332	1,516	45

стояний, сравнимых с ближайшими межатомными контактами ( $4 \text{ \AA} < d_{hkl} < 1,8 \text{ \AA}$ ). Было установлено, что разные группы атомов могут упорядочиваться независимыми наборами кристаллографических плоскостей. Объединение в группы происходит как по кристаллохимическому признаку (например, катионы или анионы), так и по размеру, по массе [5]. Степень упорядоченности данной группы атомов симбатна с амплитудой рентгеновского отражения, рассчитанной для этой группы атомов. Это значительно упрощает первый этап анализа. С учетом предыдущего изучения сравнительно простой структуры AgTlTe [6], в ней теперь анализировали совместное упорядочение всех атомов.

Наиболее интенсивные по отражениям плоскости {002}, {211}, {121} (табл. 1) образуют подрешетки узлов — точек пересечений, вблизи которых расположены атомы структуры. Так, при выборе координатными плоскостями тройки  $(21\bar{1})$ ,  $(\bar{1}21)$  и  $(211)$  получаем по [7] подрешетку с параметрами:  $\mathbf{a}' = 1/10\mathbf{a} + 3/10\mathbf{b} - 1/2\mathbf{c} = 3,48 \text{ \AA}$ ;  $\mathbf{b}' = -3/10\mathbf{a} + 1/10\mathbf{b} - 1/2\mathbf{c} = 3,67 \text{ \AA}$ ;  $\mathbf{c}' = -2/10\mathbf{a} + 4/10\mathbf{b} = 3,57 \text{ \AA}$ ;  $\alpha' = 57,5^\circ$ ;  $\beta' = 62,7^\circ$ ;  $\gamma' = 64,9^\circ$ .

Эти параметры достаточно близки к размерам идеального ромбоэдра ( $a = b = c$ ,  $\alpha = \beta = \gamma = 60^\circ$ ), образующего примитивную элементарную ячейку для  $F$ -кубической решетки [8]. Пользуясь геометрическими представлениями, вычислим ее параметры:  $\mathbf{a}_F = \mathbf{a}' - \mathbf{b}' + \mathbf{c}'$ ;  $\mathbf{b}_F = -\mathbf{a}' + \mathbf{b}' + \mathbf{c}'$ ;  $\mathbf{c}_F = \mathbf{a}' + \mathbf{b}' - \mathbf{c}'$ . Подставив значения  $\mathbf{a}'$ ,  $\mathbf{b}'$ ,  $\mathbf{c}'$  в эти векторные равенства, получим:  $\mathbf{a}_F = 1/5\mathbf{a} + 3/5\mathbf{b} = 4,98 \text{ \AA}$ ;  $\mathbf{b}_F = -3/5\mathbf{a} + 1/5\mathbf{b} = 5,48 \text{ \AA}$ ;  $\mathbf{c}_F = \mathbf{c} = 4,88 \text{ \AA}$ ;  $\alpha_F = \beta_F = 90^\circ$ ;  $\gamma_F = 94,2^\circ$ . Воспользовавшись матрицей перехода к  $F$ -ячейке:  $\{1/5\ 3/5\ 0| -3/5\ 1/5\ 0| 0\ 0\ 1\}$ , найдем характерные для нее плотнозаполненные атомами плоскости семейств  $\{200\}_F$  и  $\{111\}_F$ :  $(21\bar{1}) \rightarrow (111)_F$ ;  $(\bar{1}21) \rightarrow (1\bar{1}\bar{1})_F$ ;  $(211) \rightarrow (\bar{1}\bar{1}\bar{1})_F$ ;  $(002) \rightarrow (002)_F$ ;  $(3\bar{1}0) \rightarrow (020)_F$ ;  $(130) \rightarrow (200)_F$ . Таким образом, существование в кристаллической структуре AgTlTe псевдотрансляционной  $F$ -ячейки подтверждается экспериментально. Однако среди элементов симметрии федоровской группы  $Pn\bar{a}m$  только зеркальная плоскость  $m$  соответствует симметрии  $F$ -ячейки, поскольку перпендикулярна  $c_F$ -трансляции и делит ее пополам. Другие же две плоскости  $a$  и  $n$  дублируют в  $xy$ -проекции  $a_F$ - и  $b_F$ -трансляции этой ячейки, отражая их и перенося на  $1/2\mathbf{a}$  и  $1/2\mathbf{b} + 1/2\mathbf{c}$  соответственно. В результате в  $xy$ -проекции присутствуют два комплекта "скелетных" плоскостей (200) и (020)  $F$ -ячейки, связанные плоскостями симметрии  $n$  и  $a$ : в одном комплекте плоскости (310) и (130), в другом — (3\bar{1}0) и (130). Реальные позиции атомов отражают компромиссный эффект их упорядочения этими системами "скелетных" плоскостей (рис. 1). Очевиден и эффект "тетрагонизации" ячеек ( $hk0$  и  $h\bar{k}0$  координатные плоскости!) при заметно различающихся параметрах  $a$  и  $b$ . Таким образом, кристаллическая структура AgTlTe демонстрирует тенденцию сохранения совместной плотнейшей (по геометрии) трехслойной упаковки крупных катионов  $\text{Tl}^+$  и анионов  $\text{Te}^{2-}$  вместе со средними по размеру  $\text{Ag}^+$ .

