УДК: 533.9.08

Определение температуры в струе, истекающей из плазмотрона с МЭВ, по молекулярному спектру азота

А.А. Михальченко¹, Е.В. Картаев¹, В.И. Кузьмин¹, В.И. Наливайко², П.А. Чубаков²

¹Институт теоретической и прикладной механики им. С.А. Христиановича СО РАН, Новосибирск

²Институт автоматики и электрометрии СО РАН, Новосибирск

E-mail: mikhalchen@itam.nsc.ru.

Приведены результаты применения метода измерения распределения температуры в азотной плазменной струе, истекающей из плазмотрона постоянного тока с секционированной межэлектродной вставкой, по относительным интенсивностям молекулярных полос излучения азота 1-ой отрицательной $N_2^+(B^2\Sigma_u^+ - X^2\Sigma_g^+)$ и 2-ой положительной $N_2(C^3\Pi_u^+ - B^3\Pi_g^+)$ систем. Для регистрации спектра излучения применен малогабаритный спектрометр среднего спектрального разрешения, позволяющий анализировать контуры колебательно-вращательных полос молекулярного спектра. Приведено сравнение полученного распределения с измерениями по линиям излучения атомов меди и среднемассовой температурой в воздушной плазменной струе.

Ключевые слова: низкотемпературная плазма, атомарная, молекулярная спектроскопия, электронная, колебательная, вращательная температура, моделирование молекулярных полос излучения азота.

введение

В бестоковой азотной или азотсодержащей плазменной струе, когда интенсивности излучения в линиях атомов азота слабые или отсутствуют, измерение температуры газового потока возможно по атомарным спектрам излучения веществ-добавок с низким потенциалом возбуждения, либо по спектрам излучения молекул N_2 , N_2^+ . Ранее, в работе [1], для измерения температуры в воздушной плазменной струе, истекающей из плазмотрона постоянного тока с секционированными межэлектродными вставками (МЭВ), были выбраны линии атома меди Cu(I), присутствующие в струе вследствие эрозии медного анода. При использовании в качестве плазмообразующего газа азота уровень эрозии на порядок уменьшается, в результате чего уменьшается интенсивность излучения спектральных линий атомов меди, что препятствует использованию их для температурных измерений.

© Михальченко А.А., Картаев Е.В., Кузьмин В.И., Наливайко В.И., Чубаков П.А., 2011

В спектре излучения азотной плазмы в видимом диапазоне присутствуют индивидуальные колебательные полосы молекул азота [2]. Наибольшую силу полос имеют так называемые 1-я отрицательная $N_2^+(B^2\Sigma_u^+ - X^2\Sigma_g^+)$ и 2-я положительная $N_2(C^3\Pi_u^+ - B^3\Pi_g^+)$ молекулярные эмиссионные спектры. Эти полосы перекрываются в спектральном диапазоне 3400–4400 Å и часто наблюдаются одновременно. Относительная интенсивность полос этих систем очень чувствительна к изменению концентраций $[N_2^+]/[N_2]$ и температуре. Метод, основанный на сравнении экспериментально измеренного спектра с моделируемым, используется для измерения распределения температуры в стационарной электрической дуге [3] и скользящей высоковольтной электрической дуге [4] при атмосферном давлении.

Целью работы было определение распределения температуры в бестоковой азотной плазменной струе, истекающей в атмосферу из плазмотрона постоянного тока по молекулярным эмиссионным спектрам азота, зарегистрированным с применением компактного многоканального спектрометра [1].

ЭКСПЕРИМЕНТ

Для генерации плазменной струи использовался электродуговой плазмотрон постоянного тока номинальной мощностью 50 кВт [1]. Газоразрядная камера плазмотрона представляет собой расширяющийся от катода к аноду канал, набранный из электрически изолированных друг от друга и от электродов секций МЭВ. Электроды плазмотрона представляют собой термохимический катод (медная обойма с запрессованной гафниевой вставкой диаметром 2 мм) и медный цилиндрический анод с выходным диаметром 10 мм. Выходной диаметр сопла плазмотрона — 10 мм.

В качестве плазмообразующего газа использовался азот, защитного газа аргон. Плазмообразующий газ подавался в канал плазмотрона тангенциально со стороны катода при помощи кольца закрутки. Защитный газ подавался в зазор между последней секцией МЭВ и анодом также тангенциально через кольцо закрутки.

