2009. Том 50, № 6

Ноябрь – декабрь

C. 1229 – 1232

КРАТКИЕ СООБЩЕНИЯ

УДК 541.6:541.9:548.713.022.723

РОЛЬ ПОДРЕШЕТОК В ФОРМИРОВАНИИ ХИМИЧЕСКОЙ СВЯЗИ ИОННО-КОВАЛЕНТНЫХ КРИСТАЛЛОВ

© 2009 Ю.М. Басалаев*, А.С. Поплавной

Кемеровский государственный университет

Статья поступила 18 октября 2008 г.

С доработки — 5 декабря 2008 г.

На примере кристаллов ZnGeAs₂ и AgGaTe₂ представлены результаты применения метода подрешеток, дающего наглядное представление о формировании структуры валентных зон, электронной плотности и химической связи вследствие взаимодействия между атомами в различных подрешетках кристалла.

Ключевые слова: метод подрешеток, функционал плотности, халькопирит.

Первопринципные расчеты в сочетании с методом подрешеток, развитым в [1, 2] для ионных и ионно-молекулярных кристаллов, позволяют рассмотреть и наглядно представить роль подрешеток в процессах формирования электронного строения и химических связей в соединении. Идея метода заключается в том, что кристалл представляется как совокупность отдельных подрешеток. Каждая подрешетка содержит атомы, связанные между собой элементами пространственной группы симметрии кристалла. Кристаллографические аспекты метода изложены в [3, 4], в [5] представлен метод анализа спектров элементарных возбуждений на основе метода подрешеток, анализ фононных спектров — в [6]. Процедура проведения самосогласованных вычислений электронной структуры кристалла и каждой из составляющих его подрешеток единообразна. При этом структурные параметры во всех случаях задаются в соответствии с реальной геометрической структурой соединения. Результаты самосогласованных вычислений для всего кристалла содержат эффекты межатомной гибридизации всех структурных единиц, в то время как для подрешеток — только между атомами, включенными в них. Показателем гибридизации между подрешетками является разностная плотность $\Delta \rho(\mathbf{r})$, которая вычисляятся по формуле: $\Delta \rho(\mathbf{r}) = \rho^{крист}(\mathbf{r}) - \sum \rho_s^{nodp}(\mathbf{r})$, где суммирование ведется по подрешеткам *s*.

Из условия нормировки электронных плотностей на соответствующее число электронов следует, что интеграл от разностной плотности по элементарной ячейке равен нулю. Следовательно, карты распределения $\Delta \rho(\mathbf{r})$ будут содержать области как положительных, так и отрицательных значений. Таким образом, можно получить наглядную информацию о перераспределении заряда между подрешетками, а также информацию о механизме образования химической связи в кристаллах на уровне рассмотрения карт электронной плотности, отражающих участие каждой подрешетки в этом процессе.

Как показано в [1], для ионных кристаллов разностная плотность мала по сравнению с полными валентными плотностями кристалла и его отдельных подрешеток, следовательно, гибридизационное взаимодействие между подрешетками невелико. В ионно-молекулярных кристаллах [2] это взаимодействие между комплексным анионом и металлом также невелико, однако оно оказывается значительным внутри комплексного аниона из-за сильной связи ковалентного типа между подрешетками атомов, входящих в комплексный анион.

^{*} E-mail: ymbas@kemsu.ru

Что касается ионно-ковалентных кристаллов, то здесь следует ожидать сильной гибридизации между подрешетками анионов и катионов за счет ковалентной составляющей связи между ними. В данной работе приведены результаты применения нового метода анализа электронного строения сложных соединений, опирающегося на метод подрешеток [1, 2], но реализуемого на языке зонных спектров. Такой подход позволяет наглядно представить механизмы формирования структуры валентной зоны кристалла и визуализировать изменения в подрешеточных зонных спектрах, обусловленные возникновением химической связи между атомами в различных подрешетках.

В качестве объектов исследования нами избраны известные и хорошо изученные [7—11] кристаллы ZnGeAs₂ и AgGaTe₂ как представители рядов пниктидов $A^{II}B^{IV}X_2^V$ и халькогенидов $A^{I}B^{III}X_2^{VI}$ с решеткой халькопирита. Отличительной особенностью этих соединений является размещение уровней энергии *d*-состояний металла в разных областях валентной зоны: Ag — в области верхней связки валентных зон, Zn — в середине валентной зоны. Расчет электронной структуры из первых принципов проводили в рамках теории функционала плотности (DFT-LDA) [12] с использованием сохраняющих норму атомных псевдопотенциалов, генерированных программой PWscf [13]. Кинетическую энергию обрывали на 40,0 Ry, что дает в разложении порядка 2500 плоских волн и обеспечивает сходимость по полной энергии не хуже 10^{-7} Ry. Электронную плотность вычисляли по методу специальных точек Монкхорста—Пака [14] на стандартной сетке 4×4×4. Структурные данные для кристаллов ZnGeAs₂ и AgGaTe₂ брали из работы [7]. Полученные в результате оптимизации кристаллической структуры по методу, изложенному в [15], структурные параметры имеют отклонение в меньшую сторону (в пределах 1,8 %), что является известным следствием применения DFT-LDA.

На рис. 1 представлены результаты вычисления зонной структуры для кристалла ZnGeAs₂, его подрешеток (Zn, Ge, As) и подрешеточных систем катион-анион (Ge+As, Zn+As). Аналогичные расчеты выполнены для AgGaTe₂ (рис. 2). Зонные спектры кристалла и подрешеток совмещены в единой шкале энергии по вершинам валентных зон. Спектры катионов Zn (Ag) и Ge (Ga) выставлены соответственно по положению их *d*- и *s*-зон в кристалле.