Природные и синтетические сульфиды предпочитают кристаллизоваться в структурных типах сфалерита ( $\text{ZnS}$ ) или галенита ( $\text{PbS}$ ), где, как известно, катионы и — отдельно — анионы образуют свои собственные упаковки с  $F$ -кубической ячейкой. Если же размер катиона сравним с размером аниона, возникают совместные укладки обоих сортов, как это было недавно показано, например, в структуре минерала карлинита  $\text{Ti}_2\text{S}$  [9]. В нашем предыдущем анализе структуры AgTlTe было установлено, что отдельно катионы не имеют четко выраженной псевдотрансляционной подрешетки [6]. Полученные в настоящем исследовании результаты по

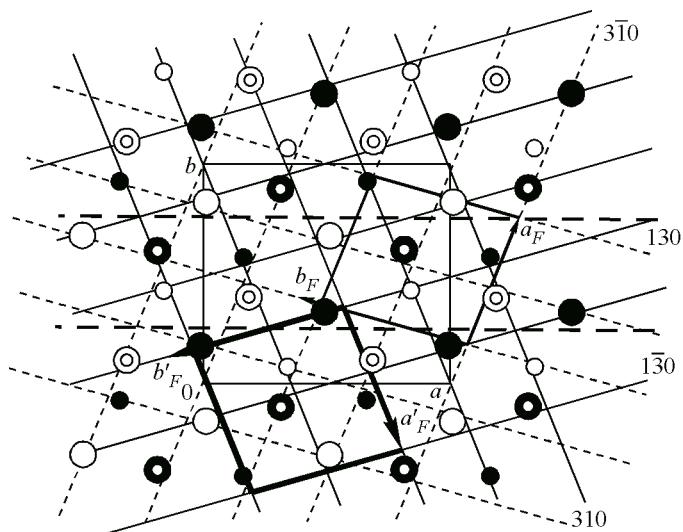


Рис. 1. Структура AgTlTe, проекция на плоскость  $xy$ . Крупные кружки, кольца и малые кружки — проекции Tl, Te и Ag соответственно (пустые на  $z = 1/4$ , зачерненные — на  $z = 3/4$ ). Тонкими сплошными и тонкими штриховыми линиями показаны скелетные плоскости двух подрешеток; основания двух F-подрешеток выделены жирными линиями; F и F'-подрешетки связаны плоскостью скользящего отражения  $a$  (жирные штрихи)

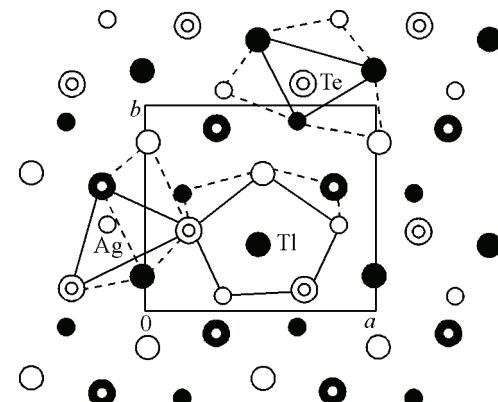


Рис. 2. Структура AgTlTe, проекция на плоскость  $xy$ . Показано координационное окружение базисных атомов; "шапочки" над гранями основных полиэдров обозначены штриховыми линиями