Режимные параметры плазмотрона, при которых проводились измерения, составляли следующие величины: расход плазмообразующего газа — 1,0·10⁻³ кг/с, расход защитного газа — 0,15·10⁻³ кг/с, сила тока дуги — 200 А, напряжение на дуге — 220 В.

Для проведения спектральных измерений использовался малогабаритный многоканальный спектрометр с вогнутыми голографическими решетками [1]. Средняя плотность штрихов решетки — 1200 мм⁻¹. Входная щель спектрометра имела размер 120 мкм для получения допустимого соотношения сигнал/шум со спектральным разрешением, достаточным для наблюдения контуров полос N₂ и N₂⁺.

Устройство регистрации излучения включает в себя ПЗС-линейку, операционный усилитель, АЦП, буферную память и микроконтроллер. Усилитель обеспечивает согласование выходных сигналов ПЗС с АЦП. Микроконтроллер генерирует управляющие сигналы для управления ПЗС и считывает сигналы. Передача данных на персональный компьютер осуществляется по каналу USB с гальванической развязкой.

Для калибровки по длинам волн использовалась ртутная лампа марки ДРШ. Абсолютная калибровка проводилась с помощью ленточной вольфрамовой лампы накаливания марки Си 8-200.

Для неоднородной оптически тонкой плазмы в наблюдаемую интенсивность вносят вклад различные слои плазмы, каждый из которых имеет свою излучательную способность и свою толщину. В случае неоднородности с аксиальной

Рис. 1. Поперечное сечение газовой струи.

симметрией измеряемая интенсивность излучения W(y) связана с излучательной способностью $\varepsilon(r)$ соотношением:

$$W(y) = \frac{\sqrt{R^2 - y^2}}{-\sqrt{R^2 - y^2}} \varepsilon(\sqrt{x^2 + y^2}) \, dx,$$

где $(x^2 + y^2)^{1/2} = r, 0 \le r \le R, \varepsilon(r \ge R) =$ = 0, W($y \ge R$) = 0, R — радиус границы плазменной струи (рис. 1).



Характерный вид сигналов молекулярного спектра излучения азота в спектральном диапазоне $3400 \div 4400$ Å приведен на рис. 2. В исследуемом спектральном диапазоне выделяются три канта колебательно-вращательных полос (1,0), (0,0) и (0,1) 1-й отрицательной N_2^+ системы (3582, 3914, 4278 Å), разрешенные с длинноволновой стороны [2]. В основании полосатого спектра излучения азота лежит непрерывный спектр излучения плазменной струи. В случае, когда интенсивности молекулярного спектра азота и сплошного спектра сопоставимы, вклад непрерывного спектра проявляется как наклонная линия основания молекулярного спектра, причем обе составляющие соприкасаются в основании разрешенных кантов. В дальнейшем корректировка полосатого спектра излучения азота на величину сплошного фона проводилась аппроксимацией фона по значениям сигналов в основании разрешенных кантов.



Рис. 2. Характерный вид сигналов спектра излучения азота.

МОЛЕКУЛЯРНЫЕ СПЕКТРЫ N_2 И N_2^+

Спектр двухатомных молекул

Полосатые спектры двухатомных молекул в видимой и ультрафиолетовой областях спектра обусловлены электронными переходами в молекулах. В каждом устойчивом электроном состоянии атомы молекулы могут совершать колебания относительно положения равновесия и вращаться. Полная энергия молекулы с очень хорошим приближением равна сумме электронной E_n , колебательной E_v и вращательной энергий E_i [5]:

$$E = E_n + E_v + E_i = hc(T_n + G + F) = hcT,$$

причем для модели колеблющегося ротатора

$$G = (v+1/2)\omega_e - (v+1/2)^2 \chi_e \omega_e + (v+1/2)^3 \gamma_e \omega_e + \dots$$

$$F = B_v J(J+1) - D_v J^2 (J+1)^2 + \dots,$$
(1)

где *h*, *c* — постоянная Планка и скорость света, T_n , *G*, *F* — электронный, колебательный и вращательный термы (см⁻¹), ω_e , $\chi_e \omega_e$, $\gamma_e \omega_e$, B_v , D_v — молекулярные константы для данного электронного состояния.

