

$\varepsilon_0 =$	10	8	6	4	3	2	1	0.8	$(\varepsilon_m = 0.05)$
$\tau =$	0.61	0.62	0.64	0.66	0.72	0.75	0.83	0.90	
$\varepsilon_0 =$	0.6	0.5	0.4	0.32	0.2	0.1	0.08	0.06	$(\varepsilon_m = 0.05)$
$\tau =$	0.92	0.95	0.97	1	1.07	1.17	1.30	1.37	
$\varepsilon_0 =$	10	8	6	4	3	2			$(\varepsilon_m = 0.13)$
$\tau =$	0.34	0.61	0.45	0.47	0.52	0.57			
$\varepsilon_0 =$	1	0.8	0.6	0.4	0.3	0.2			$(\varepsilon_m = 0.13)$
$\tau =$	0.62	0.69	0.75	0.86	0.89	0.98			

Экономичность алгоритмов I и II существенно зависит от  $\varepsilon_0$  и  $\varepsilon_m$ . Если  $\varepsilon_m \geq 13$  Мэв, то для любых  $\varepsilon_0$  алгоритм I более выгоден, чем алгоритм II ( $\tau \leq 1$ ). Для каждого значения  $\varepsilon_m < 0.13$  Мэв существует такое значение  $\varepsilon_0 = \varepsilon_{0e}$ , при котором оба алгоритма одинаково экономны ( $\tau = 1$ ). С увеличением  $\varepsilon_m$  значение  $\varepsilon_{0e}$  смещается в сторону более низких энергий. В случае  $\varepsilon_0 \leq \varepsilon_{0e}$  необходимо использовать алгоритм II ( $\tau > 1$ ).

Данные, приведенные на фигуре, позволяют определить значение  $\varepsilon_{0e}$  в зависимости от  $\varepsilon_m < 0.13$  Мэв. Очевидно, что в случае  $\varepsilon_0 > \varepsilon_{0e}$  имеет смысл последовательное использование алгоритмов I и II соответственно, в особенности при  $\varepsilon_0 \gg \varepsilon_{0e}$  и относительно более низких  $\varepsilon_m$ .

Поступила 20 I 1969

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Фано У., Спенсер Л., Бергер М. Перенос гамма-излучения. М., Атомиздат, 1963.
2. Дядькин И. Г. Моделирование случайной энергии гамма-кванта, рассеянного в результате комптон-эффекта. Ж. вычислит. матем. и матем. физ., 1966, т. 6, № 2.

### ОТРАЖЕНИЕ МАГНИТОЗВУКОВЫХ ВОЛН ОТ УПРУГОГО СЛОЯ С КОНЕЧНОЙ ЭЛЕКТРОПРОВОДНОСТЬЮ

Л. Я. Косачевский, В. Г. Пономаренко

(Донецк)

В работе [1] была решена задача об отражении магнитозвуковых волн от плоского слоя электропроводящей жидкости (или газа), находящейся в постоянном однородном магнитном поле  $H$ .

Ниже решается аналогичная задача для упругого слоя. Найдены коэффициенты отражения и прозрачности слоя в предельных случаях слабого и сильного магнитных полей.

1. Рассмотрим отражение от упругого плоского слоя толщины  $d$ , на который под произвольным углом падает быстрая магнитозвуковая волна (фигура). Граница слоя совпадает с плоскостью  $xy$ . Плоскость падения волны совмещена с плоскостью  $xz$ . Предполагаем, что вектор  $H$  лежит в этой же плоскости и составляет с осью  $x$  угол  $\varphi$ . Жидкие (или газообразные) среды по обе стороны слоя электропроводящие.

В жидкой среде имеют место быстрая и медленная магнитозвуковые волны, поляризованные в плоскости  $xz$ , и волны Альфвена, — поляризованные перпендикулярно этой плоскости.

В упругой среде существует пять типов волн. Три из них — быстрая и медленная магнитоупругие, а также электромагнитная, связанная с процессом диффузии магнитного поля в среде, — поляризованы в плоскости  $xz$ . Четвертая и пятая волны поляризованы перпендикулярно  $xz$ .