упорядочению всех атомов семействами кристаллографических плоскостей дают принципиально новую информацию о пониманию особенностей взаимной их координации. К требованиям кристаллохимическим необходимо добавить и влияющие на позиции атомов смещения из-за совместного упорядочения, которые могут существенно исказить стандартные для данных атомов топологии химических связей. В структуре AgTlTe осуществлен вариант, когда и катионы, и анионы оказываются в общей упаковке с тенденцией к двум  $F$ -кубическим решеткам, связанным плоскостями скользящего отражения. Эта ситуация обеспечивает крупному и тяжелому катиону  $Tl^+$  координационное число 12 за счет 2Tl, 5Te, 5Ag (двушапочная пентагональная призма), а аниону  $Te^-$  координационный полиздр в форме трехшапочной тригональной призмы ( $5Tl + 4Ag$ ). Катион  $Ag^+$  в первой координационной сфере имеет тетраэдр из 4Te, три грани которого "центрированы" катионами Tl, а к четвертой приближены 3Tl (рис. 2). Экзотичность такого взаимного размещения атомов в структуре, вероятно, возникла на первом этапе кристаллизации, когда после "жесткого" их упорядочения зеркальными плоскостями симметрии с  $d_{002} = 2,43 \text{ \AA}$  на них возникли две ориентации "квадратных" ячеек ( $a_F$ ,  $b_F$  и  $a'_F$ ,  $b'_F$ , см. рис. 1), ставшие симметрично связанными при образовании минимальной по объему трансляционной ячейки структуры в рамках симметрии  $Pn\bar{a}m$ . В результате все три сорта атомов оказались максимально приближены к "скелетным" плоскостям обеих ориентаций при совпадающих третьих координатных плоскостях ( $002_F$  и  $002_{F'}$ ).

#### КРИСТАЛЛИЧЕСКАЯ СТРУКТУРА ВРБАИТА $Hg_3Tl_4As_8Sb_2S_{20}$

В детальном структурном описании врбаита [3] отмечены особенности координации двух базисных атомов  $Tl^+$  в сравнении с известными данными по другим структурам. Ее нерегулярность объясняется тем, что сильные ковалентные связи Sb—S, As—S в структуре доминируют, так что крупному и однозарядному катиону  $Tl^+$  приходится довольствоваться чем придется. У Tl(1) в ближайшем окружении 7 анионов S ( $Tl—S \sim 3,086—3,433 \text{ \AA}$ ) и катион Tl(2) ( $Tl—Tl = 3,749 \text{ \AA}$ ). В окружении Tl(2) также 7 анионов S ( $Tl—S$  от  $3,148$  до  $3,622 \text{ \AA}$ ), два As ( $Tl—As$

Таблица 2

*Врбаит. Наиболее интенсивные отражения, рассчитанные для всех атомов ( $F_{\Sigma}$ ), катионов ( $F_{\text{кат}}$ ), анионов с Tl ( $F_{\text{Tl+S}}$ ) и только серы ( $F_S$ )*

$hkl$	$d_{hkl}$	$F_{\Sigma} (F > 700)$	$F_{\text{кат}} (F > 1000)$	$F_{\text{Tl+S}} (F > 600)$	$F_S (F > 200)$
002	6,70	—	—	1171	—
240	4,06	1189	1500	—	—
242	3,47	—	—	879	—
062	3,37	1313	1230	736	—
004	3,35	2691	3261	603	577
233	3,19	—	—	740	—
340	3,16	1833	1934	—	—
171	3,12	1026	—	746	271
080	2,92	—	—	1145	418
180	2,83	1035	1222	—	—
400	2,82	—	—	720	438
411	2,74	1080	—	1062	—
360	2,71	—	—	752	—
081	2,68	—	—	708	—
280	2,60	—	—	640	428
244	2,58	1970	1378	1384	592
440	2,54	793	—	686	445
344	2,30	1783	1773	—	—
006	2,23	—	—	1222	—
184	2,16	1150	1125	—	—
471	2,13	902	—	790	—
391	2,11	854	—	742	—
480	2,03	1140	1113	—	—
066	1,94	1056	1049	—	—
600	1,88	819	1160	—	—
484	1,74	1289	1048	—	235
0 12 4	1,68	1215	—	—	543
008	1,67	3255	2633	—	623
604	1,64	—	1093	—	583

3,415 и 3,525 Å) и вышеупомянутый Tl(1) [2]. Действительно, в плане химических взаимодействий Tl в структуре далеко на втором плане.

Чтобы оценить его роль в структурообразовании были рассчитаны интенсивности отражений как для всех атомов структуры врбаита, так и отдельно для катионов, для анионов и для анионов с таллием. Наиболее интенсивные, соответствующие самым плотноупакованным системам кристаллографических плоскостей, даны в табл. 2.