При переходе молекулы из верхнего состояния с энергией E' в нижнее состояние E'' волновое число σ (см⁻¹) спектральной линии, испускаемой или поглощаемой молекулой, выражается следующим образом:

$$\sigma = T' - T'' = (T'_n + G' + F') - (T''_n + G'' + F'').$$
⁽²⁾

Для данного электронного перехода $\sigma_e = (T'_n - T'_n)$ является постоянной величиной, и рассмотрение переходов между состояниями, для которых вращение не имеет место, т. е. F' = F'' = 0, дает картину грубой, так называемой колебательной структуры с волновыми числами:

$$\sigma_{v'v''} = \sigma_e + (G' - G'') = \sigma_e + [(v' + 1/2)\omega'_e - (v' + 1/2)^2 \chi'_e \omega'_e + (v' + 1/2)^3 \gamma'_e \omega'_e + ...] - [(v'' + 1/2)\omega''_e - (v'' + 1/2)^2 \chi''_e \omega''_e + (v'' + 1/2)^3 \gamma''_e \omega''_e + ...].$$
(3)

Это уравнение дает все возможные переходы между колебательными уровнями двух электронных состояний.

Для данного колебательного перехода $(v' - v'') \sigma_{v'v''}$ есть постоянная величина, и вращательная структура описывается выражением

$$\sigma = \sigma_{v'v''} + \sigma_R = \sigma_{v'v''} + F'(J') - F''(J'')$$

с правилом отбора

$$\Delta J = J' - J'' = 0, \pm 1, \quad J' = J'' \Longrightarrow J', J'' \neq 0.$$
(4)

Каждое ΔJ определяет ветвь: *P*-ветвь для $\Delta J = -1$, *Q*-ветвь $\Delta J = 0$ и *R*-ветвь для $\Delta J = +1$.

Интенсивность излучения линии I_{ul} [Вт м⁻³стер⁻¹] при переходе, обозначаемом $u \rightarrow l$, с верхнего состояния $u \equiv [n', v', J']$ в нижнее состояние $l \equiv [n'', v'', J'']$ дается выражением [4, 5]:

$$I_{ul} = \frac{1}{4\pi} N_{n'v'J'} hc \sigma_{n'v'J'}^{n'v'J'} A_{n'v'J''}^{n'v'J''},$$
(5)

660

где h, c — стандартные физические постоянные, $N_{n'v'J'}$ — концентрация молекул в верхнем состоянии [м⁻³], $\sigma_{n''v'J'}^{n'v'J'}$ — волновое число [см⁻¹] излучаемой спектральной линии, $A_{n''v'J'}^{n'v'J'}$ — вероятность перехода [с⁻¹], $hc\sigma_{n''v'J'}^{n'v'J'}$ — энергия, высвобождаемая в результате перехода.

Полное описание интенсивности спектральных линий с учетом выражений коэффициентов в излучении двухатомных молекул для переходов из верхнего в нижнее состояние приведено в работах [4, 6] и получено в предположении Больцмановского равновесия вращения молекул с температурой T_r для данного электронного и колебательного состояния, Больцмановского равновесия по колебательным с температурой T_v для того же электронного состояния и Больцмановского равновесия по электронных с температурой T_e :

$$I_{ul} = C_{\Lambda'} \frac{\overline{R}_e^2 q_{\nu'\nu'} \exp(-hcG_{\nu'} / kT_{\nu}) S_{J'J'} \sigma_{ul}^4 \phi_{p'} \exp(-hcF_{J'} / kT_{r})}{Q(T_e, T_\nu, T_r)},$$

$$C_{\Lambda'} = \frac{16\pi^3 c}{9} N_0 \exp(-E_{n'} / kT_e),$$
(6)

где $\overline{R}_e^2 q_{v'v'}$ — сила полосы; $S_{J'J'}$ — сила линии; $Q(T_e, T_v, T_r) = Q_e(T_e)Q_v(T_v)Q_r(T_r)$ — сумма по состояниям молекулы (функция распределения), представляемая в виде комбинации электронной $Q_e(T_e)$, колебательной $Q_v(T_v)$ и вращательной $Q_r(T_r)$ функций распределения; N_0 — полная концентрация молекул; $\phi_{p'}$ — коэффициент, учитывающий ядерное спиновое вырождение.

