

16. Ohmori Y., Shimozuma M., Tagashira H. Boltzmann equation analysis of electron swarm behaviour in monosilane // J. Phys. D: Appl. Phys.— 1986.— V. 19.— P. 1029.
17. Mathieson K. J., Millican P. G., Walker I. S., Curtis M. G. Low-energy-electron collision cross-sections in silane // J. Chem. Soc. Faraday Trans.— 1987.— V. 1183.— P. 1041.
18. Braglia G. L., Romano L., Diligenti M. On the accuracy of experimental electron energy distributions in gases // Nuovo Cimento.— 1985.— V. B85.— P. 193.
19. Chatham H., Hils D., Robertson R., Gallagher A. Total and partial electron collisional cross sections for CH<sub>4</sub>, C<sub>2</sub>H<sub>6</sub>, SiH<sub>4</sub> and Si<sub>2</sub>H<sub>6</sub> // J. Chem. Phys.— 1984.— V. 81.— P. 1770.

г. Новосибирск

Поступила 3/III 1993 г.

УДК 534.222 – 539.196

В. И. Грабовский, А. М. Старик

### МОДЕЛИРОВАНИЕ ДИНАМИКИ ИЗМЕНЕНИЯ ПОКАЗАТЕЛЯ ПРЕЛОМЛЕНИЯ ПРИ РЕЗОНАНСНОМ ВЗАИМОДЕЙСТВИИ ИЗЛУЧЕНИЯ С КОЛЕБАТЕЛЬНО-ВРАЩАТЕЛЬНЫМИ ПЕРЕХОДАМИ

Резонансное поглощение газом излучения может приводить, как известно, к возбуждению внутренних степеней свободы молекул, что в значительной степени определяет нелинейный отклик среды. При этом изменяются как мнимая, так и действительная часть диэлектрической проницаемости. Первая связана с коэффициентом поглощения  $k$ , а вторая — с показателем преломления  $n$ . Изменение  $n$  в канале пучка приводит к отклонению световых лучей от первоначального направления и в значительной степени определяет характер распространения лазерного пучка в нелинейной среде [1]. Именно поэтому изучению механизмов изменения показателя преломления при воздействии резонансного излучения посвящено значительное число работ. Особое внимание уделяется анализу закономерностей изменения  $n$  при распространении импульса излучения ИК-диапазона (излучение этого диапазона поглощается обычно на колебательно-вращательных переходах) [2—7]. Обусловлено это тем, что именно ИК-лазеры способны давать высокие уровни интенсивности, при которых нелинейные эффекты становятся весьма существенными.

Было показано, что основными механизмами изменения  $n$  являются изменение поляризуемости молекул среды вследствие возбуждения молекулярных колебаний и изменение плотности вследствие гидродинамических эффектов, обусловленных неоднородным тепловыделением из колебательных в поступательные степени свободы. Анализ влияния гидродинамических эффектов при этом проводился в основном в рамках модели невязкого нетеплопроводного газа без учета влияния диффузии и теплопроводности, которые в колебательно-неравновесном газе существенно зависят от степени возбуждения и могут оказывать значительное влияние на поведение концентраций компонентов смеси даже на временах, меньших характерных времен этих процессов [8]. Поэтому представляет интерес провести комплексный анализ закономерностей изменения показателя преломления смеси газов с учетом всех процессов, связанных с возбуждением молекулярных колебаний резонансным излучением. Такому анализу и посвящена данная работа.

Анализ проведен для двухкомпонентной смеси газов, состоящих из молекул разного сорта, например А (1) и В (2), причем молекулы сорта А обладают, по крайней мере, двумя различными типами колебаний  $k$  и  $q$  с частотами  $\nu_k < \nu_q$ , а молекулы сорта В — одним типом колебаний  $s$  с

частотами  $\nu_s \leq \nu_q$  или  $\nu_s \geq \nu_q$ . Пусть время колебательно-поступательной релаксации для моды  $q$  много больше времен колебательно-колебательных обменов  $\nu_q \rightarrow \nu_k$  и  $\nu_q \rightarrow \nu_s$ , а частота воздействующего излучения  $\nu_l$  резонансна частоте центра линии колебательно-вращательного перехода  $m \rightarrow n$ , верхнее  $n$  и нижнее  $m$  состояния которого принадлежат типам колебаний  $k$  и  $q$  соответственно:

$$\nu_l = (E_{V^n} - E_{V^m} + E_j^n - E_j^m)/h$$

( $E_{V^n}$  и  $E_{V^m}$  — колебательные энергии возбужденных состояний  $n$  и  $m$  молекулы сорта А, а  $E_j^n$  и  $E_j^m$  — их вращательные энергии,  $h$  — постоянная Планка). Такая ситуация характерна для многих практически интересных случаев, например, при поглощении излучения  $\text{CO}_2$ -лазера в смеси  $\text{CO}_2$ - $\text{N}_2$ , используемой как для теоретического [9—11], так и для экспериментального [12, 13] моделирования различных нелинейных процессов. Будем рассматривать случаи, когда все молекулы находятся в основном электронном состоянии и изменения химического состава не происходит. Величина показателя преломления определяется при этом соотношениями [6, 7]

$$(1) \quad n^2 - 1 = 4\pi \sum_{i=1}^2 N_i \alpha_i, \quad \alpha_i = \alpha_{i0} + \sum_j \alpha_{ij}^V + \alpha_i^R.$$

Здесь  $N_i$  — плотность молекул  $i$ -го сорта;  $\alpha_{i0}$  — нерезонансная молекулярная поляризуемость молекул  $i$ -го компонента при невозбужденном внутреннем движении;  $\alpha_{ij}^V$  и  $\alpha_i^R$  характеризуют соответственно вклад молекулярных колебаний  $j$ -го типа и вклад вращения в нерезонансную часть поляризуемости молекул  $i$ -го сорта.