Геометрия катионной матрицы в существенной степени определяется подрешеткой точек пересечения плоскостей (340), (3̄40) и (004), которые вместе со своими производными — (604), (344), (008) и др. — доминируют в столбце  $F_{\text{кат}}$  табл. 2. Параметры катионной подрешетки, рассчитанные по [7], таковы:  $a_k = 1/6a - 1/8b = 3,48 \text{ \AA}$ ;  $b_k = 1/6a + 1/8b = 3,48 \text{ \AA}$ ;  $c_k = 1/4c = 3,35 \text{ \AA}$ ;  $\alpha_k = \beta_k = 90^\circ$ ;  $\gamma_k = 114,48^\circ$ .

Проекция позиций катионов на плоскость  $xy$ , сетка узлов и трансляции псевдогексагональной катионной подъячейки показаны на рис. 3. В отличие от рис. 1, скользящие плоскости сим-

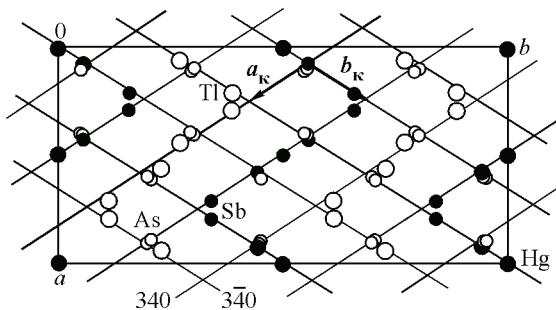


Рис. 3. Врбайт  $\text{Hg}_3\text{Tl}_4\text{As}_8\text{Sb}_2\text{S}_{20}$ ,  $xy$ -проекция позиций катионов и сетка следов ее пересечений "скелетными" катионными плоскостями  $(340)$  и  $(\bar{3}40)$ . Обозначены трансляции катионной подъячейки  $a_k$  и  $b_k$

Детальный анализ табл. 2 указывает на вероятность псевдотрансляционной подъячейки для всех атомов структуры: плоскость  $(244)$  фигурирует как интенсивная для всех сочетаний атомов, так же как и  $(008)$ , отсутствующая только для атомов  $(\text{Tl} + \text{S})$ . Координатные плоскости  $(244)$ ,  $(\bar{2}44)$  и  $(008)$  задают по [7] подъячейку с параметрами:  $\mathbf{a}' = 1/4\mathbf{a} + 1/8\mathbf{b} = 4,06 \text{ \AA}$ ;  $\mathbf{b}' = -1/4\mathbf{a} + 1/8\mathbf{b} = 4,06 \text{ \AA}$ ;  $\mathbf{c}' = -1/8\mathbf{b} + 1/8\mathbf{c} = 3,37 \text{ \AA}$ ;  $\alpha' = \beta' = 128,63^\circ$ ;  $\gamma' = 87,97^\circ$ .

На рис. 4,  $a$ — $c$  приведены позиции атомов, сетки узлов подрешетки и ее трансляции  $a'$  и  $b'$ . Атомный слой при  $z = 0 \pm \Delta$  содержит в рамках элементарной ячейки  $6\text{Hg} + 4\text{Sb} + 8\text{As} + 4\text{S}$  (22 атома на 16 узлов подъячейки); 10 узлов заняты атомами, 6 узлов заняты центрами пар атомов. Атомный слой при  $z = 1/8 \pm \Delta$  включает только анионы серы (см. рис. 4,  $b$ ). Здесь все 16 узлов достаточно хорошо соответствуют позициям 16 атомов  $\text{S}$ . На рисунке показано основание "квадратной" сетки узлов нулевого уровня, которое, поднимаясь на  $1/8c$ , сдвигается на  $-1/8b$ , причем сдвиг составляет  $1/2$  диагонали "квадрата", т.е. эти две сетки взаимно центрируют друг друга (см. рис. 4,  $b$ , штриховые линии).

Последний — независимый трансляционно и симметрийно — атомный слой при  $z = 1/4 \pm \Delta$  включает  $8\text{Tl}$ ,  $8\text{As}$  и  $4\text{S}$  (см. рис. 4,  $c$ ). Геометрически — это верхняя грань псевдотетрагональной объемно-центрированной ячейки с параметрами  $a_I = a' = b_I = b' = 4,06 \text{ \AA}$ ;  $c_I = 1/4c = 3,35 \text{ \AA}$ ;  $\alpha_I = \beta_I = 90^\circ$ ;  $\gamma_I = 87,97^\circ$ . Реальные позиции атомов второго и третьего слоев показывают определяющую роль  $\text{Tl}$  и  $\text{S}$  в упорядочении всех атомов "скелетными" плоскостями, создающими основной облик структуры. Характерно, что избыток атомов — по сравнению с числом узлов подрешетки в слое — ведет к образованию пар атомов, но также лежащих в двух из трех семейств скелетных плоскостей, т.е. при минимальном нарушении общего упорядочения. Катионы  $\text{Tl}^+$  занимают половину узлов подрешетки третьего слоя и, естественно, не могут быть изолированными друг от друга, что и приводит к появлению их в ближайшем координационном окружении  $\text{Tl}$ .