Различные вращательные моменты в молекуле — электронный спин \vec{S} , электронный орбитальный момент \vec{L} , момент вращения ядер \vec{N} — образуют результирующий момент \vec{J} . Влияние вращательного и электронного движений одного на другое определяет, какими квантовыми числами можно описать вращательные уровни в электронных состояниях различных типов связи и как будут энергии этих состояний зависеть от этих квантовых чисел [5]. Силы $S_{JJ''}$ вращательных линий для всех типов связей приведены в работе [7].

Первая отрицательная система N2+

Первая отрицательная система иона молекулы N_2^+ соответствует радиационному переходу между $B^2 \Sigma_u^+$ и $X^2 \Sigma_g^+$ электронными состояниями ($\Lambda = 0$ — проекция электронного орбитального момента на межъядерную ось молекулы) с электронными энергиями 18,7 и 15,6 eV. Состояния ${}^2 \Sigma$ относятся к типу связи случай (*b*) Гудна, вращательный терм F_J состоит из двух компонент (дуплетное расщепление) и определяется выражениями из работы [5].

Интенсивность вращательной линии определяется выражением:

$$I_{ul} = C_{N_{2}^{+}} \frac{\overline{R_{e}}^{2} q_{v'v'} \exp(-hcG_{v'} / kT_{v}) S_{JJ''} \sigma_{ul}^{4} \exp(-hcF_{J'} / kT_{r})}{Q_{N_{2}^{+}}(T_{e}, T_{v}, T_{r})},$$

$$C_{N_{2}^{+}} = \frac{32\pi^{3}c}{9} [N_{2}^{+}] \exp(-E_{n'} / kT_{e}),$$
(7)

661

где $Q_{N_2^+}(T_e, T_v, T_r)$ — функция распределения иона молекулы азота N_2^+ , $N_0 \equiv [N_2^+]$ — полная плотность частиц N_2^+ при электронной температуре T_e .

Вторая положительная система N₂

Вторая положительная система молекулы N₂ соответствует радиационному переходу между $C^3 \Pi_u^+$ и $B^3 \Pi_g^+$ электронными состояниями ($\Lambda = 1$) с энергией 11,1 и 7,39 eV соответственно. В результате спин-орбитального взаимодействия каждый вращательный терм F_J расщепляется на три, выражения которых даны в [7]. При слабом вращении (J < 15) имеет место случай (a) Гудна типа связи вращательного и электронного движений, при увеличении скорости вращения ядер ($J \ge 15$) — случай (b) Гудна.

Абсолютная интенсивность вращательных линий определяется выражением:

$$I_{ul} = C_{N_2} \frac{\overline{R_e}^2 q_{v'v''} \exp(-hcG_{v'} / kT_v) S_{J'J''} \sigma_{ul}^4 \exp(-hcF_{J'} / kT_r)}{Q_{N_2}(T_e, T_v, T_r)},$$

$$C_{N_2} = \frac{16\pi^3 c}{9} [N_2] \exp(-E_{n'} / kT_e),$$
(8)

где $Q_{N_2}(T_e, T_v, T_r)$ — функция распределения молекулы азота N_2 , $N_0 \equiv [N_2]$ — полная плотность частиц N_2 при электронной температуре T_e .

Регистрируемый эмиссионный спектр колебательно-вращательной полосы является результатом свертки аппаратной функции спектрометра и колебательновращательных линий полосы, имеющих собственный профиль распределения интенсивности, и может быть записан в виде свертки:

$$W_{\nu''}^{\nu'}(\lambda) = \sum_{J'J''} I_{\nu''J''}^{\nu'J'} \int_{0}^{\infty} \Phi(\lambda', \lambda_{\nu''J''}^{\nu'J'}) P(\lambda, \lambda') d\lambda',$$
(9)

где $\Phi(\lambda, \lambda_{\nu'J'}^{\nu'J'})$ — профиль спектральной линии, $P(\lambda, \lambda')$ — аппаратная функция спектрометра. Поскольку в условиях данного эксперимента профиль спектральной линии много уже ширины аппаратной функции, его можно аппроксимировать дельта-функцией, а распределение интенсивности спектра, например молекулы N₂ (аналогично для N₂⁺), в пределах колебательной полосы можно записать в виде:

$$W_{\nu''}^{\nu'}(\lambda) = C_{N_2} \frac{A_{\nu''}^{\nu'} \exp(-hcG_{\nu'} / kT_{\nu'})}{Q_{N_2}(T_e, T_\nu, T_r)} \sum_{J'J''} \sigma_{\nu'J'}^{\nu'J'} S_{J'J''} P(\lambda, \lambda_{\nu'J'}^{\nu'J'}) \exp(-hcF_{J'} / kT_r).$$
(10)

Здесь $A_{\nu'}^{\nu'} = \overline{R_e}^2 q_{\nu'\nu'} (\sigma_{ul})^3$ — вероятность колебательного перехода $\nu' - \nu''$.

