

## МОДЕЛЬ ПАРАЛЛЕЛЬНОГО АВТОМАТА

**В. А. Воробьев***Поморский государственный университет, Архангельск**E-mail: vva@sanet.ru*

Дано определение параллельного автомата, или П-автомата. Введены понятия атомарного, частичного и полного состояний П-автомата, параллельного входа и выхода. На этих множествах определяются параллельные функции переходов и выходов, заданные матрицами переходов и выходов. Сформулированы условия, которым должны отвечать эти матрицы, чтобы обеспечить корректное и однозначное описание П-автомата. Рассмотрены три способа его функционирования: синхронный, ординарный и смешанный. Сформулированы утверждения об условиях сводимости П-автомата к параллельно-последовательной композиции последовательных автоматов и достаточности ординарной модели П-автомата.

**Введение.** Понятие «параллельный автомат» было введено в [1, 2] в связи с разработкой параллельных алгоритмов логического управления (АЛУ) технологическими системами. В этом случае параллельный процесс образуется в результате параллельно-последовательной композиции множества взаимодействующих последовательных процессов и соответствующих им микропрограммных автоматов. Близкие идеи развиваются в [3]. В полной мере параллельные микропрограммные и секвенциальные автоматы были использованы в [4] для отладки и реализации АЛУ. В основу всех этих исследований положены такие математические модели параллельных алгоритмов, как сети Петри (СП) и параллельные граф-схемы алгоритмов (ПГСА). Выбор моделей мотивирован необходимостью верификации алгоритмов логического управления, которые практически не поддаются отладке методом пробных запусков.

Корректность параллельно-последовательных композиций процессов в СП и ПГСА подробно рассмотрена в работах [5, 6]. Там же исследована параллельная композиция, которую уместно назвать коллективом автоматов. В частности, клеточные автоматы и алгоритмы параллельных подстановок [5, 6] попадают в этот класс.

В данной работе сделана попытка определить параллельный автомат, или П-автомат, независимо, в терминах прикладной теории автоматов [3, 7]. Такое определение обладает большей общностью и позволяет по-новому посмотреть на синтаксическую и семантическую корректность параллельных процессов в системах логического управления.

**Параллельный автомат.** П-автомат – это автомат, внутреннее состояние которого задается множеством одновременно существующих частичных состояний. Пусть  $Q$  – множество неделимых внутренних состояний (атомов). Будем представлять их целыми числами  $1, 2, 3, \dots, m$ . Любое подмножество атомов  $S_i \subseteq Q$  может быть частичным состоянием П-автомата. Соответственно частичные состояния могут быть простыми, содержащими один атом, и составными, содержащими несколько атомов. В качестве множества частичных состояний допустимы далеко не все возможные наборы подмножеств  $S_i \subseteq Q$ , а только некоторое их множество  $S$ , образующее полное  $n$ -разбиение множества  $Q$  на  $n$  непересекающихся частей ( $i = 1, 2, \dots, n$ ), т. е. удовлетворяющее следующим условиям полноты и независимости частичных состояний:

$$\left( \bigcup_{i=1, \dots, n} S_i = Q \right) \& [(S_i, S_j \in S) \rightarrow S_i \cap S_j = \emptyset]. \quad (1)$$

Внутреннее состояние П-автомата (П-состояние) задается подмножеством  $S' \subseteq S$ . В силу условия (1) П-состояние  $S'$  может содержать любой атом не более одного раза.

Распространим параллелизм на входы и выходы П-автомата. Пусть  $A$  и  $B$  – входной и выходной алфавиты соответственно. Входное состояние (П-вход) может содержать несколько совместимых символов из  $A$ , а выходное состояние (П-выход) – несколько совместимых символов из  $B$ . Параллельные состояния входа и выхода будем также называть П-состояниями входа и выхода. Будем полагать, что на множествах  $A$  и  $B$  заданы отношения совместимости  $\alpha \subseteq A^2$  и  $\beta \subseteq B^2$ . Мотивы и способы задания этих отношений выходят за рамки формализма, т. е. являются семантическими ограничениями, зависят от предметной области и уточняются разработчиком по мере необходимости.