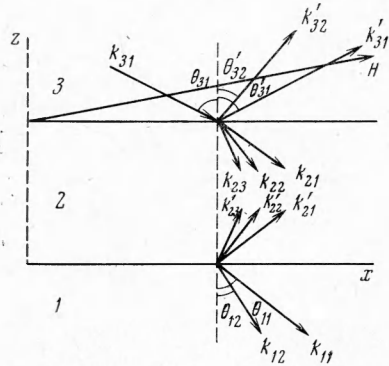
Волны, поляризованные перпендикулярно плоскости падения, распространяются независимо от остальных, поэтому в данной работе мы их можем не принимать во внимание.

Если на слой под произвольным углом  $\theta$  падает быстрая магнитозвуковая волна, то при этом будут отражаться в верхнюю среду и проходить в нижнюю как быстрые, так и медленные магнитозвуковые волны. Внутри слоя в результате многократных отражений от его границ образуются результирующие волны трех типов.

Среду, из которой падает волна, слой и нижнюю среду будем обозначать соответственно номерами 3, 2 и 1. Величины, относящиеся к различным типам волн, будем обо-

значать] буквами с двумя индексами  $A_{\mu\nu}$ , где  $\mu = 1, 2, 3$  означает номер среды, в которой распространяется волна,  $\nu = 1$  соответствует первому,  $\nu = 2$  — второму и  $\nu = 3$  — третьему типу волн. Величины, относящиеся к волнам, распространяющимся в положительном направлении оси  $z$ , будем отмечать штрихами.

Из уравнений магнитной гидродинамики для плоских волн в жидкости вытекают соотношения



$$\begin{aligned}
 v_{\mu\nu x} &= M_{\nu\mu} v_{\mu\nu z}, & h_{\mu\nu x} &= A_{\mu\nu} v_{\mu\nu z} & (1.1) \\
 E_{\mu\nu y} &= B_{\mu\nu} v_{\mu\nu z}, & p_{\mu\nu} &= Z_{\mu\nu} v_{\mu\nu z} \\
 M_{\mu\nu} &= (k_{\mu\nu z} \cos \alpha_{\mu\nu} - k_{\mu\nu} u_{\mu\nu} \sin \varphi) / \beta_{\mu\nu} \\
 \beta_{\mu\nu} &= k_{\mu\nu} u_{\mu\nu} \cos \varphi - k_{\mu\nu x} \cos \alpha_{\mu\nu} \\
 A_{\mu\nu} &= H (u_{\mu\nu} - 1) \sqrt{u_{\mu\nu}} k_{\mu\nu z} / a_{\mu} \psi_{\mu} \beta_{\mu\nu} \\
 B_{\mu\nu} &= -\omega A_{\mu\nu} / c k_{\mu\nu z} \\
 Z_{\mu\nu} &= -\rho_{\mu} a_{\mu} (k_{\mu\nu x} M_{\mu\nu} + k_{\mu\nu z}) / \omega \\
 \alpha_{\mu\nu} &= 90^\circ - (\theta_{\mu\nu} - \varphi), & \alpha_{\mu\nu}' &= 90^\circ - (\theta_{\mu\nu}' + \varphi) \\
 \psi_{\mu} &= H^2 / 4\pi\rho_{\mu} a_{\mu}^2, & u_{\mu\nu} &= (\omega / k_{\mu\nu} a_{\mu})^2 \\
 & & & (\mu = 1, 3; \nu = 1, 2.)
 \end{aligned}$$

Здесь  $v_z$ ,  $p$  и  $\rho$  — составляющая скорости, гидродинамическое давление и плотность жидкости,  $h$  — малое изменение напряженности магнитного поля в волне,  $E_y$  — напряженность индуцированного электрического поля,  $k$  — волновой вектор,  $\omega$  — частота,  $a$  — скорость звука в жидкости,  $c$  — скорость света,  $\alpha$  — угол между векторами  $k$  и  $H$ ,  $u$  и  $\psi$  представляют собой квадраты фазовой скорости и напряженности магнитного поля в безразмерной форме.