Полный эмиссионный спектр излучения, состоящий из более чем одной колебательно-вращательной полосы, может быть получен суммированием уравнения (10) по каждой из полос, представленной в спектре излучения.

Для изучения влияния температуры плазмы на перекрывание (наложение) излучения колебательно-вращательных полос 1-ой отрицательной $N_2^+(B^2\Sigma_u^+ - X^2\Sigma_g^+)$ и 2-ой положительной $N_2(C^3\Pi_u^+ - B^3\Pi_g^+)$ систем были промоделированы относительные интенсивности полос этих систем в диапазоне длин волн 3400;4400 Å.

Силы *S*_{J'J"} вращательных линий для типов связей случаи (*a*) и (*b*) Гудна взяты из работы [7], коэффициенты Эйнштейна для колебательных переходов — из работы [8]. Все спектральные постоянные взяты из работы [9]. Поскольку при регистрации молекулярного спектра излучения плазменной струи использовалась широкая входная щель спектрометра размером 120 мкм, при моделировании была использована щелевая аппаратная функция вида:

$$P(\lambda, \lambda_{\nu''J'}^{\nu'J'}) = \left\{ \frac{0, \quad \text{если } \lambda \notin \left[\lambda_{\nu''J'}^{\nu'J'} - \delta\lambda_a / 2, \lambda_{\nu''J'}^{\nu'J'} + \delta\lambda_a / 2 \right]}{\frac{1}{\delta\lambda_a}, \text{если } \lambda \in \left[\lambda_{\nu''J'}^{\nu'J'} - \delta\lambda_a / 2, \lambda_{\nu''J'}^{\nu'J'} + \delta\lambda_a / 2 \right]} \right\},$$
(11)

где $\delta\lambda_a = \left(\frac{d\lambda}{dx}\right) \left\{ S_{\text{вх}}\left(\frac{F_2}{F_1}\right) \right\}$ — спектральная ширина изображения входной щели

 $S_{\rm BX}$ спектрометра, F_1 и F_2 — фокусные расстояния вогнутой дифракционной решетки спектрометра.

Кроме того, при моделировании предполагалось равенство колебательной (T_v) и вращательной (T_r) температур, поскольку источником плазмы является дуговой разряд при атмосферном давлении, для которого справедливы условия локального термодинамического равновесия. Результаты моделирования относительных интенсивностей излучения колебательно-вращательных полос 1-ой отрицательной $N_2^+(B^2\Sigma_u^+ - X^2\Sigma_g^+)$ и 2-ой положительной $N_2(C^3\Pi_u^+ - B^3\Pi_g^+)$ систем при температуре $T_v = T_r = 6000$ К приведены на рис. 3 и 4.

В спектре излучения 1-ой отрицательной N_2^+ системы наиболее выделяющимися являются колебательные переходы (0,0), (1,1), (2,2), (3,3), обладающие наибольшей силой и лежащие в спектральном диапазоне 3800÷3920 Å. В спектре



Рис. 3. Результаты моделирования относительной интенсивности излучения колебательновращательных полос 1-ой отрицательной $N_2^+(B^2\Sigma_u^+ - X^2\Sigma_g)$ системы при температуре $T_v = T_r = 6000$ К.



Рис. 4. Результаты моделирования относительной интенсивности излучения колебательно-вращательных полос 2-ой положительной $N_2(C^3\Pi_u^+ - B^3\Pi_g^+)$ систем при температуре $T_v = T_r = 6000$ К.

излучения 2-ой положительной N₂ системы в выбранном спектральном диапазоне наибольшей силой обладают переходы (0,1), (1,2), (2,3) в области длин волн 3450÷3580 Å. Кроме того, на колебательно-вращательные полосы (3,5), (2,4), (1,3), (1,4), (2,5) не накладывается спектр излучения 1-ой отрицательной N₂⁺ системы. Далее для измерения температуры плазмы был выбран спектральный диапазон 3450÷4000 Å.