Полное состояние П-автомата – это пара  $\langle \text{П-вход}, \text{П-состояние} \rangle$ , причем оба элемента этой пары могут содержать несколько символов. Пару  $\langle a_i, S_j \rangle$  с одним символом  $a_i \in A$  и одним частичным состоянием  $S_j \in S$  будем называть состоянием, подразумевая его частичность и не используя «П». Таким образом, «П» отмечает атрибуты П-автомата в целом, а для отдельных элементов внутренних состояний, входов и выходов сохраняются обычные названия из теории автоматов.

Процессом назовем цепочку простых или составных внутренних состояний, следующих друг за другом при функционировании П-автомата, причем так, что

$$S_k \text{ последующее} = \varphi(a_i, S_j \text{ предыдущее}).$$

Здесь  $a_i \in A$  – входной символ, а  $\varphi$  – функция переходов П-автомата. Аналогичным образом можно ввести входные и выходные процессы, соответствующие входу и выходу. В иных терминах «процесс» – это слово в соответствующем алфавите. Далее по умолчанию будем иметь в виду последовательности внутренних состояний.

Несколько одновременно существующих процессов параллельны. Это значит, что с точки зрения внешнего наблюдателя элементы различных па-

раллельных процессов либо появляются в П-автомате одновременно, либо параллельные цепочки состояний вставлены друг в друга (стасованы) с сохранением порядка внутри каждого процесса.

Порождение новых процессов и их слияние задается функцией переходов параллельного автомата. Пусть на вход П-автомата с частичным состоянием  $S_k \in S' \subseteq S$  поступает символ  $a_i$ . Будем говорить, что состояние  $(a_i, S_k)$  активно, если функция переходов нетривиальна (меняет состояние П-автомата) на паре  $(a_i, S_k)$ . При этом активны и внутреннее состояние  $S_k$ , и входное состояние  $a_i$ , и переход в состояние  $\varphi(a_i, S_k)$ . Из активного состояния  $S_k$  П-автомат может перейти во множество простых состояний – атомов, пополняя П-состояние атомами и порождая новые процессы. Обратная операция – слияние процессов – задается переходом в атом, принадлежащий составному состоянию, которое активно и действует как одно простое только тогда, когда будет достигнут каждый его атом. Таким образом, составное состояние выполняет двойную роль: слияние и синхронизацию параллельных процессов, поскольку оно достигается и действует тогда и только тогда, когда все его атомы будут достигнуты.

Итак, процессы П-автомата последовательны. Они рождаются в момент перехода какого-то процесса во множество простых состояний. Порождающий процесс в этот момент гибнет. Процесс гибнет также по достижении атома составного состояния, а когда все эти атомы достигнуты, то в результате слияния погибших процессов возможно рождение одного или нескольких новых процессов. Разные процессы не могут произвольно пересекаться на множестве атомов и конкурировать за них. Это требование накладывает дополнительные ограничения на функцию переходов П-автомата.

#### **Функции переходов и выходов П-автомата, условия корректности.**

Зададим функции переходов и выходов П-автомата  $\varphi$  и  $\psi$  соответственно. Это оказывается не просто, поскольку множество П-состояний [1, 2] имеет порядок  $O(2^{m/3})$ . Аналогичные трудности встречаются при попытке перечисления всех возможных допустимых входных  $A' \subseteq A$  и выходных  $B' \subseteq B$  состояний. Таким образом, задание указанных функций, как это делается для последовательного автомата, оказывается чрезмерно громоздким. Кроме того, в некоторых наиболее интересных случаях редукция параллельного автомата к последовательному принципиально невозможна [1, 2].