Ограничимся случаями, когда время индуцированных переходов  $\tau_l \gg \tau_{RT}, \tau_{VV}$  ( $\tau_{RT}$  и  $\tau_{VV}$  — характерные времена вращательно-поступательного и внутримодового колебательно-колебательного обменов). При этом можно считать, что между вращательными и поступательными степенями свободы существует термодинамическое равновесие, а внутри каждой моды  $j$  ( $j = k, q, s$ ) с частотой нормальных колебаний  $\nu_j$  имеет место бoльцмановское распределение с колебательной температурой  $T_j$ . При этих допущениях  $\alpha_i^R = \varphi(T)$ , а  $\alpha_{ij}^V = f(T_j)$ . Учитывая, что для газов  $\delta n \ll n_0$ , а при  $\delta T \ll \delta T_j$  (именно такие случаи и рассматриваются)  $\delta \alpha_i^R \ll \delta \alpha_{ij}^V$  ( $\delta \xi = \xi - \xi_0, \xi = T, T_j, n, \alpha_i^R, \alpha_{ij}^V$ , индекс 0 отвечает невозмущенным параметрам среды при  $t = 0$ ), изменение показателя преломления в соответствии с (1) можно представить как

$$(2) \quad \delta n = \frac{2\pi}{n_0} \sum_{i=1}^2 (\alpha_{i0} \delta N_i + N_{i0} \sum_j \delta \alpha_{ij}^V).$$

Из (2) видно, что для вычисления  $\delta n$  необходимо знать, как ведут себя  $N_i$  и  $T_j$ . Для определения изменения  $N_i$  и  $T_j$  при воздействии резонансного излучения на покоящуюся среду воспользуемся системой уравнений Навье — Стокса для колебательно-неравновесного газа, которая в соответствии с [8, 14] имеет вид

$$(3) \quad \frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla(\rho u) = 0;$$

$$(4) \quad \frac{\partial N_i}{\partial t} + \nabla[N_i(u + V_i)] = 0;$$

$$(5) \quad \rho \frac{\partial u}{\partial t} + \rho(u \nabla)u + \nabla p = \sum_{i=1}^2 N_i X_i + \eta \Delta u + \left(\xi + \frac{2}{3}\right) \nabla(\nabla u);$$

(6)

$$\frac{\partial}{\partial t} \left[ \rho \left( E_{RT} + \frac{u^2}{2} \right) \right] + \nabla \left[ \rho u \left( E_{RT} + \frac{p}{\rho} + \frac{u^2}{2} \right) - u' \sigma' + q_{RT} \right] = Q_l + \sum_{i=1}^2 N_i X_i (V_i + u);$$

$$(7) \quad \frac{\partial \rho e_V^k}{\partial t} + \nabla(\rho u e_V^k) + \nabla q_V^k = h \nu_k N_1 \left[ -\frac{l_k k_V I}{h \nu_l N_1} - (\epsilon_k - \epsilon_{k0}) W_{k,0} + L_{q,k} r_k W_{q,k} \right];$$

$$(8) \quad \frac{\partial \rho e_l^q}{\partial t} + \nabla (\rho u e_l^q) + \nabla q_l^q = h\nu_q N_1 \left[ \frac{l_q k_{v,l}}{h\nu_l N_1} - L_{q,k} r_q W_{q,k} - L_{q,s} r_q W_{q,s} N_2 \right];$$

$$(9) \quad \frac{\partial \rho e_V^s}{\partial t} + \nabla (\rho u e_V^s) + \nabla q_V^s = h\nu_s N_2 [ - (\epsilon_s - \epsilon_{s0}) W_{s,0} + L_{q,s} r_s W_{q,s} N_1 ],$$

$$q_{RT} = \rho T \sum_{i=1}^2 C_{RT}^i V_i - \lambda \nabla T + \frac{KT}{N} \sum_{i=1}^2 \frac{D_i^T N_j}{D_{ij}} (V_i - V_j),$$

$$q_{iV}^l = \rho e_{iV}^l V_i - \lambda_i^V \nabla T_l + NKT \sum_{j=1}^2 D_{ij}^V d_j \quad \begin{cases} l = k, q \rightarrow i = 1 \\ l = s \rightarrow i = 2 \end{cases},$$

$$V_i = \frac{N^2}{N_i \rho} \sum_{j=1}^2 m_j D_{ij} d_j - \frac{1}{m_i N_i} (D_i^T \nabla \ln T + \delta_{i,1} \sum_{l=k,q} D_l^V \nabla \ln T_l + \delta_{i,2} D_s^V \nabla \ln T_s),$$

$$d_j = \nabla \left( \frac{N_j}{N} \right) + \left( \frac{N_j}{N} - \frac{N_j m_j}{\rho} \right) \nabla \ln p + \frac{N_j m_j}{\rho p} \sum_{i=1}^2 N_i X_i - \frac{N_j X_j}{\rho}, \quad j = 1, 2,$$

$$p = \frac{\rho RT}{\mu}, \quad \bar{E}_{RT} = C_{RT} T, \quad C_{RT} = \sum_{i=1}^2 C_{RT}^i,$$

$$C_{RT}^i = \left( \frac{3}{2} + C_R^i \right) \frac{R}{\mu} \gamma_i, \quad e_V^l = \frac{h\nu_l R}{K\mu} \gamma_l \epsilon_l,$$

$$\epsilon_{i0} = \epsilon_i(T), \quad \epsilon_i = g_i [\exp(h\nu_i/KT) - 1]^{-1},$$

$$W_{q,k} = \sum_i W_{q,k}^i N_{i0}, \quad W_{k,0} = \sum_i W_{k,0}^i N_{i0}, \quad W_{s,0} = \sum_i W_{s,0}^i N_{i0},$$

$$L_{l,m} = \left\{ \epsilon_l^i (g_m + \epsilon_m)^m - \epsilon_m^i (g_l + \epsilon_l)^l \exp[(r_m h\nu_m - r_l h\nu_l)/KT] \right\} \frac{i}{\delta_l^i \delta_m^i},$$

$$Q_l = k_{v,l} I (E_j^i - E_j^l) / (h\nu_l) + \Phi_V,$$

$$\Phi_V = h\nu_k N_1 \left[ (\epsilon_k - \epsilon_{k0}) W_{k,0} + L_{q,k} \left( r_q \frac{\nu_q}{\nu_k} - r_k \right) W_{q,k} \right] +$$

$$+ N_2 h\nu_s \left[ (\epsilon_s - \epsilon_{s0}) W_{s,0} + L_{q,s} \left( r_q \frac{\nu_q}{\nu_s} - r_s \right) W_{q,s} N_1 \right].$$