Суммарный спектр излучения плазменной струи является линейной комбинацией спектров излучения 1-ой отрицательной N_2^+ и 2-ой положительной N_2 систем. Для измерения температуры использовалось сравнение относительных интенсивностей молекулярных полос измеренного и моделируемого спектров излучения в спектральном диапазоне 3450 ÷ 3800 Å.

Экспериментально измеренный и моделируемый спектры нормировались на максимальное значение головы полосы (0,0) N_2^+ ($\lambda = 3911$ Å). При моделировании суммарный нормированный спектр излучения являлся комбинацией нормированного спектра излучения 1-ой отрицательной N_2^+ системы и 2-ой положительной N_2 системы, деленной на коэффициент

$$\alpha = 2 \frac{[N_2^+]/Q_{N_2^+}}{[N_2]/Q_{N_2}} \exp\left\{-\frac{(18,7-11,1)\times 1,6\times 10^{-19}}{kT_e}\right\}.$$
 (12)

Данный коэффициент, помимо определяемой температуры $T_v = T_r$, является вторым параметром при нахождении невязки между экспериментально измеренным и моделируемым спектром. Зная диапазон изменения электронной температуры T_e плазмы, можно оценить диапазон изменения коэффициента α , используя уравнение Саха, связывающего концентрации [N₂], [N₂⁺], электронов n_e и температуры T_e .



Рис. 5. Модельный суммарный спектр излучения азотной струи для $T_v = T_r = 6000$ К и $\alpha = 1$.

На рис. 5 приведен суммарный спектр излучения для $T_v = T_r = 6000$ К и $\alpha = 1$ и показаны наиболее характерные линии спектра, используемые в дальнейшем при идентификации и обработке спектров: канты полос (0,0) и (1,0) системы N_2^+ , разрешенные с длинноволновой стороны; максимумы интенсивностей голов полос (0,1) N_2 и (2,1) N_2^+ .

РЕЗУЛЬТАТЫ ИЗМЕРЕНИЙ

Для определения температуры экспериментальные данные сравнивались с моделируемым спектром и находился минимум среднеквадратической невязки χ^2 как функции параметров T_{ν} , T_r , α :

$$\chi^{2}(T_{v}, T_{r}, \alpha) = \frac{\sum_{i=1}^{N} [W_{i}^{r} - W_{i}^{c}(T_{v}, T_{r}, \alpha)]^{2}}{N(N-1)},$$
(13)

где W_i^r , W_i^c — измеренные и рассчитанные интенсивности с *i*-ой ячейки фотодиодной линейки, нормированные на максимум интенсивности головы полосы N_2^+ (0,0), N — число точек спектра сравнения. Для определения невязки использовался спектральный диапазон $\lambda = 3450 \div 3800$ Å, который включал как область с наложением полос N_2 и N_2^+ ($\lambda = 3450 \div 3585$ Å) так и свободную от наложения ($\lambda = 3585 \div 3800$ Å). Данная процедура предполагает знание диапазона изменения температуры и коэффициента α и построение расчетной сетки по этим параметрам. При нахождении среднеквадратичной невязки предполагалось, что $T_v = T_r$, диапазон изменения: температуры $T = 2000 \div 8000$ K (с шагом 100 K), $\alpha = 0,1 \div 5,0$ (с шагом 0,1).

Для измерения распределения температуры проводилось сканирование по диаметру плазменной струи путем механического перемещения плазмотрона с шагом 1 мм снизу вверх. При обработке полученных молекулярных спектров излучения для определения температуры струи инверсия Абеля не проводилась ввиду высокой чувствительности численной процедуры преобразований к пульсациям интенсивности. Полученные значения температуры для каждого положения регистрации являются осредненными вдоль линии регистрации.