Подрешетки Zn, Ge и As дают информацию о зонной структуре атомов, помещенных в геометрию халькопирита при отсутствии в окружении атомов другого сорта. Из сопоставления зонных структур кристаллов и подрешеток анионов видно, что полная ширина валентной зоны практически полностью определяется анионом. Анионные состояния формируют нижнюю связку валентных зон (*s*-состояния) и часть ветвей верхней валентной связки (*p*-состояния). При связывании атомов Ge и As (Ga и Te) без учета влияния атомов Zn (Ag) наблюдается уширение нижней и верхней полос подрешеток анионов, кроме того, в середине валентной полосы появляется изолированная энергетическая зона *s*-состояний Ge (Ga). К подобному же эффекту приводит и связывание атомов Zn и As (Ag и Te), только дополнительно в середине валентной зоны появляются *d*-состояния Zn (Ag), расщепляемые вследствие взаимодействия подрешеток,



Рис. 1. Зонная структура кристалла ZnGeAs₂ и его подрешеток Zn, Ge, As, Ge+As, Zn+As



Рис. 2. Зонная структура кристалла AgGaTe2 и его подрешеток Ag, Ga, Te, Ga+Te, Ag+Te

при этом *d*-состояния Zn лежат ближе к нижней связке валентной зоны подрешетки As, a *d*-состояния Ag — ближе к верхним связкам подрешетки Te. Окончательное формирование зонной структуры кристалла происходит за счет взаимодействия между состояниями тетраэдров ZnAs₄ и GeAs₄ (AgTe₄ и GaTe₄). Это взаимодействие приводит к уменьшению дисперсии *s*-зоны Ge (Ga) и смещению *s*-зоны Zn (Ag) в область *p*-состояний аниона, что способствует усилению *sp*-гибридизации между металлом и анионом. Из-за различного положения *d*-состояний Zn и Ag окончательные кристаллические зонные спектры ZnGeAs₂ и AgGaTe₂ оказываются несколько различными: *d*-состояния Ag сливаются с верхней связкой валентных зон AgGaTe₂, что существенно ее усложняет, в то время как в ZnGeAs₂ *d*-состояний Zn образуют узкую полосу сверху расположенной в середине валентной зоны *s*-зоны Ge.

На рис. 3 представлены карты распределения валентных электронных плотностей $\rho(\mathbf{r})$ в плоскости (1 1 0), где расположены атомы разного сорта, для кристаллов ZnGeAs₂, AgGaTe₂ и подрешеточных систем из тетраэдров ZnAs₄, GeAs₄, AgTe₄, GaTe₄. Контуры изолиний на картах $\rho(\mathbf{r})$ в обоих кристаллах имеют вид, типичный для ионно-ковалентной связи, образуемой за счет *sp*-гибридизации между катионами и анионом. Основная плотность $\rho(\mathbf{r})$ сосредоточена на



 $\it Puc.$ 3. Валентная электронная плотность кристаллов ZnGeAs2, AgGaTe2 и тетраэдров ZnAs4, GeAs4, AgTe4, GaTe4

металлах благодаря наличию в валентной зоне *d*-состояний Zn и Ag. Эти состояния имеют сферический вид, что свидетельствует о малой гибридизации. Более гибридизованными оказываются *s*- и *p*-состояния катионов и аниона, что прослеживается по деформации изолиний *s*-типа на анионе и общим контурам *p*-типа между катионом и анионом. Из карт распределения электронной плотности тетраэдров ZnAs₄, GeAs₄, AgTe₄, GaTe₄ видно, что в обоих кристаллах связи Ge—As и Ga—Te являются более ковалентными, чем связи Zn—As и Ag—Te. Таким образом, карты плотности $\rho(\mathbf{r})$ тетраэдров ZnAs₄, GeAs₄, AgTe₄, GaTe₄ фактически полностью отражают механизм формирования химической связи в пниктидах A^{II}B^{IV}X^V₂ и халькогенидах A^IB^{III}X^{VI}₂ с решеткой халькопирита.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Журавлев Ю.Н., Поплавной А.С. // Журн. структур. химии. 2001. 42, № 5. С. 860 866.
- 2. Журавлев Ю.Н., Поплавной А.С. // Там же. № 6. С. 1056 1063.
- 3. Поплавной А.С., Силинин А.В. // Кристаллография. 2005. 50, № 5. С. 791 796.
- 4. Поплавной А.С. // Там же. 2007. 52, № 4. С. 607 611.
- 5. Поплавной А.С. // Материаловедение. 2005. № 9. С. 2 7.
- 6. Поплавной А.С. // Изв. вузов. Физика. 2008. № 7. С. 31 38.
- 7. Jaffe J.E., Zunger A. // Phys. Rev. B. 1984. 29, N 4. P. 1882 1906.
- 8. Janotti A., Wei S.-H., Zhang S.B., Kurtz S. // Ibid. 2001. 63, N 19. P. 195210(7).
- 9. Reshak A.H. // Physica B. 2005. 369, N 1-4. P. 243 253.
- 10. Mori Y., Iwamoto S.-I., Takarabe K.-I., Minomura S. // Phys. Stat. Sol. (b). 1999. **211**, N 1. P. 469 474.
- 11. Mitra C., Lambrecht W.R.L. // Phys. Rev. B. 2007. 76, N 20. P. 205206(5).
- 12. Jones R.O., Gunnarsson O. // Rev. Mod. Phys. 1989. 61, N 3. P. 689 746.
- 13. Baroni S., Dal Corso A., de Gironcoli S., Giannozzi P. // http: //www.pwscf.org.
- 14. Monkhorst H.J., Pack J.D. // Phys. Rev. B. 1976. 13, N 12. P. 5188 5192.
- 15. Wentzcovitch R. // Ibid. 1991. 44, N 5. P. 2358 2361.