Фазовые скорости магнитозвуковых волн определяются дисперсионным уравнением

$$u_{\mu}^2 - (1 + \psi_{\mu}) u_{\mu} + \psi_{\mu} \cos^2 \alpha_{\mu} + i\omega\eta_{\mu} (u_{\mu} - 1) = 0 \quad (1.2)$$

$$\eta_{\mu} = c^2 / 4\pi\sigma_{\mu} a_{\mu}^2$$

где  $\sigma_{\mu}$  — электропроводность среды.

В случае хорошо проводящих сред  $\omega\eta_{\mu} \ll 1$  и слабого магнитного поля  $\psi_{\mu} \ll 1$  из (1.2) находим

$$u_{\mu 1} = 1 + \psi_{\mu} \sin^2 \alpha_{\mu 1}, \quad u_{\mu 2} = \psi_{\mu} \cos^2 \alpha_{\mu 2} - i\omega\eta_{\mu} \quad (1.3)$$

При сильном магнитном поле  $\psi_{\mu} \gg 1$  имеем

$$u_{\mu 1} = \psi_{\mu} + \sin^2 \alpha_{\mu 1}, \quad u_{\mu 2} = \cos^2 \alpha_{\mu 2} \left(1 - \frac{1}{\psi_{\mu}} \sin^2 \alpha_{\mu 2}\right) \quad (1.4)$$

Для волн в упругой среде имеем соотношения [2]

$$\begin{aligned}
 v_{2\nu x} &= M_{2\nu} v_{2\nu z}, & h_{2\nu x} &= A_{2\nu} v_{2\nu z}, & E_{2\nu y} &= B_{2\nu} v_{2\nu z} \\
 F_{2\nu z} &= Z_{2\nu} v_{2\nu z}, & P_{2\nu x} &= X_{2\nu} v_{2\nu z} \\
 M_{2\nu} &= [(1 - \xi) k_{2\nu z} \cos \alpha_{2\nu} - k_{2\nu} (u_{2\nu} - \xi) \sin \varphi] / \beta_{2\nu} \\
 \beta_{2\nu} &= k_{2\nu} (u_{2\nu} - \xi) \cos \varphi - (1 - \xi) k_{2\nu x} \cos \alpha_{2\nu} \\
 A_{2\nu} &= H (u_{2\nu} - 1) (u_{2\nu} - \xi) k_{2\nu z} / a_2 \psi_2 \beta_{2\nu} \sqrt{u_{2\nu}} \\
 B_{2\nu} &= -\omega A_{2\nu} / c k_{2\nu z} \\
 Z_{2\nu} &= -\rho_2 a_2 [k_{2\nu z} + (1 - 2\xi) k_{2\nu x} M_{2\nu}] / \omega \\
 X_{2\nu} &= -\rho_2 b^2 (k_{2\nu x} + k_{2\nu z} M_{2\nu}), & a_2^2 &= (\lambda + 2\mu) / \rho_2 \\
 b^2 &= \mu / \rho_2, & \xi &= b^2 / a_2^2, & \psi_2 &= H^2 / 4\pi\rho_2 a_2^2
 \end{aligned} \quad (1.5)$$

Дисперсионное уравнение имеет вид [3,4]

$$u_2^2 - (1 + \xi + \psi_2) u_2 + \xi + \psi_2 (\cos^2 \alpha_2 + \xi \sin^2 \alpha_2) + i\omega\eta_2 u_2^{-1} (u_2 - 1) (u_2 - \xi) = 0$$

$$u_2 = (\omega / k_2 a_2)^2, \quad \eta_2 = c^2 / 4\pi\sigma_2 a_2^2 \quad (1.6)$$