Из вышеизложенного ясно, что отображения  $\varphi$  и  $\psi$  не являются функциями в строгом смысле, поскольку одному значению аргумента (полному состоянию) они могут ставить в соответствие несколько значений «функции» (частичных состояний или выходов), причем делается это параллельно для нескольких компонент П-входа и П-состояния. Назовем  $\varphi$  и  $\psi$  параллельными функциями (П-функциями). Тем не менее П-функции переходов и выходов можно задать отображениями так же, как и для последовательных автоматов:

– П-функция переходов  $\varphi : A \times S \Rightarrow S$ ;

– П-функция выходов  $\psi : A \times S \Rightarrow B$  для автомата Мили или  $\psi : S \Rightarrow B$  для автомата Мура.

Как видно из этой записи, П-функции переходов и выходов определены на парах  $(a_i, S_k)$  и действие этих отображений не зависит от того, какие еще пары  $(a_j, S_k)$ ,  $(a_j, S_l)$  или  $(a_i, S_l)$  активны в полном состоянии в данный момент. Причем отображения этих пар вычисляются параллельно, а не по одно-

му в каждом такте. Для того чтобы такая запись была корректна, отображения  $\varphi$  и  $\psi$  должны удовлетворять следующим условиям совместимости:

$$\forall a_i, a_j \in A, S_k \in S' \subseteq S \{(a_i \alpha a_j) \& (i \neq j) \rightarrow [\psi(a_i, S_k) \beta \psi(a_j, S_k)]\} \quad (2)$$

для автомата Мили;

$$\forall S_i, S_j \in S' \subseteq S \{\psi(S_i) \beta \psi(S_j)\} \quad (3)$$

для автомата Мура;

$$\begin{aligned} \forall a_i, a_j \in A, S_k, S_l \in S' \subseteq S \{(a_i \alpha a_j) \& (i \neq j) \rightarrow \\ \rightarrow [\varphi(a_i, S_k) \cap \varphi(a_j, S_l) = \emptyset]\}, \end{aligned} \quad (4)$$

где  $|\varphi(a_i, S_k)| \geq 0$ ,  $|\psi(a_i, S_k)| \geq 0$ ,  $\emptyset$  – пустое множество.

Таким образом, П-функция  $\varphi$  полного состояния П-автомата не содержит двух параллельных переходов к одному и тому же атому, а  $\psi$  – двух несовместимых выходных значений. Выражения (2) и (3) – формальная запись условий совместимости выходов. Нарушение этих условий приводит к противоречивости выхода П-автомата. Условие (4) обеспечивает независимость параллельных процессов в П-автомате, нарушение которого приводит к конкуренции процессов П-автомата на множестве атомов. Пусть, например,

$$\varphi(a_i, S_k) \cap \varphi(a_j, S_l) = S_m.$$

В этом случае процессы, содержащие параллельные активные состояния  $(a_i, S_k)$  и  $(a_j, S_l)$ , будут состязаться в скорости достижения  $S_m$ , а переход из  $S_m$  будет параллельно запущен дважды. Таким образом, условие (4) обеспечивает безопасность П-автомата в том смысле, что уже запущенное действие не может быть запущено вновь до его окончания. Параллельные процессы могут сливаться в один процесс только в составном частичном состоянии.

Наконец для обеспечения независимости процессов в П-автомате следует запретить действие двух совместимых входных символов из  $A$  на одно и то же частичное состояние, иначе возникнут пересечение и конкуренция процессов на множестве атомов. Это требование формально записывается в виде

$$\begin{aligned} \forall a_i, a_j \in A, S_k \in S' \subseteq S \{(a_i \alpha a_j) \& (i \neq j) \rightarrow \\ \rightarrow [\varphi(a_i, S_k) = S_l \neq \emptyset \rightarrow \varphi(a_j, S_k) = \square]\}, \end{aligned} \quad (5)$$