Резюмируя результаты анализа структуры врбайта, отметим, что присутствие в ней чисто анионных слоев, чередующихся с таким же числом катионных с серой двух разных составов, свидетельствует о главенствующей роли упаковки серы, весьма усиленной вхождением в нее крупного и массивного катиона  $\text{Tl}^+$ . Таким образом, в  $3/4$  объема эта упаковка наиболее выгодна, а позиции атомов первого слоя вынуждены к ней приспособиться. По сравнению с  $\text{AgTlTe}$  в структуре врбайта возросла роль независимого упорядочения в катионной матрице. Участвуя

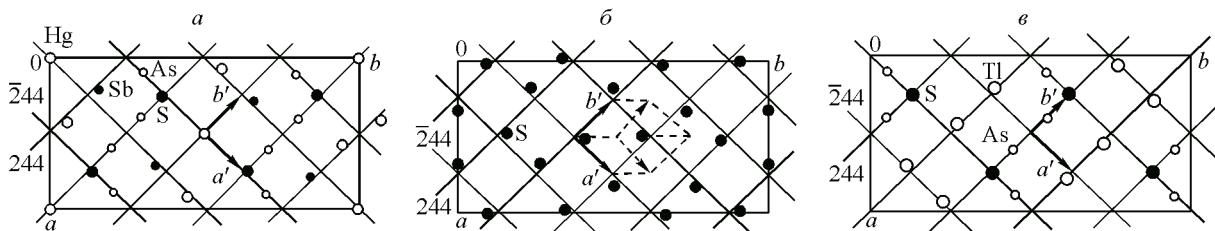


Рис. 4. Врбайт  $\text{Hg}_3\text{Tl}_4\text{As}_8\text{Sb}_2\text{S}_{20}$ ,  $xy$ -проекция позиций атомов: проекции атомов  $\text{Hg}$ ,  $\text{As}$ ,  $\text{Sb}$ ,  $\text{S}$  в слое  $z = 0 \pm \Delta$  ( $a$ ); проекции атомов  $\text{S}$  в слое  $z = 1/8 \pm \Delta$  ( $b$ ); проекции атомов  $\text{Tl}$ ,  $\text{As}$ ,  $\text{S}$  в слое  $z = 1/4 \pm \Delta$  ( $c$ ). Показаны скелетные плоскости  $(244)$  и  $(\bar{2}44)$ , секущие плоскость  $008$  на уровнях  $z = 0, 1/8, 1/4$

Таблица 3

*Габриэлит. Наиболее интенсивные отражения, рассчитанные для катионов ( $F_{\text{кат}}$ ) и для анионов с Tl ( $F_{\text{Tl+S}}$ )*

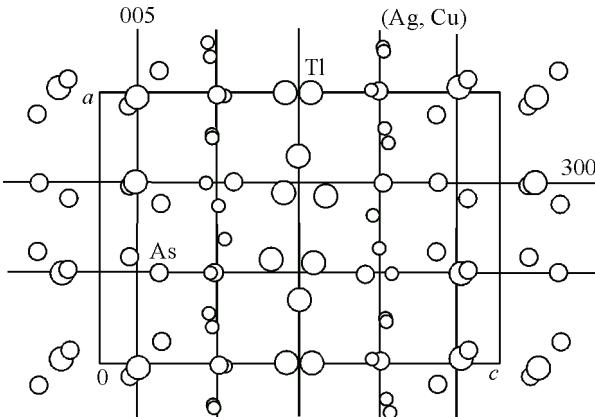
$hkl$	$d_{hkl}$	$F_{\text{кат}} (F > 500)$	$F_{\text{Tl+S}} (F > 350)$	$hkl$	$d_{hkl}$	$F_{\text{кат}} (F > 500)$	$F_{\text{Tl+S}} (F > 350)$
002	11,32	—	650	421	3,02	757	458
031	3,53	777	501	$\bar{3}\bar{2}3$	2,97	—	619
300	3,52	848*	512	324	2,97	688	719*
331	3,50	843*	—	$2\bar{2}1$	2,93	—	656
$\bar{2}\bar{1}4$	3,15	925	563	$\bar{2}14$	2,90	691	746*
$1\bar{1}4$	3,14	903	578	215	2,89	—	657
005	3,13	1180*	—	$\bar{1}\bar{3}3$	2,87	—	724*
$\bar{2}21$	3,05	718	384	143	2,76	—	655
241	3,05	703	—	$2\bar{2}3$	2,51	968	—

в организации дальнего порядка как катионов, так и анионов, таллий способствует сопряжению двух типов псевдотрансляционных подъячеек в общую уже трансляционную решетку с относительно небольшими трансляциями.