При малых  $\omega\eta_2$  и  $\psi_2$  корнями этого уравнения будут

$$u_{21} = 1 + \psi_2 \sin^2 \alpha_{21}, \quad u_{22} = \xi + \psi_2 \cos^2 \alpha_{22}, \quad u_{23} = -i\omega\eta_2 \quad (1.7)$$

В случае  $\psi_2 \gg 1$  имеем

$$u_{21} = \psi_2 + \sin^2 \alpha_{21} + \xi \cos^2 \alpha_{21}, \quad u_{22} = \cos^2 \alpha_{22} + \xi \sin^2 \alpha_{22} - \\ - \frac{(1-\xi)^2}{4\psi_2} \sin^2 2\alpha_{22}, \quad u_{23} = - \frac{i\xi\omega\eta_2}{\psi_2 (\cos^2 \alpha_{23} + \xi \sin^2 \alpha_{23})} \quad (1.8)$$

Углы  $\theta_{\mu\nu}$  связаны соотношениями (закон Снеллиуса)

$$k_{\mu\nu} \sin \theta_{\mu\nu} = k_{31} \sin \theta_{31} \quad (1.9)$$

В случае слабого магнитного поля согласно (1.3) и (1.7) с точностью до главных членов (1.9) принимает вид

$$\frac{\sin \theta_{31}}{a_3} = \frac{\sin \theta_{\mu 1}}{a_\mu} = \frac{\sin \theta_{12}}{a_1 \sqrt{\psi_1 \sin^2 \varphi - i\omega\eta_1}} = \\ = \frac{\sin \theta_{22}}{b} = \frac{\sin \theta_{23}}{a_2 \sqrt{-i\omega\eta_2}} = \frac{\sin \theta_{32}}{a_3 \sqrt{\psi_3 \sin^2 \varphi - i\omega\eta_3}} \\ \theta_{\mu\nu}' = \theta_{\mu\nu} \quad (1.10)$$

При сильном поле учитывая (1.4) и (1.8), имеем

$$\frac{\sin \theta_{31}}{a_3 \sqrt{\psi_3}} = \frac{\sin \theta_{\mu 1}}{a_\mu \sqrt{\psi_\mu}} = \frac{\sin \theta_{12}}{a_1 \sin \varphi} = \frac{\sin \theta_{22}}{a_2 \sqrt{\sin^2 \varphi + \xi \cos^2 \varphi}} = \\ = \frac{\sin \theta_{23} \sqrt{\psi_2 (\sin^2 \varphi + \xi \cos^2 \varphi)}}{a_2 \sqrt{-i\xi\omega\eta_2}} = \frac{\sin \theta_{32}}{a_3 \sin \varphi}, \quad \theta_{\mu\nu}' = \theta_{\mu\nu} \quad (1.11)$$

Принимая амплитуду  $v_{31z}$  за единицу, записываем поле скоростей в виде

$$v_{3z} = -\exp[-i\gamma_{31}(z-d)] + \sum_{\nu=1}^2 W_{3\nu}' \exp[i\gamma_{3\nu}(z-d)] \\ v_{2z} = \sum_{\nu=1}^3 [W_{2\nu} \exp(-i\gamma_{2\nu}z) + W_{2\nu}' \exp(i\gamma_{2\nu}z)] \\ v_{1z} = -\sum_{\nu=1}^2 W_{1\nu} \exp(-i\gamma_{1\nu}z), \quad \gamma_{\mu\nu} = k_{\mu\nu} \cos \theta_{\mu\nu} \quad (1.12)$$

Для краткости здесь опущен общий множитель  $\exp[ik_{\mu\nu}x - \omega t]$ ,  $W_{3\nu}$  и  $W_{1\nu}$  — амплитудные коэффициенты отражения и прозрачности слоя, подлежащие определению. Выражения  $h_{\mu x}$ ,  $E_{\mu y}$ ,  $p_{\mu 1}$ ,  $P_{2zz}$  и  $P_{2xz}$  получаются согласно (1.1), (1.5) заменой коэффициентов  $\bar{W}_{\mu\nu}$  в (1.12) на

$$A_{\mu\nu} W_{\mu\nu}, \quad B_{\mu\nu} W_{\mu\nu}, \quad Z_{\mu\nu} W_{\mu\nu}, \quad X_{\mu\nu} W_{\mu\nu}.$$