Здесь  $\rho$ ,  $p$ ,  $T$  — плотность, давление и температура газа;  $R$  — универсальная газовая постоянная;  $K$  — постоянная Больцмана;  $u$  — скорость движения среды;  $\mu = \sum_i \mu_i \gamma_i$ ;  $\mu_i$  и  $\gamma_i$  — молекулярная масса  $i$ -го компонента и его молярная доля в смеси;  $N$  — полное число молекул в единице объема;  $g_i$  — кратность вырождения  $i$ -го колебания;  $X_i$  — нелинейная сила, действующая на  $i$ -й компонент в электромагнитном поле;  $k_{v,l}$  — коэффициент поглощения;  $I$  — интенсивность воздействующего излучения;  $i_j$  — количество колебательных квантов, приобретаемых модой  $j$ , при индуцированных переходах;  $C_R^i = 1$  для линейных и  $C_R^i = 1,5$  для нелинейных молекул;  $m_i$  — масса молекулы  $i$ -го компонента;  $\lambda$  — коэффициент теплопроводности;  $\lambda_i^V$  — коэффициент колебательной проводимости  $i$ -го компонента;  $D_i^T$  и  $D_{ij}^T$  — коэффициенты термо- и многокомпонентной диффузии для  $i$ -го компонента;  $D_{ij}^V$  — коэффициент колебательной диффузии между  $i$ -м и  $j$ -м осцилляторами;  $D_j^V$  — коэффициент колебательной термодиффузии для  $j$ -й моды;  $W_{k,0}^i$  и  $W_{q,k}^i$  — соответственно константы скорости  $VT$ -обмена в  $k$ -м осцилляторе и внутримолекулярного  $VV'$ -обмена между осцилляторами  $q$  и  $k$  при столкновении с  $i$ -м партнером;  $W_{q,s}$  — константа скорости межмолекулярного  $VV'$ -обмена при столкновении молекул сорта  $A(q)$  и  $B(s)$ ;  $r_j$  — количество колебательных квантов, теряемых модой  $j$  при  $VV'$ -обмене;  $\xi$  и  $\eta$  — коэффициенты вязкости;  $(u' \sigma')$  — вектор с компонентами  $u_j \sigma'_{jk}$ ;  $\sigma'_{jk}$  — тензор вязких напряжений.

Из линейной зависимости уравнения (3) и двух уравнений вида (4) ( $\rho$ ,  $N_1$  и  $N_2$  связаны соотношением  $\rho = m_1 N_1 + m_2 N_2$ ) следует, что наряду с обычными соотношениями между коэффициентами многокомпонентной диффузии и термодиффузии  $D_{ij} = D_{ji}$  и  $D_1^T = -D_2^T$  должно выполняться также равенство

$$(10) \quad \sum_{j=k,q,s} D_j^T \nabla \ln T_j = 0,$$

т. е. коэффициенты колебательной термодиффузии для мод  $k, q, s$  не являются независимыми. Будем рассматривать осесимметричные пучки с гауссовым распределением интенсивности по радиусу  $I(r, t) = I_0(t) \times \exp(-r^2/R_a^2)$  с  $R_a \ll k_v^{-1}$  ( $R_a$  — характерный радиус пучка), а  $I_0(t) = I_0$  ( $0 \leq t \leq \tau_u$ ) и  $I_0(t) = 0$  ( $t > \tau_u$ ), где  $\tau_u$  — длительность импульса воздействующего излучения. Вводя безразмерные координаты  $r' = r/R_a$  и  $t' = t/\tau_u$  и переходя к безразмерным переменным  $\tilde{N}_i = N_i/N_{i0}$ ,  $\tilde{u} = u\tau_u/R_a$ ,  $\tilde{\rho} = \rho/\rho_0$ ,  $\tilde{p} = p/(N_0KT_0)$ ,  $\tilde{T} = T/T_0$ ,  $\tilde{V}_j = V_j\tau_u/R_a$ ,  $\tilde{T}_j = T_j/T_0$ ,  $\tilde{k}_v = k_v/k_v^0$ ,  $\tilde{I} = I/I_0$ , систему (3) — (9) с учетом того, что  $\tilde{E}_{RT} = E_{RT}/C_{RT}^0 T_0$ , можно представить в следующем виде (тильды и штрихи далее опускаем):

$$(11) \quad \partial \rho / \partial t = -\nabla (\rho u);$$

$$(12) \quad \frac{\partial N_i}{\partial t} = -\nabla \left\{ N_i \left[ u - \frac{\tau_u}{\tau_{Ti}} \frac{\nabla \ln T}{N_i} - \frac{\tau_u}{N_i} \left( \delta_{i,1} \sum_{l=k,q} \frac{\nabla \ln T_l}{\tau_{Dl}} + \delta_{i,2} \frac{\nabla \ln T_s}{\tau_{Ds}} \right) + \frac{\tau_u}{\tau_D} \sum_{j=1}^2 \mathbf{d}_j \frac{p_m^{2-j} (1 + P_N)^2 N^2}{(P_m + P_N) P_n^{-1} N_i p} \right] \right\};$$

$$(13) \quad \rho \frac{\partial \mathbf{u}}{\partial t} + \rho (\mathbf{u} \nabla) \mathbf{u} = - \left( \frac{\tau_u}{\tau_a} \right)^2 \frac{\nabla p}{\kappa} + \left( \frac{\tau_u}{\tau_k} \right) \left[ \Delta \mathbf{u} + \left( \frac{1}{3} + \frac{\xi}{\eta} \right) \nabla (\nabla \mathbf{u}) \right] + \left( \frac{\tau_u}{\tau_F} \right)^2 \sum_{i=1}^2 N_i X_i \gamma_{i0};$$

$$(14) \quad \rho \frac{\partial E_{RT}}{\partial t} + \rho (\mathbf{u} \nabla) E_{RT} = -p \nabla \mathbf{u} (\kappa - 1) + \kappa (\kappa - 1) \left[ \left( \frac{\tau_u}{\tau_F} \right)^2 \sum_{i=1}^2 N_i X_i V_i \gamma_{i0} + \frac{\tau_u^2}{\tau_u \tau_k} \nabla (\mathbf{u}' \sigma') \right] + \frac{\xi \tau_u}{\tau_l} \gamma_{10} k_v I + (\kappa - 1) \left[ \sum_{l=k,s} \frac{\tau_u}{\tau_l} \theta_l N_l (\varepsilon_l - \varepsilon_{l0}) \gamma_{l0} + \frac{\tau_u}{\tau_{Vl}} L_{q,k} (r_q \theta_q - r_k \theta_k) N_1 \gamma_{10} + \frac{\tau_u}{\tau_{Vs}} L_{q,s} (r_q \theta_q - r_s \theta_s) N_1 N_2 \right] - \nabla \left[ \frac{\rho T}{C_{RT}^0} \sum_{i=1}^2 C_{RT}^i V_i - \frac{\tau_u}{\tau_k} \nabla T + (\kappa - 1) \frac{T}{N} \sum_{i \neq j} \frac{\tau_u}{\tau_{Ti}} N_j \gamma_{i0} \gamma_{j0} (V_i - V_j) \right];$$