#### КРИСТАЛЛИЧЕСКАЯ СТРУКТУРА ГАБРИЭЛITA $\text{Ti}_2\text{AgCu}_2\text{As}_3\text{S}_7$

Структура триклинического минерала габриэлита  $\text{Ti}_2\text{AgCu}_2\text{As}_3\text{S}_7$  была достаточно качественно уточнена недавно [4]. Как это имеет место и в других структурах с крупным катионом  $\text{Ti}^+$ , его координация в габриэлите весьма нерегулярна и включает короткие контакты  $\text{Ti}-\text{Cu}$ ,  $\text{Ti}-\text{As}$ ,  $\text{Ti}-\text{Ti}$ , сравнимые с нормальными для этого катиона расстояниями  $\text{Ti}^+-\text{S}^{2-}$  [4]. Чтобы разобраться в особенностях упорядочения разнородных атомов в этой структуре, был сделан ее кристаллографический анализ. В табл. 3 представлены интенсивности наиболее сильных отражений, рассчитанные для катионной составляющей структуры и для анионов  $\text{S}^{2-}$  и близких к ним по размеру  $\text{Ti}^+$ . Факт упорядочения катионов плоскостями (300) и, особенно, (005) демонстрирует рис. 5, где показана проекция катионов вдоль оси  $b$  структуры. Две эти плоскости, а также "интенсивная" плоскость (331) в этом же диапазоне межплоскостных расстояний образуют подрешетку точек пересечений с трансляциями  $a_k = 1/3a - 1/3b = 4,08 \text{ \AA}$ ;  $b_k = 1/3b = 4,07 \text{ \AA}$ ;  $c_k = -1/15b + 1/5c = 3,13 \text{ \AA}$ ;  $\alpha_k = 93,28^\circ$ ;  $\beta_k = 88, 67^\circ$ ;  $\gamma_k = 120,47^\circ$  (рассчитано по [7]). Это доминирующее для всех катионов упорядочение показано на трех независимых сечениях структуры, соответствующих  $z = 0,1 \pm \Delta$ ,  $z = 0,3 \pm \Delta$ ,  $z = 0,5 \pm \Delta$  (рис. 6,  $a$ — $c$ ). Для первого и третьего сечений числа узлов подрешетки (9) и числа катионов — 2Tl + 6As и 8Tl соответственно, а также их позиции демонстрируют эффект упорядочения и псевдогексагональность катионной матрицы на этих сечениях. В сечении же при  $z \approx 0,3$  на 9 узлов подрешетки приходится 12 атомов: 3As + 9(Cu, Ag). Поскольку As фактически представляет собой центр "жесткой" атомной группировки  $[\text{AsS}_3]$ , существенно превосходящей по массе (Cu, Ag), его упорядочение плоскостями (331) и (300) более регулярное. Сравнительно легкие (Cu, Ag) оказываются упоря-

Рис. 5. Габриэлит  $\text{Ti}_2\text{AgCu}_2\text{As}_3\text{S}_7$ . Проекция позиций катионов Tl, As, (Cu, Ag) (вдоль оси  $b$ ). Показаны следы скелетных катионных плоскостей (300) и (005)