где « $\square$ » – символ пассивного состояния, обозначающий отсутствие действия. Отметим, что отсутствие действия можно мыслить как переход П-автомата в то же самое состояние без изменения П-выхода. Это означало бы экономии символов при описании автомата. При такой интерпретации один из совместимых символов мог бы инициировать переход П-автомата в новое состояние, а другой – оставлять его в старом состоянии. Результат стал бы зависеть от исхода состязаний совместимых входных символов. Такое функционирование может нарушить важнейшее требование корректности системы параллельных процессов – настойчивость. Настойчивые системы таковы, что если действие допустимо в какой-то момент, то оно непременно будет

выполнено, и никакой другой параллельный процесс не может нарушить условий его выполнения. Согласно условию (5) П-автомат может менять свое частичное состояние только под действием одного из совместимых входных символов. Это не мешает действию других символов на другие частичные состояния. Условие (5), таким образом, – необходимое условие устойчивости. Заметим, что его можно ослабить и потребовать только непротиворечивости выходов для совместимых входных символов:

$$\forall a_i, a_j \in A, S_k \in S' \subseteq S\{(a_i \alpha a_j) \& (i \neq j) \rightarrow [\psi(a_i, S_k) \cap \psi(a_j, S_k) = \emptyset]\}. \quad (6)$$

При условии (6) П-автомат потеряет и устойчивость и однозначность описания (когда оба совместимых входных символа появятся на входе одновременно), поэтому далее предполагается выполнение условия (5).

Нетрудно видеть, что П-функции  $\varphi$  и  $\psi$  можно задать матрицами  $\Phi$  и  $\Psi$  соответственно. Строкам матриц  $\Phi$  и  $\Psi$  соответствуют элементы алфавита  $A$ , столбцам – простые и составные внутренние состояния П-автомата. Атомам, входящим в составные состояния, отдельные столбцы не соответствуют. Элемент  $\varphi_{ij}$  матрицы  $\Phi$  – следующее простое состояние или их множество, элемент  $\psi_{ij}$  матрицы  $\Psi$  – выходное П-состояние. Символ «□» означает пустой элемент матрицы – пассивное состояние.

Точно так же, как и в последовательных автоматах, можно задать П-автоматы Мили и Мура. В последнем случае выход П-автомата зависит только от П-состояния в данный момент времени.

**Пример П-автомата.** На рисунке показаны матрицы  $\Phi$  и  $\Psi$  для П-автомата ( $Q = \{1, 2, 3, 4\}$ ,  $A = \{a_1, a_2, a_3\}$ ,  $B = \{b_1, b_2, b_3, b_4\}$ ). Отношения совместимости  $\alpha$  и  $\beta$  таковы:  $\alpha = \{(a_1, a_2), (a_2, a_3)\}$ ,  $\beta = B^2$ . Простые состояния обозначены 1 и 2, составное состояние – (3, 4). Полное состояние в каждый мо-

				a			b			
				Состояния			Состояния			
Φ				0	0	1 1				
				0	1	0 1				
				1	0	1 1				
				0	1	0 1				
				1	2	3, 4				
				1	2	3, 4				
Входы	0011	$a_1$	2, 4	1, 3						
	0101	$a_2$			2					
	1100	$a_3$	4	3						
Ψ				0	0	1 1				
				0	1	0 1				
				1	0	1 1				
				0	1	0 1				
				1	2	3, 4				
				1	2	3, 4				
Входы	0011	$a_1$	$b_1$	$b_2$						
	0101	$a_2$			$b_3, b_4$					
	1100	$a_3$	$b_1$	$b_2$						

Функции переходов и выходов параллельного автомата: П-функции переходов  $\Phi$  в зависимости от характеристических векторов активности и входов (a), П-функции выходов  $\Psi$  в зависимости от характеристических векторов активности и входов (b)