$$(15) \quad \rho \frac{\partial e_V^k}{\partial t} + \rho (\mathbf{u} \nabla) e_V^k = \frac{\theta_k}{C_{k0}^V} \left[ -l_k k_v I \frac{\tau_u}{\tau_l} - \frac{\tau_u}{\tau_k} N_1 (\varepsilon_k - \varepsilon_{k0}) + \frac{\tau_u}{\tau_{Vl}} N_1 L_{q,k} r_k \right] - \nabla \left[ \rho e_V^k V_k - \frac{\tau_u}{\tau_k} \nabla T_k + \frac{NT}{C_{k0}^V \gamma_{10}} \sum_{j=1}^2 \frac{\tau_u}{\tau_{kj}} \mathbf{d}_j \right];$$

$$(16) \quad \rho \frac{\partial e_V^q}{\partial t} + \rho (\mathbf{u} \nabla) e_V^q = \frac{\theta_q}{C_{q0}^V} \left[ k_v I \frac{\tau_u}{\tau_l} - \frac{\tau_u}{\tau_{Vl}} L_{q,k} r_q N_1 - \frac{\tau_u}{\tau_{Vs}} L_{q,s} r_q N_1 N_2 \gamma_{10}^{-1} \right] - \nabla \left[ \rho e_V^q V_q - \frac{\tau_u}{\tau_q} \nabla T_q + \frac{NT}{C_{q0}^V \gamma_{10}} \sum_{j=1}^2 \frac{\tau_u}{\tau_{qj}} \mathbf{d}_j \right];$$

$$\begin{aligned}
(17) \quad \rho \frac{\partial e_V^s}{\partial t} + \rho (\mathbf{u} \nabla) e_V^s &= \frac{\theta_s}{C_{s0}^V} \left[ -\frac{\tau_{ii}}{\tau_s} N_2 (\epsilon_s - \epsilon_{s0}) + \frac{\tau_{ii}}{\tau_{qs}} L_{q,s} r_s N_1 N_2 \gamma_{20}^{-1} \right] - \\
&- \nabla \left\{ \rho e_V^s \mathbf{V}_s - \frac{\tau_{ii}}{\tau_s} \nabla T_s + \frac{NT}{C_{s0} \gamma_{20}} \sum_{j=1}^2 \frac{\tau_{ij}}{\tau_j^V} \mathbf{d}_j \right\}, \\
\mathbf{V}_i &= -\frac{\tau_{ii}}{\tau_{Ti}} \frac{\nabla \ln T}{N_i} - \frac{\tau_{ii}}{N_i} \left( \delta_{i,1} \sum_{l=k,q} \frac{\nabla \ln T_l}{\tau_{Dl}^V} + \delta_{i,2} \frac{\nabla \ln T_c}{\tau_{Ds}^V} \right) + \frac{\tau_{ii}}{\tau_D} \sum_{j=1}^2 \mathbf{d}_j \frac{N^2}{N_i \rho} \frac{P_m^{2-j} (1 + P_N)^2}{(P_m + P_N) P_N^{j-1}}, \\
\mathbf{d}_j &= \gamma_{j0} \nabla \left( \frac{N_j}{N} \right) + \gamma_{j0} \left( \frac{N_j}{N} - \frac{N_j P_m^{2-j}}{\rho (P_m + P_N) \gamma_{j0}} \right) \nabla \ln p + \\
&+ \frac{\kappa \gamma_{j0} \tau_a^2}{\rho \tau_F^2} \left[ \frac{N_j P_m^{2-j} (1 + P_N)}{\rho (P_m + P_N)} \sum_i \frac{P_N^{j-1}}{1 + P_N} N_i X_i - N_j X_j \right], \\
C_{i0}^V &= \frac{\theta_i^2 \exp(\theta_i)}{[\exp(\theta_i) - 1]^2}, \quad \theta_i = \frac{h\nu_i}{KT_0}, \quad \gamma_{i0} = \frac{P_N^{j-1}}{1 + P_N}, \\
\kappa &= 1 + \left( \frac{e_{RT}^0}{R} \frac{\mu_0}{R} \right)^{-1}, \quad \xi = \frac{E_j^* - E_j}{KT_0}, \quad C_{RT}^0 = \sum_{i=1}^2 C_{RT}^i \frac{\mu \gamma_{i0} N}{\mu_0 N_i}, \\
P_N &= \gamma_{20} / \gamma_{10}, \quad P_m = m_1 / m_2.
\end{aligned}$$

Здесь  $\tau_a = R_a / \sqrt{\kappa \rho_0}$  — время распространения звука поперек пучка;  $\tau_D = R_a^2 / D_j$ ,  $\tau_{Ti} = R_a^2 m_i N_{i0} / D_i^T$ ,  $\tau_{Di}^V = R_a^2 m_i N_{i0} / D_i^V$ ,  $\tau_{ij}^V = R_a^2 / D_j^V$  — соответственно времена многокомпонентной диффузии, термодиффузии  $i$ -го компонента, диффузии колебательной энергии  $i$ -го осциллятора, принадлежащего молекуле  $i$ -го сорта и колебательной диффузии между  $i$ -м и  $j$ -м осцилляторами;  $\tau_\lambda = \rho R_a^2 C_{RT}^0 / \lambda$  — время теплопроводности;  $\tau_i^V = R_a^2 C_{i0}^V N_{i0} K / \lambda_i^V$  — время колебательной теплопроводности для  $i$ -го осциллятора;  $\tau_i^{VT} = \left( \sum_{k=1}^2 W_{i0}^* N_{k0} \right)^{-1}$  — время  $VT$ -релаксации для  $i$ -го осциллятора;  $\tau_{q,s}^{VV'} = \{W_{q,s} \gamma_{10} \gamma_{20} N_{00}\}^{-1}$ ,  $\tau_{ij}^{VV'} = \left\{ \sum_{k=1}^2 W_{i,j}^* N_{k0} \right\}^{-1}$  — времена межмолекулярного и внутримолекулярного  $VV'$ -обмена;  $\tau_l = N_{l0} h\nu_l / k_l^0 I_0$ ;  $\tau_F = \sqrt{\frac{\rho_0 P_a}{X_0 I_0^2}}$  — время изменения состояния среды под действием внешних сил  $X_0$  ( $\tau_F = \tau_g$  при  $X_0 = mg$ ,  $g$  — ускорение силы тяжести,  $m$  — характерная масса молекулы, и  $\tau_F = \tau_{NL}$  при  $X_0 = f_{NL}$ ,  $f_{NL}$  — сила, действующая на частицу в электромагнитном поле);  $\tau_k = R_a^2 \rho_0 / \eta$  — время конвекции вследствие вязкости.