На границах слоя имеют место условия:

при  $z=0$

$$v_{1z} = v_{2z}, \quad h_{1x} = h_{2x}, \quad [E_{1y} = E_{2y}, \quad -p_1 = P_{2zz}, \quad P_{2xz} = 0] \quad (1.13)$$

при  $z=d$

$$v_{2z} = v_{3z}, \quad h_{2x} = h_{3x}, \quad E_{2y} = E_{3y}, \quad P_{2zz} = -p_3, \quad P_{2xz} = 0$$

Таким образом, учитывая (1.1), (1.5) и (1.13), получаем систему линейных уравнений относительно амплитудных коэффициентов отражения и прозрачности  $\bar{W}_{\mu\nu}$  и  $W_{\mu\nu}'$  для  $v_{\mu\nu z}$ .

2. Решение этой системы при слабом магнитном поле с точностью до главных членов имеет вид

$$W_{31}' = V + \frac{1}{\rho_2 \Delta \cos 2\theta_{22}} \{[(\rho_1 - \rho_2 \cos 2\theta_{22}) Z_1 W_{12} + iF] N - (\rho_2 \cos 2\theta_{22} - \rho_3) [M - i(N^2 - M^2)] Z_3 W_{32}' - L(1 - iM)\}$$

$$W_{11} = W + \frac{1}{\rho_2 \Delta \cos 2\theta_{22}} \{(\rho_1 - \rho_2 \cos 2\theta_{22}) [MZ_3 - i(N^2 - M^2) Z_1] Z_1 W_{12} - [(\rho_2 \cos 2\theta_{22} - \rho_3) Z_3 W_{32}' - iL] Z_1 N + F(Z_3 + iZ_1 M)\}$$

$$W_{32}' = \frac{\Phi_2}{\delta \rho_3} \{[(\rho_2 \cos 2\theta_{22} - \rho_3) (1 + V) \operatorname{tg} \theta_{31} - \rho_2 P \cos (2\theta_{22} - \theta_{21})] (\cos \gamma_{23} d - in \sin \gamma_{23} d) + (\rho_1 - \rho_2 \cos 2\theta_{22}) W \operatorname{tg} \theta_{11} - \rho_2 R \cos (2\theta_{22} - \theta_{21})\}$$

$$W_{12} = -\frac{\Phi_2}{\delta \rho_1} \{[(\rho_1 - \rho_2 \cos 2\theta_{22}) W \operatorname{tg} \theta_{11} - \rho_2 R \cos (2\theta_{22} - \theta_{21})] (\cos \gamma_{23} d - im \sin \gamma_{23} d) + (\rho_2 \cos 2\theta_{22} - \rho_3) (1 + V) \operatorname{tg} \theta_{31} - \rho_2 P \cos (2\theta_{22} - \theta_{21})\}$$

$$W = 2\Delta^{-2} Z_3 N, \quad V = \Delta^{-1} \{M(Z_1 - Z_3) - i[(N^2 - M^2) Z_1 - Z_3]\}$$

$$\Delta = M(Z_1 + Z_3) - i[(N^2 - M^2) Z_1 + Z_3] \quad (2.1)$$

$$R = \frac{2 \sin \theta_{22}}{Z_1 N} \left\{ Z_3 (1 + V) \operatorname{ctg} \gamma_{22} d + i \left[ Z_{2\tau} \sin^2 2\theta_{22} + \frac{1 - \cos \gamma_{21} d \cos \gamma_{22} d}{\sin \gamma_{21} d \sin \gamma_{22} d} Z_2 \cos 2\theta_{22} \right] (1 - V) \right\}$$

