2009. Том 50, № 6

Ноябрь – декабрь

C. 1223 – 1228

УДК 532.6:541.8

ИССЛЕДОВАНИЕ УДЕЛЬНОЙ СВОБОДНОЙ ПОВЕРХНОСТНОЙ ЭНЕРГИИ НАНОКАПЕЛЬ АЛЮМИНИЯ С ИСПОЛЬЗОВАНИЕМ ПОТЕНЦИАЛА ШОММЕРСА

© 2009 Н.Ю. Сдобняков*, А.Н. Базулев, В.М. Самсонов, Д.А. Кульпин, Д.Н. Соколов

Тверской государственный университет

Статья поступила 28 января 2009 г.

На основе термодинамической теории возмущений были проведены расчеты поверхностного натяжения для нанокапель алюминия различного радиуса. Размерная зависимость, полученная с использованием потенциала Шоммерса, была сопоставлена с результатами, отвечающими другим эффективным парным потенциалам. Установлено, что асимптотическое значение поверхностного натяжения, отвечающее большим размерам нанокапель и полученное с использованием потенциала Шоммерса, несколько лучше согласуется с имеющимися экспериментальными данными.

Ключевые слова: термодинамическая теория возмущений, нанокапли металлов, потенциалы межмолекулярного взаимодействия: Шоммерса, Морса, Шиффа, размерная зависимость поверхностного натяжения, стабильность.

Как известно [1], эффективные парные потенциалы адекватно описывают в том или ином приближении системы, характеризующиеся плотной упаковкой атомов. Для описания структуры более "рыхлых" материалов, например полупроводников (германий, кремний), необходимо использовать коллективные потенциалы, учитывающие пространственную ориентацию химических связей. Вместе с тем даже структура и свойства металлов с плотной упаковкой, в частности, переходных металлов, не описываются в полной мере парными потенциалами. В [2] отмечается, что использование парных потенциалов приводит к неверным значениям некоторых упругих постоянных металлов, а также величин энергии образования дефектов и энергии когезии.

Однако в ряде случаев, в частности, когда термодинамические и иные характеристики объемных фаз металлов и малых частиц описываются в континуальном приближении, применение эффективного потенциала межатомного взаимодействия вполне возможно, и такие подходы также находят дальнейшее развитие. В качестве примера можно отметить парный потенциал для алюминия, предложенный Шоммерсом [3—6]. Этот потенциал разработан на основе комбинации теории псевдопотенциала с феноменологическим подходом и концепцией эффективного парного потенциала для повышения точности и расширения области применимости, в том числе для применения к поверхностям и наноструктурам. При таком подходе для описания прямого взаимодействия между ионами используется потенциал, который получается добавлением к кулоновскому члену $Z^{*2}e^2/r$ дополнительного слагаемого, отвечающего взаимодействию ван-дер-ваальсова типа:

$$f(r) = -\frac{\alpha_1}{r^6} - 2Z^* \frac{\alpha_2}{r^4}.$$
 (1)

Здесь *е* — величина элементарного заряда; *r* — межатомное расстояние; Z^* — эффективная валентность металла, при этом отклонение Z^* от валентности *Z* для большинства жидких металлов составляет не более 10% [7]; α_1 , α_2 — постоянные. Функция (1) описывает диполь-дипольное

^{*} E-mail: nsdobnyakov@mail.ru

и монополь-дипольное взаимодействия, появляющиеся из-за конечной протяженности ионных остовов. При выводе псевдопотенциала аналогичное выражение h(r) добавляется к потенциалу голого иона w(r), чтобы учесть монополь-мультипольные взаимодействия между электроном проводимости и ионным остовом [3]. В выражении $h(r) = -\alpha_2/r^4 + \ldots$ первый член описывает монополь-дипольное взаимодействие. В дальнейшем для учета форм-фактора экранированного иона статическая диэлектрическая функция Хартри была заменена Шоммерсом более подробным выражением. Вклад ионных остовов можно с хорошим приближением считать не зависящим от температуры, в то же время дальнодействующая часть псевдопотенциала сильно зависит от расположения электронов, которое чувствительно к изменениям температуры, т.е. потенциал взаимодействия для металлов в общем случае должен зависеть от температуры. Поэтому описание с использованием потенциала Шоммерса для алюминия проводится с учетом зависимости от плотности материала, или постоянных решетки, которые зависят от температуры [4].