Конкретный анализ проведен на примере резонансного поглощения излучения  $\text{CO}_2$ -лазера с  $\nu_1 = 944,2 \text{ см}^{-1}$  (линия P20 [00<sup>0</sup>1  $\rightarrow$  10<sup>0</sup>0]) в смеси газов  $\text{CO}_2$ — $\text{N}_2$ , когда  $\tau_{ii}$ ,  $\tau_i$  существенно больше времени  $VV'$ -обмена между симметричными  $\nu_1$  и деформационными  $\nu_2$  колебаниями  $\text{CO}_2$ . При этом можно рассматривать совместную релаксацию энергии мод  $\nu_1$  и  $\nu_2$ , полагая наличие точного резонанса между состояниями 10<sup>0</sup>0 и 02<sup>0</sup>0 молекулы  $\text{CO}_2$  ( $h\nu_1 = 2h\nu_2$ ). В нашем исследовании эта объединенная мода соответствует  $\nu_k$ , асимметричные колебания  $\text{CO}_2$  ( $\nu_3$ ) —  $\nu_q$  и колебания  $N_2$  ( $\nu_4$ ) —  $\nu_s$ . Отметим, что вид правой части уравнения (7) вследствие объединения мод  $\nu_1$  и  $\nu_2$  в  $\text{CO}_2$  несколько меняется [15]. Необходимые для расчета константы скоростей  $VT$ - и  $VV'$ -процессов и молекулярные постоянные были взяты такими же, как и в [11, 16]. Коэффициенты  $D_{12}$ ,  $D_i^T$ ,  $\lambda$  вычислялись по соотношениям [17] ( $D_{12} = 1,4 \cdot 10^{-3} \text{ м}^2/\text{с}$ ,  $\lambda = 1,1 \cdot 10^{-5} \text{ Дж}/(\text{м} \cdot \text{с} \cdot \text{К})$ ,  $D_i^T = 4,8 \cdot 10^{-8} \text{ кг}/(\text{м} \cdot \text{с})$ ). Значения  $D_{ij}^V$  и  $D_j^V$  для смеси  $\text{CO}_2$ — $\text{N}_2$  ни экспериментально, ни теоретически не найдены. Однако

в [18—20] определены связи между коэффициентами самодиффузии колебательно-возбужденных молекул  $\text{CO}_2$  и  $\text{N}_2$  ( $D_{ii}^{Vj}$ ) и обычной диффузии. Эти связи имеют вид  $D_{ii}^{Vj} = K_j^V D_{ii}$ , где  $K_j^V = \text{const}$ , а величина  $K_j^V$  зависит от типа колебаний. При  $T_0 = 300$  К для деформационных и симметричных колебаний  $K_1^V = K_2^V = 1$ , а для асимметричных  $K_3^V = 0,6$ , для возбужденного азота  $K_4^V = 0,4$ .

Полагая, как и в [8], что приведенные соотношения справедливы и для коэффициентов диффузии в бинарном газе, получим

$$D_{14}^V = D_{24}^V = D_{12}, \quad D_{34}^V = 0,6D_{12}, \quad D_1^V = D_2^V = D_1^T, \quad D_3^V = 0,6D_1^T.$$

Величина  $D_4^V$  вычислялась в соответствии с (10) в виде

$$(18) \quad D_4^V = -D_2^V \frac{2V \ln T_2 + 0,6V \ln T_3}{V \ln T_4}.$$

Коэффициенты колебательной теплопроводности  $\lambda_i^V$  определялись по соотношению

$$\lambda_i^V = D_i^V C_i^V N_i K, \quad C_i^V = \frac{\theta_{Vi}^2 \exp(\theta_{Vi})}{[\exp(\theta_{Vi}) - 1]^2}, \quad \theta_{Vi} = \frac{h\nu_i}{KT_i}.$$

Проведем оценку характерных времен для среды  $\text{CO}_2 - \text{N}_2 = 0,1 \div 0,9$  при типичных условиях эксперимента:  $R_a = 0,1 - 1$  см,  $I_0 = 0,1 - 10$  кВт/см<sup>2</sup>,  $p_0 = 1$  кПа,  $T_0 = 300$  К. Иерархия этих времен в значительной мере определяет степень влияния различных процессов переноса на изменение  $N_i$  и  $T_i$ . При указанных условиях  $\tau_a = 2,9 \cdot 10^{-6} \div 2,9 \cdot 10^{-5}$  с,  $\tau_D = 7 \cdot 10^{-4} \div 7 \cdot 10^{-2}$  с,  $\tau_{T1} = 3,7 \cdot 10^{-2} \div 3,7$  с,  $\tau_{D2}^V = 3,7 \cdot 10^{-2} \div 3,7$  с,  $\tau_{D3}^V = 6,1 \cdot 10^{-2} \div 6,1$  с,  $\tau_{24}^V = \tau_D$ ,  $\tau_{34}^V = 1,7 \tau_D$ ,  $\tau_\lambda = 9,7 \cdot 10^{-4} \div 9,7 \cdot 10^{-2}$  с,  $\tau_2^V = 3,5 \cdot 10^{-4} \div 3,5 \cdot 10^{-2}$  с,  $\tau_3^V = 1,67 \tau_2^V$ ,  $\tau_4^V = 1,5 \cdot 10^{-4} \div 1,5 \cdot 10^{-2}$  с,  $\tau_k = 5 \cdot 10^{-2} \div 5$  с,  $\tau_{NL} = 3 \div 10$  с,  $\tau_g = 0,1 \div 0,3$  с,  $\tau_l = 1,3 \cdot 10^{-2} \div 1,3 \cdot 10^{-4}$  с,  $\tau_2^{VT} = 1 \cdot 10^{-3}$  с,  $\tau_{32}^{VV'}$  =  $1,1 \cdot 10^{-3}$  с,  $\tau_{34}^{VV'}$  =  $1,1 \cdot 10^{-4}$  с,  $\tau_4^{VT}$  = 3,9 с. Таким образом, имеет место следующая иерархия времен:  $\tau_a < \tau_{34}^{VV'} < \tau_D = \tau_2^V = \tau_3^V \sim \tau_l \sim \tau_2^{VT} \sim \tau_{32}^{VV'} \sim \tau_{24}^V \sim \tau_{34}^V \sim \tau_\lambda < \tau_k \sim \tau_{D2}^V < \tau_{D3}^V < \tau_g < \tau_{NL} \sim \tau_4^{VT}$ . Будем рассматривать импульсы с  $\tau_n \ll \tau_g, \tau_{NL}, \tau_4^{VT}$ . Кроме того, при проведении экспериментов в указанных условиях всегда выполняется неравенство  $\delta_l \ll 1$ ,