$$P = \frac{2 \sin \theta_{22}}{Z_1 N} \left[ \frac{Z_3}{\sin \gamma_{22} d} (1 + V) - i \left( \frac{\operatorname{ctg} \gamma_{21} d}{\sin \gamma_{22} d} - \frac{\operatorname{ctg} \gamma_{22} d}{\sin \gamma_{21} d} \right) Z_2 (1 - V) \cos^2 2\theta_{22} \right]$$

$$\Phi_2 = \frac{\psi_2 \sin^2 \varphi \sin \theta_{21}}{\sqrt{-i\omega\eta_2 \cos 2\theta_{22}}}$$

$$F = \frac{2}{\sin \gamma_{22} d} (\rho_1 W_{12} \cos \gamma_{22} d - \rho_3 W_{32}') Z_{2\tau} \cos^2 \theta_{22}$$

$$L = \frac{2}{\sin \gamma_{22} d} (\rho_1 W_{12} - \rho_3 W_{32}' \cos \gamma_{22} d) Z_{2\tau} \cos^2 \theta_{22}$$

$$N = \frac{Z_2 \cos^2 2\theta_{22}}{Z_1 \sin \gamma_{21} d} + \frac{Z_{2\tau} \sin^2 2\theta_{22}}{Z_1 \sin \gamma_{22} d}$$

$$M = \frac{Z_2}{Z_1} \cos^2 2\theta_{22} \operatorname{ctg} \gamma_{21} d + \frac{Z_{2\tau}}{Z_1} \sin^2 2\theta_{22} \operatorname{ctg} \gamma_{22} d$$

$$Z_\mu = \frac{\rho_\mu a_\mu}{\cos \theta_{\mu 1}}, \quad Z_{2\tau} = \frac{\rho_2 b}{\cos \theta_{22}}$$

$$\delta = (m + n) \cos \gamma_{23} d - i(1 + mn) \sin \gamma_{23} d$$

$$m = \frac{a_3}{a_2} \left( \frac{\psi_3 \sin^2 \varphi - i\omega\eta_3}{-i\omega\eta_2} \right)^{1/2}, \quad n = \frac{a_1}{a_2} \left( \frac{\psi_1 \sin^2 \varphi - i\omega\eta_1}{-i\omega\eta_2} \right)^{1/2}$$

Здесь  $V$  и  $W$  коэффициенты отражения и прозрачности в отсутствие магнитного поля [6].

Таким образом, при наклонном падении магнитозвуковой волны на слой коэффициенты отражения и прозрачности отличаются от обычных акустических коэффициентов членами порядка  $\psi_2 (-i\omega\eta_2)^{-1/2}$ .

Полагая  $d = 0$  в (2.1), получим коэффициенты отражения и прозрачности границы раздела двух сред  $-3$  и  $I$  [1].

При нормальном падении магнитное поле в рассмотренном приближении на амплитудные коэффициенты не влияет.

3. Решение системы (1.13) при сильном магнитном поле с точностью до членов порядка  $1/\sqrt{\psi}$  имеет вид

$$\begin{aligned}
 W_{31}' &= \frac{1}{\Delta} [n_2(n_1 - n_3) \cos \gamma_{21}d - i(n_2^2 - n_1n_3) \sin \gamma_{21}d] \\
 W_{11} &= \frac{2}{\Delta} n_2 n_3 \\
 W_{12} &= \frac{2n_2 n_3 \operatorname{tg} \varphi}{a_1 \sqrt{\psi_1} \Delta \delta} \left\{ [(q + \xi L)(m_2^* \cos \gamma_{22}d - im_3 \sin \gamma_{22}d) - \right. \\
 &\quad \left. - m_2^*(r + \xi L) \cos \gamma_{21}d] \cos(\theta_{11} - \varphi) + i \frac{rm_2^*}{\cos \theta_{21}} \left[ \sqrt{\frac{\rho_2}{\rho_1}} \cos \varphi + \sin \theta_{21} \cos(\theta_{11} + \varphi) + \right. \right. \\
 &\quad \left. \left. + \xi \frac{n_1}{n_2 r} L \cos \theta_{21} \cos(\theta_{11} - \varphi) \right] \sin \gamma_{21}d \right\} \\
 W_{32}' &= -\frac{1}{m_2^*} \left\{ W_{12}(m_2^* \cos \gamma_{22}d - im_1 \sin \gamma_{22}d) + \right. \\
 &\quad \left. + iW_{11} \frac{\operatorname{tg} \varphi}{a_1 \sqrt{\psi_1}} (q + \xi L) \cos(\theta_{11} - \varphi) \sin \gamma_{22}d \right\}
 \end{aligned} \tag{3.1}$$