мент времени задается характеристическими векторами для П-входа и П-состояния: единицами отмечены активные в данный момент входные символы и атомы. На П-вход последовательно поступают наборы символов  $(a_1, a_2), (a_1), (a_2, a_3), (a_3)$ , а П-автомат, стартуя из состояния 1, принимает П-состояния  $[2, 4], [(3, 4)], [2, 4], [(3, 4)]$ . В силу условия (5) совместимые входные состояния не могут действовать в одних и тех же П-состояниях. Этому требованию соответствуют пустые клетки матриц  $\Phi$  и  $\Psi$ . Последовательность П-выходов такова:  $(b_1), (b_2), (b_1, b_3, b_4), (b_2), (b_3, b_4)$ . Иначе говоря, П-выход сообщает, какие атомы содержались в активных П-состояниях до перехода.

Наличие пустых клеток в матрицах  $\Phi$  и  $\Psi$  не означает, что П-автомат частичный. Частичный автомат [7] задает класс автоматов, совпадающих на множестве определенных элементов матриц  $\Phi$  и  $\Psi$ , а неопределенные элементы матрицы  $\Phi$  отмечаются прочерками и называются граничными состояниями. Они могут быть доопределены с целью минимизации и противоночного кодирования автомата. Такая возможность связана с тем, что граничные состояния недостижимы при штатном функционировании системы. Возможно и другое использование неопределенности, например для повышения надежности, отказоустойчивости или контроля исправности системы.

Пустые элементы матриц  $\Phi$  и  $\Psi$  соответствуют достижимым полным состояниям и не могут доопределяться. Они указывают на тот факт, что соответствующее полное состояние пассивно, в нем не происходит никаких действий. Что касается частичных П-автоматов, то они задаются точно так же: граничные состояния отмечаются прочерками в соответствующих элементах матриц  $\Phi$  и  $\Psi$ .

**Параллельное функционирование П-автомата.** Поясним теперь смысл термина «параллельное функционирование». Рассмотренный пример показывает синхронное функционирование П-автомата. При этом характеристические векторы для П-входа и П-состояния выделяют активные миноры матриц  $\Phi$  и  $\Psi$ . Все частичные состояния и выходы, попавшие в активный минор, появляются одновременно, в одном такте дискретного времени. Для этого необходимо наличие часов, отсчитывающих дискретное время. Часы реализуются тактовым генератором, выдающим тактовую последовательность импульсов  $T_1, T_2, T_3, \dots$ , которая обычно предполагается, но не отображается в формальной модели синхронного автомата.

Синхронное функционирование П-автомата легко моделируется обычным последовательным автоматом. Все возможные входные, выходные и внутренние П-состояния образуют соответствующие алфавиты последовательной модели, а каждому активному минору ставится в соответствие один элемент матрицы  $\Phi$  или  $\Psi$ . В данном случае алфавит состояний содержит 16 подмножеств из  $Q$ , а входной и выходной алфавиты – все допустимые подмножества из  $A$  и  $B$ .

В отсутствие тактового генератора уместно говорить об асинхронном функционировании П-автомата и об асинхронных П-автоматах. Роль часов в таком случае играют входные события – изменения входного состояния асинхронного автомата. При этом длительность такта – случайный промежуток времени от одного входного события до другого. Такт распадается на устойчивый и неустойчивый [3]. В неустойчивом такте происходят переходные процессы, которые обязательно должны закончиться в устойчивом состоянии  $S_k$ , таком что  $\varphi(a_i, S_k) = S_k$ . По достижении устойчивого состояния

начинается устойчивый такт, когда никаких процессов в автомате нет вплоть до нового события на входе. В устойчивом состоянии асинхронный П-автомат вырабатывает устойчивое значение П-выхода.