На рис. 6, *a*, *b* приведены наложения экспериментально зарегистрированных спектров (1) излучения азотной струи в сечении 5 мм от среза сопла для двух положений линий регистрации и расчетных спектров (2) при значениях параметров $T_v = T_r$ и *a*, дающих минимальное значение невязки $\chi(T, a)$. Для нахождения среднеквадратической невязки по формуле (13) использовался двойной вложенный цикл, внешним параметром которого являлась температура $T = T_v = T_r$. Для каждого значения внешнего параметра T находилось минимальное значение невязки по параметру *a*, которое сравнивалось со значениями при другой температуре. На рис. 6, *c*, *d* приведены зависимости χ от температуры. Данные зависимости являются монотонными и имеют единственное минимальное значение. Зависимо



сти невязки $\chi(T)$ являются достаточно пологими и интервал ΔT значений температуры, внутри которого заведомо лежит минимальное значение невязки, может характеризовать погрешность определения температуры. Приведенные зависимости позволяют оценить расчетную погрешность при определении температуры, которая не превышает 10 %.

На рис. 7 приведено распределение температуры в азотной плазменной струе, полученное по молекулярным спектрам излучения азота (*I*). Здесь же для сравнения приведены распределения температуры в воздушной плазменной струе, полученные в работе [1] для этого же плазмотрона по атомным спектрам меди (2 и 3) при близких параметрах работы плазмотрона: I = 200 A, U = 240 B, $G_{Air} = 1,2$ г/с, $G_{Air} = 0,27$ г/с. Распределения получены по распределениям относительных интенсивностей линий, приведенных на рис. 8, с применением преобразований Абеля, позволяющим определять локальные значения температуры (электронной T_e) (2 по $\lambda_1 = 5106,6, \lambda_2 = 5153,2, 3$ — по $\lambda_1 = 5106,6, \lambda_3 = 5218,2$ Å). На этом же рисунке приведены полученные в работе [1] значения среднемассовой температуры



Рис. 6. а, b — экспериментально зарегистрированный (1) и расчетный (2) спектры излучения азотной струи в сечении 5 мм от среза сопла для двух положений линии регистрации; *с, d* — расчетные значения невязки $\chi(T, \alpha)$ при $\alpha = 2, 3$ для: $T_v = T_r = 6000$ (*c*), 3100 (*d*) K.



Рис. 7. Распределения температуры в плазменной струе, полученные в сечении z = 5 мм. По молекулярным спектрам азота в азотной плазменной струе с аргоновой завесой анода (параметры плазмотрона: I = 200 A, U = 220 B, $G_{N2} = 1$ г/с, $G_{Ar} = 0.15$ г/с (1), по атомарным линиям меди с использованием преобразования Абеля ($\lambda_1 = 5106, 6, \lambda_2 = 5153, 2$ Å (2), ($\lambda_1 = 5106, 6, \lambda_3 = 5218, 2$ Å) (3), в воздушной плазменной струе с завесой анода воздухом (параметры плазмотрона: I = 200 A, U = 240 B, $G_{Air} = 1, 2$ г/с, $G_{Air} = 0,27$ г/с) [1], среднемассовая температура (4).

воздушной плазменной струи с помощью

калориметрирования тепловых потерь в охлаждаемые элементы плазмотрона (4).

Распределения интенсивностей (рис. 8) имеют ярко выраженный максимум при положении линии наблюдения y = 4 мм от верхней границы струи. В дальнейшем положение y = 4 мм было принято за положение оси симметрии распределений интенсивностей излучения, а для преобразований Абеля использовалась левая часть распределения (верхняя часть струи).

Проведенные измерения показывают, что в области высокотемпературного ядра струи распределения температур, полученные по молекулярным и атомарным спектрам, совпадают в пределах точности измерения электронной (±400 K) [1], колебательной (вращательной) температур (±600 K) и согласуются со среднемассовой температурой, что возможно при выполнении гипотезы локального термодинамического равновесия. Регистрация молекулярного спектра позволяет измерять температуру газового потока от 2000 K, что вероятно связано с достаточно большой концентрацией ионов молекул азота N_2^+ при охлаждении плазмы вследствие рекомбинации ионов и атомов азота.

Кроме того, в работе [1] были получены распределения температуры в воздушной плазменной струе по относительным интенсивностям линий атомов меди с применением так называемого метода локализации, определяющего максимальную по линии регистрации температуру. Данный метод не требует симметрии струи вдоль направления сканирования (направление *y*, рис. 1). Результаты проведенных измерений приведены на рис. 9 (2 — по $\lambda_1 = 5106, 6, \lambda_2 = 5153, 2$ Å, 3 — по $\lambda_1 = 5106, 6, \lambda_3 = 5218, 2$ Å). Характерно, что в выбранном сечении наиболь-

шее значение температуры имеет место не на оси струи, а смещено на 2 мм к периферии, что свидетельствует об односторонней привязке дуги на аноде.