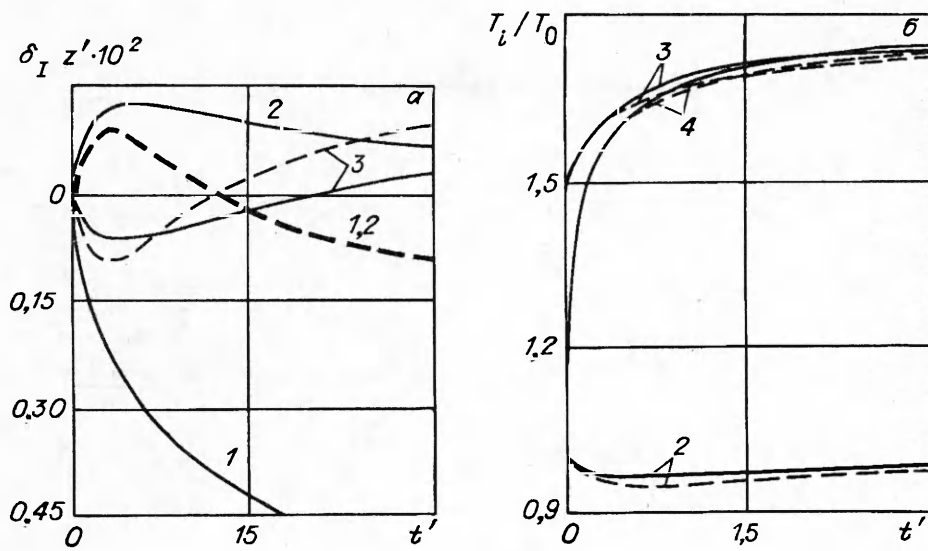
$$\delta_l = k_0^0 I_0 \tau_n / \rho_0 E_{RT}.$$

В этом случае членами, содержащими отношения времен  $(\tau_n / \tau_F)^2$ ,  $(\tau_a / \tau_F)^2$  и  $\tau_n / \tau_F^{VT}$ , в (13), (14), (17) можно пренебречь и провести линеаризацию уравнений (11)—(14), представляя  $\rho$ ,  $N_i$ ,  $T$ ,  $u$ ,  $V_i$ ,  $d_i$  в виде  $z = 1 + \delta_l z'$ , где  $z = \rho$ ,  $N_i$ ,  $T$ , а  $V_i = \delta_l V_i'$ ,  $d_i = \delta_l d_i'$ ,  $u = \delta_l u'$ .

Система линеаризованных уравнений (11)—(14) и уравнений колебательной кинетики для смеси  $\text{CO}_2 - \text{N}_2$  вида (15)—(17) решалась численно по методике, разработанной в [8]. Вычисление нерезонансной части поляризуемости  $\alpha_{ij}^V$  для молекулы  $\text{CO}_2$  ( $i = 1, j = 1 \div 3$ ) проводилось по формулам [6], а для молекулы  $\text{N}_2$  ( $i = 2, j = 4$ ) — по формулам [21].

Рассмотрим сначала, как изменяются концентрации компонентов  $N_1'(t)$  и  $N_2'(t)$  на оси пучка при наличии процессов диффузии и теплопроводности, связанных с возбуждением молекулярных колебаний (характерные времена  $\tau_{D2}^V, \tau_{D3}^V, \tau_{D4}^V, \tau_{24}^V, \tau_{34}^V, \tau_i^V$  ( $i = 2 \div 4$ ) имеют конечные значения), и при их отсутствии (эти времена равны бесконечности).

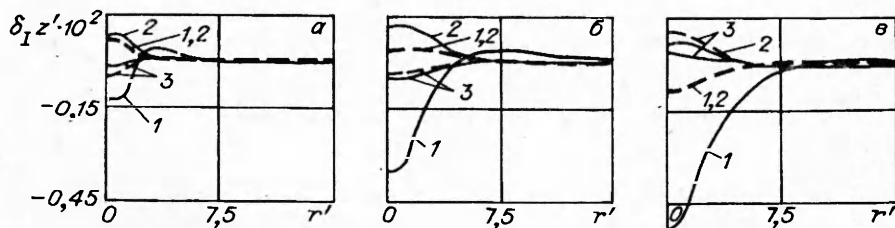
На рис. 1, а, б показаны зависимости  $\delta_l z'(t')$  ( $z' = N_1', N_2', T'$  (линии 1—3),  $t' = t / \tau_D$ ) и  $T_i(t')$  ( $i = 2 \div 4$  — линии 2—4) на оси пучка ( $r' = 0$ ), а на рис. 2, а—в — распределения  $N_1', N_2', T'$  (линии 1—3) по  $r'$  при  $t' = 1; 8; 30$  ( $\delta_l = 0,01$ ) соответственно, полученные для этих двух случаев (сплошные и штриховые линии) при расчете воздействия излучения с  $I_0 = 0,1$  кВт/см<sup>2</sup> и  $\nu_l = 944,2$  см<sup>-1</sup>,  $R_a = 0,1$  см на смесь газов  $\text{CO}_2 - \text{N}_2 = 0,1 : 0,9$  с  $T_0 = 300$  К и  $p_0 = 1$  кПа. Из представленных распределений видно, что процессы диффузии, связанные с возбуждением колебательных степеней свободы