В последовательных асинхронных автоматах достижимость устойчивого состояния является ограничением на матрицу  $\Phi$  – условием автоматности матрицы [7]. При этом требуется, чтобы цепочка переходов в каждой фиксированной строке матрицы  $\Phi$  приводила из любого состояния  $S_j$  в устойчивое состояние  $S_k$ . Предполагается, что устойчивое состояние достигается практически «мгновенно» по сравнению с медленным темпом событий на входе. Проверка условия автоматности матрицы  $\Phi$  сводится к проверке этого условия в каждой строке матрицы.

Для П-автомата термин «устойчивое состояние» имеет более тонкий смысл. Будем говорить, что П-автомат достиг устойчивого состояния в целом, если все процессы, порожденные в фиксированном активном миноре матрицы  $\Phi$ , достигли или устойчивых состояний, где  $\varphi(a_i, S_k) = S_k$ , или пассивных состояний, где нет действий. При этом процессы могут «перескакивать» со строки на строку активного минора матрицы  $\Phi$ , поскольку в нем действует сразу несколько совместимых входных символов.

Анализ условия автоматности матрицы  $\Phi$  для асинхронного П-автомата гораздо сложнее, чем в последовательном случае. Более того, темп параллельных событий на П-входе может быть таким, что П-автомат вообще не достигает устойчивого состояния в целом. При этом и сам активный минор может изменяться: некоторые входные символы исчезают, другие, совместимые с оставшимися появляются. Устойчивыми могут и должны оказываться только некоторые частичные состояния. Именно в этих состояниях П-автомат будет выдавать элементы выходного П-состояния, которое так же не может быть фиксировано, как устойчивое в целом.

Особенности функционирования позволяют выделить асинхронные П-автоматы в самостоятельный класс дискретных устройств [1]. Для асинхронного П-автомата невозможно говорить о состоянии в целом, однако все введенные ранее ограничения (1)–(5) призваны обеспечить такое функционирование П-автомата, чтобы каждый отдельный процесс от рождения до гибели мог быть описан как последовательный автоматный процесс. А если это так, то П-автомат – это параллельно-последовательная композиция множества автоматов, реализующих отдельные процессы.

**Утверждение 1.** Если матрица переходов  $\Phi$  удовлетворяет условиям (1)–(5), то каждый процесс синхронного П-автомата может быть задан подходящим последовательным синхронным автоматом.

**Утверждение 2.** Если матрица  $\Phi$  удовлетворяет условию автоматности и условиям (1)–(5), то каждый процесс асинхронного П-автомата может быть задан подходящим последовательным асинхронным автоматом.

**Ординарные и неординарные асинхронные П-автоматы.** Рассмотрим два способа функционирования асинхронного П-автомата. Этот процесс можно представить как поток событий – изменений на входе и выходе. Хорошо исследованы ординарные потоки, в которых события происходят только по одному в каждый момент времени. Это значит, что вероятность появления двух событий в малый интервал времени  $\Delta t$  – величина более высокого порядка малости  $o(\Delta t)$  и при интегрировании ею можно пренебречь. В теории асинхронных автоматов обычно полагают, что события происходят так, что каждый раз изменяется по одному символу алфавитов  $A$ ,  $B$  и  $Q$ . Такую модель функционирования асинхронного П-автомата назовем ординарной. Эта мо-

дель обоснована тем, что в большинстве технологических систем темп событий гораздо ниже, чем в электронном управляющем устройстве, будь то автомат или специализированная ЭВМ. Ординарная модель удобна, поскольку имеет умеренную сложность при исследовании. Асинхронный П-автомат, функционирование которого адекватно описывается ординарной моделью, назовем ординарным.

Не все объекты управления уступают в скорости управляющим органам системы. Интерес представляют и такие системы, в которых темп событий в управляющей и управляемой частях одинаков. В этом случае требование ординарности потока событий не удовлетворяется, что приводит к дополнительным трудностям при анализе корректности управления. События могут появляться в разных частях системы «одновременно» в том смысле, что переходные процессы (неустойчивый такт) одного события еще не закончились, когда наступает другое событие. Такое функционирование будем называть неординарным, или смешанным, поскольку оно занимает промежуточное положение между синхронным и ординарным: в любой момент может срабатывать любое подмножество активных переходов. Соответственно П-автомат, не допускающий ординарной модели функционирования, назовем неординарным.