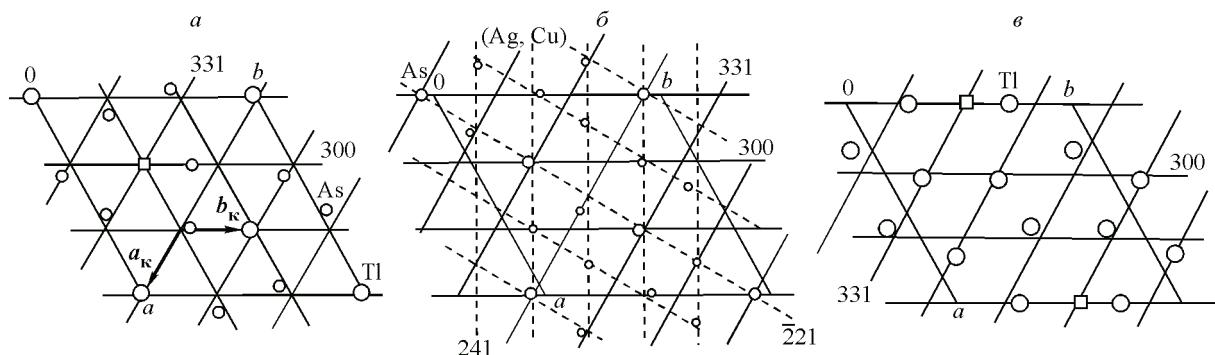


Рис. 6. Габриэлит  $Tl_2AgCu_2As_3S_7$ ,  $xy$ -проекции катионов  $Tl$  (большие кружки),  $As$  (средние кружки и  $(Cu)$ ) — мелкие кружки — в слоях:  $z = 0,1 \pm \Delta$  (а),  $z = 0,3 \pm \Delta$  (б),  $z = 0,5 \pm \Delta$  (в). Показаны следы скелетных плоскостей катионной подъячейки (300) и (331), пересекающих (005) на уровнях  $z = 0,1$  (а); 0,3 (б); 0,5 (в). Обозначены трансляции  $a_k$  и  $b_k$  и явно выраженные ваканции (□). На рис. 4, б штриховыми линиями показана альтернативная сетка узлов от плоскостей (241) и  $(\bar{2}21)$

доченными достаточно "сильными" плоскостями (241) и  $(\bar{2}21)$ , причем заняты все 12 узлов этой подрешетки, так как в позициях  $As$  узлы обеих подрешеток совпадают (см. рис. 6, б).

Для анионов  $S$  и  $Tl$  наибольшее пространственное упорядочение создается плоскостями (324),  $(\bar{1}\bar{3}3)$  и  $(\bar{2}14)$  (см. табл. 3). Параметры подрешетки для этих систем плоскостей, посчитанные по [7], таковы:  $a_a = 15/77a + 3/77b + 1/11c = 3,06 \text{ \AA}$ ;  $\alpha_a = 78,74^\circ$ ;  $b_a = -4/77a + 20/77b - 1/11c = 2,98 \text{ \AA}$ ;  $\beta_a = 98,61^\circ$ ;  $c_a = -18/77a + 13/77b + 1/11c = 3,01 \text{ \AA}$ ;  $\gamma_a = 81,01^\circ$ .

Соответствия узлов подрешетки и реальных позиций атомов можно показать, перейдя к "развернутой" элементарной ячейке структуры на одной из координатных плоскостей подрешетки [5]. На рис. 7 это сделано на плоскости  $(\bar{1}\bar{3}3)$ ,  $A$  и  $B$  — лежащие в этой плоскости минимальные трансляции структуры. Третья трансляция связывает данную плоскость  $(\bar{1}\bar{3}3)$  с ближайшей на расстоянии  $d_{(\bar{1}33)} = 2,87 \text{ \AA}$ . Как можно видеть на рис. 7, все тяжелые катионы  $Tl^+$  и большая часть (34 из 42) анионов  $S^{2-}$  достаточно близки к узлам данной совместной подрешетки, которую можно считать заметно деформированной примитивной кубической.

Подводя итог кристаллографического анализа структуры габриэлита, отметим, что как катионы, так и анионы (совместно с  $Tl$ ) образуют псевдотрансляционные подрешетки, формально независимые друг от друга. Распределение катионов  $Cu$  и  $As$  в анионно-таллиевой матрице создает предпосылки для близких контактов их с катионами  $Tl$ , которые, подчиняясь упорядочению в этой матрице и составляя ее существенную долю, не имеют возможности пространственно изолироваться от этих катионов и друг от друга.