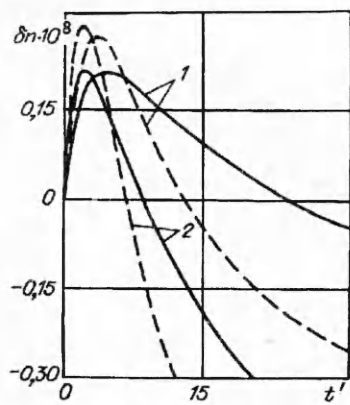
Р и с. 1

молекул  $\text{CO}_2$  и  $\text{N}_2$  (анализ показывает, что доминирующее влияние оказывает колебательная термодиффузия, которая обусловлена значительным градиентом по  $r$  колебательных температур  $T_2$ ,  $T_3$  и  $T_4$ ), существенно влияют на изменение  $N_i$  и  $T'$  даже при  $t \ll \tau_{Di}^V$ . Так, если в модели с  $\tau_{ij}^V = \tau_{Di}^V = \tau_i^V = \infty$   $N_1' = N_2'$  при любых  $t$ , то, когда эти времена конечны,  $N_1'(t') \neq N_2'(t')$ . Поскольку  $\tau_a \ll \tau_D$ , то при  $t \sim \tau_D$  в случае  $\tau_{ij}^V = \tau_{Di}^V$ ,  $\tau_i^V = \infty$  распределения  $N_1'$ ,  $N_2'$  и  $N'$  по  $r$  в точности повторяют распределение  $\rho'(r)$ , а  $\rho' = -T'$ . Когда  $\tau_{Di}^V$  и  $\tau_i^V$  конечны, на характер распределений  $N_i'(r)$  существенно влияют процессы колебательной термодиффузии. При этом поведение  $N_1'(r)$  определяется конкуренцией двух диффузионных потоков, направленных в противоположные стороны. Первый обусловлен градиентом  $T_2$  (при небольших  $t$   $\nabla T_2 > 0$ ) и, поскольку  $D_2^V > 0$ , направлен от периферии к центру пучка. Второй обусловлен градиентом  $T_3$  ( $\nabla T_3 < 0$ ) и, поскольку  $D_3^V > 0$ , направлен от центра к периферии. Взаимодействие этих двух потоков приводит к достаточно сложному распределению  $N_1'(r)$ , которое характеризуется наличием минимума в некотором сечении с  $r \neq 0$  (рис. 2, а), которое тем дальше отстоит от центра пучка, чем больше  $I_0$ . С течением времени это сечение сдвигается к оси пучка, что обусловлено уменьшением  $\nabla T_2$ . Диффузионный поток для  $N_2'(r)$  определяется величиной и знаком  $\bar{D}_2^V$  и зависит от  $\nabla T_2$ ,  $\nabla T_3$  и  $\nabla T_4$ . Поэтому, согласно (18), поведение  $N_2'(r)$  аналогично поведению  $N_1'(r)$  с обратным знаком. Отметим, что диффузионные процессы, обусловленные возбуждением колебательных степеней свободы, приводят к расширению области с  $N_i' \neq 0$ . Так, если при  $\tau_{ij}^V = \tau_{Di}^V = \tau_i^V = \infty$   $N_i' = 0$  уже при  $r' \approx 6$ , то в случае конечности этих времен  $N_i' = 0$  только при  $r' \approx 15$ .

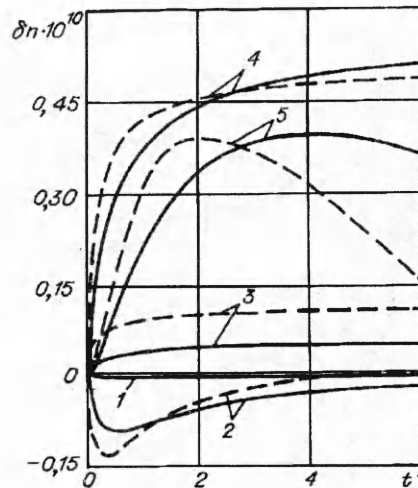
Поскольку  $\delta n$  в значительной степени определяется изменением концентраций  $N_1'$  и  $N_2'$ , то ясно, что на характер поведения  $\delta n(t)$  должны оказывать значительное влияние диффузионные процессы, связанные с возбуждением молекулярных колебаний. Это влияние иллюстрирует рис. 3, на котором



Р и с. 2



Р и с. 3



Р и с. 4 →

показаны зависимости  $\delta n(t')$  при  $r = 0$  для смеси  $\text{CO}_2 - \text{N}_2 = 0,1 : 0,9$  и  $0,2 : 0,8$  (линии 1, 2) с  $T_0 = 300 \text{ K}$ ,  $p_0 = 1 \text{ кПа}$ ,  $I_0 = 0,1 \text{ кВт/см}^2$  для случая, когда  $\tau_{ij}^V = \tau_{Di}^V = \tau_i^V = \infty$  и когда эти времена конечны (штриховые и сплошные линии соответственно). Видно, что с увеличением концентрации  $\text{CO}_2$  влияние колебательной термодиффузии на  $\delta n$  усиливается. Относительную роль концентрационной составляющей  $\delta n$  и вкладов в  $\delta n$  нерезонансных частей поляризуемости, вызванных возбуждением отдельных мод молекул  $\text{CO}_2$  и  $\text{N}_2$ , иллюстрирует рис. 4. Здесь линии 1—4 относятся к зависимости  $\delta n(t)$ , обусловленной возбуждением симметричных, деформационных и антисимметричных колебаний  $\text{CO}_2$  и колебаний  $\text{N}_2$ , а 5 — к зависимости  $\delta n(t)$ , обусловленной изменением  $N_1'$  и  $N_2'$  (масштаб для концентрационной составляющей  $\delta n$  уменьшен в 50 раз). Штриховые и сплошные линии, как и на рис. 3, относятся к смесям с различным содержанием компонентов. Видно, что определяющее влияние при данных условиях оказывает изменение концентраций  $\text{CO}_2$  и  $\text{N}_2$ . Лишь при малых  $t$  изменение  $n$  вследствие изменения поляризуемости может конкурировать с концентрационной частью  $\delta n$ .