$$\begin{aligned}
 \Delta &= n_2(n_1 + n_3) \cos \gamma_{21}d + i(n_2^2 + n_1n_3) \sin \gamma_{21}d \\
 \delta &= m_2^*(m_1 + m_3) \cos \gamma_{22}d - i(m_2^{*2} + m_1m_3) \sin \gamma_{22}d \\
 q &= m_2^*a_2 - m_1a_1, \quad r = m_2^*a_2 - m_3a_3 \\
 n_\mu &= \sqrt{\rho_\mu} \cos \theta_{\mu 1}, \quad m_\mu = \rho_\mu a_\mu, \quad m^* = m_2 / \sqrt{1 + \xi \operatorname{ctg}^2 \varphi} \\
 L &= \frac{2m_2 a_2}{\cos(\theta_{11} - \varphi)} \sin \theta_{11} \sin \varphi \\
 \gamma_{21} &= \frac{\omega \cos \theta_{21}}{a_2 \sqrt{\psi_2}}, \quad \gamma_{22} = \frac{\omega}{a_2 \sqrt{\sin^2 \varphi + \xi \cos^2 \varphi}}
 \end{aligned}$$

Если толщина слоя значительно меньше длины быстрой магнитоупругой волны ( $\gamma_{21}d \ll 1$ ), формулы (3.1) существенно упрощаются

$$\begin{aligned}
 W_{31}' &= \frac{n_1 - n_3}{n_1 + n_3} - 2i \frac{n_2^2 - n_1^2}{(n_1 + n_3)^2} \gamma_{31}d, \quad W_{11} = \frac{2n_3}{n_1 + n_3} + 2i \frac{n_2^2 + n_1n_3}{(n_1 + n_3)^2} \gamma_{31}d \\
 W_{32}' &= \frac{\beta}{\sqrt{\psi_1} \delta} [(r + \xi L)(m_2^* \cos \gamma_{22}d - im_1 \sin \gamma_{22}d) - (q + \xi L)m_2^*] \\
 W_{12} &= \frac{\beta}{\sqrt{\psi_1} \delta} [(q + \xi L)(m_2^* \cos \gamma_{22}d - im_3 \sin \gamma_{22}d) - (r + \xi L)m_2^*] \\
 \beta &= \frac{2n_3 \operatorname{tg} \varphi}{a_1(n_1 + n_3)} \cos(\theta_{11} - \varphi), \quad \gamma_{31} = \frac{\omega \cos \theta_{31}}{a_3 \sqrt{\psi_3}}
 \end{aligned}$$

Положив в формулах (3.1) и (3.2)  $\xi = 0$ , получим коэффициенты отражения и прозрачности для жидкого слоя [1].

Поступила 17 II 1969

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Косачевский Л. Я. Распространение магнитозвуковых волн в слоистых средах. ПМТФ, 1966, № 6.
2. Косачевский Л. Я. Отражение магнитозвуковых волн на границе раздела двух сред с конечной электропроводностью. ПММ, 1965, т. 19, вып. 2.
3. В апос А. Normal modes characterizing magnetoelastic plane waves. Phys. Rev., 1956, vol. 104, No. 2.
4. Кейлис-Борок В. И., Монин А. С. Магнитоупругие волны и граница земного ядра. Изв. АН СССР, Сер. геофиз., 1959, № 11.
5. Бреховских Л. М. Волны в слоистых средах. М., Изд-во АН СССР, 1957.