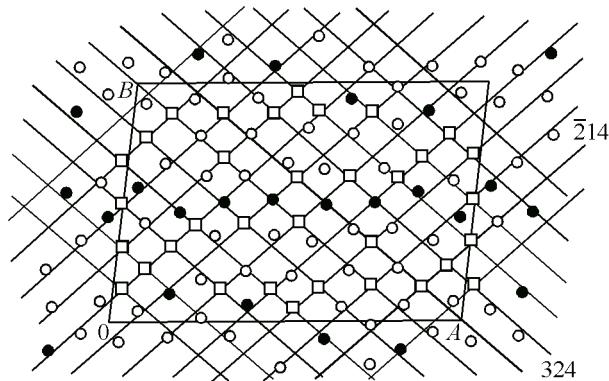


Рис. 7. Габриэлит  $Tl_2AgCu_2As_3S_7$ , базисная грань "развернутой" элементарной ячейки на кристаллографической плоскости  $(\bar{1}\bar{3}3)$ , ее трансляции  $A = 3a - b = 32,20 \text{ \AA}$ ,  $B = b + c = 21,91 \text{ \AA}$  (угол  $\gamma = 83,1^\circ$ ). Показана сетка узлов — точек пересечений скелетных плоскостей (324) и  $(\bar{2}14)$ , позиции атомов  $Tl$  (черные кружки) и  $S$ , оказавшихся вблизи этих узлов (ближе 0,5 \AA). Это все 12 атомов  $Tl$  и 34 (из 42) атомов серы; □ — ваканции

## ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Кристаллографический анализ трех структур с Tl, содержащих разный набор катионов, имеющих разное соотношение катион/анион и разную симметрию, имел целью объяснить аномалии в координационном окружении массивного и крупного катиона  $Tl^+$ . Как оказалось, относительно слабые химические взаимодействия  $Tl^+$  с соседними атомами компенсируются при образовании кристаллических структур большой массой и объемом, близким к объему анионов. Можно утверждать, что в этих структурах  $Tl^+$  существенно стабилизирует упорядочение в анионной матрице, входя в нее в значительном количестве и создавая скелет структуры.

В последовательности разобранных структур можно также увидеть возрастающую роль катионной матрицы. Здесь надо иметь в виду, что трехвалентные катионы As и Sb присутствуют в виде "жестких" атомных группировок с тремя ковалентно-связанными анионами, в то время как средние по размеру и массе  $Ag^+$  и  $Cu^+$  могут более свободно варьировать свое анионное окружение и, значит, легче находить места в анионно-таллиевой матрице. Аналогичная ситуация в более простых структурах с Tl обсуждалась ранее [ 10 ].

Резюмируя обнаруженные факты, выделим принципиальное положение: координационное окружение атомов в кристаллических структурах устанавливается не только с учетом и благодаря химическим связям между атомами, но и в результате достижения стабильных упорядоченных упаковок их, где уже имеют значение и массы, и размеры атомов. Аномалии в координационном окружении катионов Tl в рассмотренных структурах надо понимать как эффекты упорядоченной упаковки — в данном случае совместной упаковки анионов и крупных катионов.

Кристаллографический анализ, трактующий кристаллическое состояние как результат упорядочения атомов системами параллельных равноудаленных плоскостей (механико-волновая концепция [ 5, 11 ]), предоставляет возможность учета этих "дальнодействующих" факторов кристаллообразования, обычно игнорируемых в кристаллохимических исследованиях.

Работа выполнена при финансовой поддержке Российского фонда фундаментальных исследований, грант 13-05-00030.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Белов Н.В. Структура ионных кристаллов и металлических фаз. – М.: Изд-во АН СССР, 1947.
2. Televac J.C., Gardes B., Brun G., Philippot E., Maurin M. // J. Sol. State Chem. – 1980. – **33**. – P. 429 – 437.
3. Ohmasa M., Nowacki W. // Z. Krist. – 1971. – **134**. – P. 360 – 380.
4. Balić-Zunić T., Makovicky E., Karanović L., Poleti D., Graeser S. // Canad. Mineral. – 2006. – **44**. – P. 141 – 158.
5. Борисов С.В., Магарилл С.А., Первухина Н.В. // Кристаллография. – 2011. – **56**, № 6. – С. 1001 – 1006.
6. Борисов С.В., Магарилл С.А., Первухина Н.В., Подберезская Н.В. // Журн. структур. химии. – 2000. – **41**, № 2. – С. 324 – 334.
7. Громилов С.А., Быкова Е.А., Борисов С.В. // Кристаллография. – 2011. – **56**, № 6. – С. 1013 – 1018.
8. Борисов С.В., Магарилл С.А., Первухина Н.В. // Кристаллография. – 2012. – **57**, № 5. – С. 735 – 739.
9. Борисов С.В., Магарилл С.А., Первухина Н.В. // Журн. структур. химии. – 2013. – **54**, № 5. – С. 926 – 930.
10. Борисов С.В., Магарилл С.А., Первухина Н.В. // Журн. структур. химии. – 2013. – **54**, № 6. – С. 1039 – 1045.
11. Борисов С.В., Магарилл С.А., Первухина Н.В. Алгоритмы и практика кристаллографического анализа атомных структур. – Новосибирск, Изд-во СО РАН, 2012.