Часто по изменению показателя преломления определяют изменение температуры среды (в частности, судят о глубине кинетического охлаждения [13]) при воздействии резонансного излучения. Из представленных результатов следует, что такой метод не применим в большинстве практически интересных случаев. Даже когда изменение нерезонансной части поляризуемости вследствие возбуждения колебаний молекул мало, величина  $\delta n$  не связана простым соотношением с изменением температуры  $T$  ( $\delta n = -(n_0 - 1) \delta T / T_0$ ), а зависит от изменения концентрации компонентов смеси, которое существенным образом определяется процессами колебательной термодиффузии.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Виноградова М. Б., Руденко О. В., Сухоруков А. П. Теория волн.— М.: Наука, 1979.
2. Wallace J., Camac M. Effects of absorption at  $10,6 \mu\text{m}$  on laser-beam transmission // J. Opt. Soc. Amer.— 1970.— V. 60, N 11.— P. 1587—1594.
3. Wood A. D., Camac M., Gerry F. T. Effects of  $10,6 \mu\text{m}$  laser induced air chemistry on the atmospheric refractive index // Appl. Optics.— 1971.— V. 10, N 8.— P. 1877—1882.
4. Осипов А. И., Панченко В. Я., Филиппов А. А. О показателе преломления колебательно-возбужденных газов // Квант. электроника.— 1984.— Т. 11, № 9.— С. 1874—1876.
5. Басов И. Г., Данилычев В. А., Рудой И. Г., Сорока А. М. Кинетическая самофокусировка излучения  $\text{CO}_2$ -лазера в воздухе // ДАН СССР.— 1985.— Т. 284, № 6.— С. 1346—1349.



6. Буланин М. О., Бурцев А. П., Коротков С. А. Влияние колебательного и вращательного возбуждения на поляризуемость и рефракцию молекулярных газов // Хим. физика.— 1988.— Т. 7, № 13.— С. 1615—1619.
7. Журавлев В. В., Сорокин А. А., Старик А. М. О механизмах самофокусировки при взаимодействии лазерного излучения с газовой средой // Квант. электроника.— 1990.— Т. 16, № 4.— С. 501—506.
8. Грабовский В. И., Старик А. М. Влияние процессов макропереноса на изменение газодинамических параметров при воздействии импульса резонансного излучения // Докл. РАН.— 1992.— Т. 322, № 4.— С. 674—680.
9. Выслоух В. А., Огнев Л. И. Резонансная самофокусировка в смеси CO<sub>2</sub> и N<sub>2</sub> // ПМТФ.— 1980.— № 4.— С. 50—57.
10. Егоров К. Д., Кандидов В. П., Огнев А. И. Самовоздействие светового пучка в условиях кинетического охлаждения // Квант. электроника.— 1981.— Т. 8, № 5.— С. 1012—1017.
11. Левин В. А., Нетесов В. В., Старик А. М. Численное исследование распространения импульса излучения с  $\lambda = 10,6$  мкм через поглощающие среды // ПМТФ.— 1984.— № 3.— С. 14—19.
12. Gebhardt F. C., Smith D. C. Kinetic cooling of a gas by absorption of CO<sub>2</sub> laser radiation // Appl. Phys. Lett.— 1972.— V. 20, N 3.— P. 129—132.
13. Гордиенко В. М., Горшков В. А., Панченко В. Я., Сухоруков А. П. Кинетическое охлаждение смеси газов CO<sub>2</sub>—N<sub>2</sub> излучением CO<sub>2</sub>-лазера // ЖЭТФ.— 1977.— Т. 73, № 3.— С. 1396—1399.
14. Смит К., Томсон Р. Численное моделирование газовых лазеров.— М.: Мир, 1981.
15. Бирюков А. С. Кинетика физических процессов в газодинамических лазерах // Тр. ФИАН.— 1975.— Т. 83.— С. 13—99.
16. Гордиец Б. Ф., Осипов А. И., Шелепин Л. А. Кинетические процессы в газах и молекулярные лазеры.— М.: Наука, 1980.
17. Гиршфельдер Дж., Кертисс Ч., Берд Р. Молекулярная теория газов и жидкостей.— М.: ИЛ, 1961.
18. Ритынь Е. Н., Рубиков Ю. А., Слободская П. В., Соснов Е. Н. Коэффициенты диффузии колебательно-возбужденных молекул // Хим. физика.— 1988.— Т. 7, № 5.— С. 703—710.
19. Гордеев Е. П., Уманский С. Я. Диффузия колебательно-возбужденных молекул // Хим. физика.— 1991.— Т. 10, № 10.— С. 1435—1437.
20. Ahtye W. F. Thermal conductivity in vibrationally excited gases // J. Chem. Phys.— 1972.— V. 57, N 12 (II).— P. 5542—5555.
21. Булдаков М. А., Королев В. В., Матросов И. И., Павлова Т. Н. Поляризуемость молекул N<sub>2</sub> и O<sub>2</sub> // Оптика и спектроскопия.— 1987.— Т. 62, № 3.— С. 519—523.

г. Москва

Поступила 3/XI 1992 г.,  
в окончательном варианте — 2/III 1993 г.

УДК 532.59

Н. В. Гаврилов

## НЕПОДВИЖНЫЕ В ЛАБОРАТОРНОЙ СИСТЕМЕ КООРДИНАТ ВНУТРЕННИЕ УЕДИНЕННЫЕ ВОЛНЫ И ПЛАВНЫЕ БОРЫ

Уединенные волны и плавные боры являются объектом интенсивных теоретических и экспериментальных исследований в современной гидродинамике [1—8]. В результате лабораторного моделирования [5—8] достигнута определенная ясность относительно достоинств и недостатков теоретических подходов к описанию этих волн. Однако некоторые вопросы остались открытыми. В частности, в опытах [5—8] волны перемещались относительно наблюдателя с медленно меняющейся скоростью, т. е. были нестационарными. Эта нестационарность могла быть обусловлена двумя причинами: тем, что в пределах экспериментальной установки еще продолжалось формирование стационарной волны из начального возмущения, или тем, что происходила диссипация энергии из-за вязкости. Какая из