Распределение, полученное в азотной струе с аргоновой завесой анода (рис. 9, кривая *1*), симметрично, в отличие от распределений,

 $\lambda_1 = 5106, 6 (1), \lambda_2 = 5153, 2 (2), \lambda_3 = 5218, 2 (3) \text{ Å}.$



Рис. 8. Распределения зарегистрированных интенсивностей спектральных линий меди.



По молекулярным спектрам азота в азотной плазменной струе с аргоновой завесой анода (параметры плазмотрона: I = 200 A, U = 220 B, $G_{N2} = 1$ г/с, $G_{Ar} = 0,15$ г/с) (I), по атомарным линиям меди ($\lambda_1 = 5106,6, \lambda_2 = 5153,2$ Å) (2), ($\lambda_1 = 5106,6, \lambda_3 = 5218,2$ Å) (3), в воздушной плазменной струе с завесой анода воздухом (параметры плазмотрона: I = 200 A, U = 240 B, $G_{Air} = 1,2$ г/с, $G_{Air} = = 0,27$ г/с) [1].



полученных в воздушной плазменной струе. Данное отличие может быть связано с более равномерно распределенной привязкой дуги на аноде.

Проведенные исследования позволяют сделать вывод, что малогабаритный спектрометр с голографическими решетками в условиях среднего спектрального разрешения (для получения достоверного сигнала необходимая ширина входной щели равнялась 120 мкм) обеспечил регистрацию молекулярных полос излучения азота и получение распределения температуры в плазменной струе с требуемой точностью.

Моделирование спектра излучения двухатомных молекул и численное сравнение измеренного и моделируемого спектров позволяют анализировать условия протекания газофазных химических реакций в присутствии широкого спектра двухатомных молекул: H₂, C₂, CH, CN, NH, O₂, CO, OH и др. Методы молекулярной спектроскопии в УФ и видимом диапазоне могут применяться в наиболее важном для протекания химических реакций температурном диапазоне от 2000 до 6000 K.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Наливайко В.И., Чубаков П.А., Покровский А.Н., Михальченко А.А., Кузьмин В.И., Картаев Е.В. Малогабаритный спектрометр для эмиссионного анализа потоков низкотемпературной плазмы // Теплофизика и аэромеханика. 2007. Т. 14, № 2. С. 257–267.
- 2. Pearse R.W.B., Gaydon A.G. Identification of molecular spectra / 4th ed. Wiley, New York, 1976. 240 p.
- Williamson James M., DeJoseph Charles A. Determination of gas temperature in an open-air atmospheric pressure plasma torch from resolved plasma emission // J. of Applied Physics. 2003. Vol. 93, No. 4. P. 1893–1898.
- 4. Nassar H., Pellerin S., Musiol K., Martinie O., Pellerin N., Cormier J-M. N₂⁺/N₂ ratio and temperature measurements based on the first negative N₂⁺ and second positive N₂ overlapped molecular emission spectra // J. Phys.D: Appl.Phys. 2004. Vol. 37, No. 14. P. 1904–1916.
- 5. Гериберг Г. Спектры и строение двухатомных молекул / Пер.с англ., под ред. В.Н. Кондратьева. М.: Ин. литер. 1949. 413 с.
- 6. Pellerin S., Musiol K., Motret O., Pokrzywka B., Chapelle J. Application of the (0,0) Swan band spectrum for temperature measurement // J. Phys.D: Appl. Phys. 1996. Vol. 29, No. 11. P. 2850–2865.
- **7. Kovacs I.** Rotational structure in the spectra of diatomic molecules. Budapest: Akademiai Kiado, 1966. 320 p.
- Gilmore F.R., Laher R.R., Espy P.J. Franck-Condon factors, r-Centroids, Electronic transition moments and Einstein coefficients for many nitrogen and oxygen band systems // J. Phys. Chem. Ref. Data. 1992. Vol. 21, No. 5. P. 1005–1107.
- **9.** Хьюбер К.П., Гериберг Г. Константы двухатомных молекул: в 2-х ч. Ч. 2. Пер. с англ. М.: Мир, 1984. 368 с.

Статья поступила в редакцию 25 августа 2010 г.