Существуют условия, при которых ординарная модель адекватно описывает асинхронную систему. В [6] такие условия найдены для коллективов автоматов, описанных алгоритмами параллельных подстановок. Это непротиворечивость и настойчивость системы подстановок. Непротиворечивость означает, что одно и то же устройство не должно принимать два состояния одновременно. Для П-автоматов непротиворечивость обеспечивается условиями (1)–(5), поскольку они запрещают пересечения процессов по компонентам состояний и несовместимые П-выходы. Настойчивость означает, что параллельные процессы не нарушают условия работы друг друга. Для асинхронных П-автоматов необходимыми условиями настойчивости являются условия (4) и (5).

**Утверждение 3.** При условиях (1)–(5) непротиворечивый и настойчивый асинхронный П-автомат ординарен.

**О динамике П-автомата.** Обратим внимание на то, что условия (1)–(5) являются статическими и в общем случае могут не гарантировать корректность П-автомата в процессе функционирования. Эти условия – только необходимые условия корректности. Достаточные условия корректности можно сформулировать и исследовать, только рассмотрев динамику и множество достижимости П-автомата.

Динамикой (как в [5]) назовем множество всех допустимых композиций процессов П-автомата, а множеством достижимости – множество всех внутренних П-состояний, встречающихся в динамике. Ничто не мешает таким же образом определить динамику и множество достижимости для П-выхода. Для анализа корректности П-автомата хотелось бы иметь метод компактного описания его динамики и множества достижимости. В абстрактной теории автоматов такой метод дает язык регулярных событий. Для П-автоматов, особенно неординарных, понятие «язык» непригодно без существенного переосмысления. Если каждому процессу П-автомата соответствуют последовательный автомат и регулярное выражение, то вся динамика П-автомата описывается параллельно-последовательной композицией регулярных выражений. Математическая природа этого объекта требует отдельного исследования.



**Заключение.** Понятие о параллельном автомате развивалось [1–4] для управления технологическими системами. Это естественным образом сужало горизонт исследований. Например, входной алфавит полагался заведомо структурным, а П-автомат – реализацией алгоритма логического управления. В данной работе П-автомат описан в терминах теории автоматов, исключая приложения. Получился достаточно интересный объект для дальнейших исследований. Помимо уже упомянутой композиции регулярных выражений напрашивается исследование отношения П-автоматов к известным моделям параллельных систем – сетям Петри, и, конечно же, интересны все те задачи, которые решаются в прикладной теории автоматов.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. **Закревский А. Д.** Параллельный автомат // ДАН БССР. 1984. **28**, № 8. С. 717.
2. **Закревский А. Д.** Параллельные алгоритмы логического управления. Минск: Ин-т техн. кибернетики НАН Беларуси, 1999.
3. **Лазарев В. Г., Пийль Е. И.** Синтез управляющих автоматов. М.: Энергоатомиздат, 1989.
4. **Черемисинова Л. Д.** Реализация параллельных алгоритмов логического управления. Минск: Ин-т техн. кибернетики НАН Беларуси, 2002.
5. **Ачасова С. М., Бандман О. Л.** Корректность параллельных вычислительных процессов. Новосибирск: Наука, 1990.
6. **Achasova S. M.** Correctness of mixed cellular computations // Bull. of the Novosibirsk Computing Center. Ser. Comput. Sci. 1993. Issue 2. P. 1.
7. **Закревский А. Д.** Алгоритмы синтеза дискретных автоматов. М.: Наука, 1971.

*Поступила в редакцию 11 ноября 2005 г.*