Парный потенциал Шоммерса для алюминия при температуре 1000 К показан на рис. 1. Он сравнивается с соответствующим потенциалом Морса, для которого глубина потенциальной ямы ε_c найдена по температуре плавления T_m ($\varepsilon_c = kT_m$), а также потенциалом Морса, подогнанным под потенциал Шоммерса. Различие между потенциалами ясно видно: помимо иной глубины и положения минимума, потенциал Морса не содержит крупномасштабных осцилляций, обусловленных ион-электрон-ионным взаимодействием в металлических кристаллах. По этой причине остается под вопросом возможность использования феноменологических потенциалов Морса, Леннард-Джонса и Букингема для описания взаимодействия в металлах.

Благодаря дополнительной подгонке свободных параметров потенциала Шоммерса под многочисленные экспериментальные данные, последний с хорошей точностью описывает основные свойства алюминия в широкой области температур [4, 5] — температуру плавления, коэффициент диффузии в жидкой фазе, структуру твердого и жидкого состояний, фононную плотность состояний, среднеквадратичные смещения на поверхности, предплавление и др.

Цель данной работы — сопоставление результатов расчетов удельной свободной поверхностной энергии на основе термодинамической теории возмущений (TTB) для нанокапель алюминия с использованием потенциала Шоммерса и других эффективных парных потенциалов. В соответствии с методом TTB, развитым в наших предыдущих работах [8, 9], избыточная свободная энергия Ψ малого объекта равна половине средней энергии возмущения, отвечающей выделению малого объекта из соответствующей массивной фазы и найденной по невозмущенному распределению Гиббса:

$$\Psi = -\frac{1}{2}(n_{\rm l} - n_{\rm g})^2 \int_{V_1} dV_1 \int_{V_2} dV_2 g_0(r) \Phi(r), \qquad (2)$$

где $\Phi(r)$ — парный потенциал; V_2 — объем, граничащий со сферической областью объемом V_1 и выбранный с учетом радиуса действия потенциала в массивной фазе; $g_0(r)$ — радиальная функция распределения (РФР) невозмущенной массивной фазы; n_1 и n_g — плотности числа ионов в жидкой и парогазовой средах соответственно. При этом избыточная свободная энергия малого объекта Ψ и эффективная удельная свободная поверхностная энергия $\sigma(R)$ связаны соотношением $\sigma(R) = \Psi/4\pi R^2$, R — его радиус. Нами рассматривалась эквимолекулярная разделяющая поверхность, когда $\sigma(R)$ совпадает с поверхностным натяжением, определяемым по работе образования малого объекта в расчете на единицу площади разделяющей поверхности.

Одним из преимуществ рассматриваемого нами метода TTB является возможность его применения не только к молекулярным системам, но и металлическим частицам. Следует однако отметить, что эффективные парные потенциалы, предложенные различными авторами для металлических расплавов, получены для массивной фазы и только для нее адекватно учитывают вклады электрон-ионного, ион-ионного и электрон-электронного взаимодействий. Таким образом, непосредственное применение этих потенциалов к очень малым объектам не является вполне корректным. Однако алгоритм, основывающийся на TTB, предполагает, что при нахождении энергии возмущений используется невозмущенная функция распределения (радиальная



Рис. 1. Сравнение парных потенциалов Шоммерса и Морса для алюминия.

Потенциал Шоммерса построен при температурах 300 К (сплошная темная кривая) и 1000 К (пунктирная светлая кривая). Потенциала Морса, подогнанный под потенциал Шоммерса (сплошная светлая кривая), потенциал Морса с глубиной потенциальной ямы ε_c (пунктирная темная кривая). Температура плавления алюминия 933 К, k — постоянная Больцмана



Рис. 2. Зависимость удельной свободной поверхностной энергии нанокапель алюминия от приведенного радиуса капли *R** = *R*/*a* с использованием различных эффективных потенциалов межмолекулярного взаимодействия при температуре 1000 К.

1 — потенциал Морса с исправленным значением глубины потенциальной ямы, 2 — потенциал Морса, подогнанный под потенциал Шоммерса, 3 — потенциал Шоммерса. Параметры данных потенциалов представлены в табл. 1

функция). Поскольку РФР непосредственно связана с парным потенциалом, из требования невозмущенности функции распределения в качестве следствия вытекает требование невозмущенности парного потенциала, т.е. потенциала, найденного для массивной фазы расплава.

РЕЗУЛЬТАТЫ И ИХ ОБСУЖДЕНИЕ

Нами были проведены сравнительные расчеты размерной зависимости удельной свободной поверхностной энергии нанокапель алюминия при температуре 1000 К с использованием потенциалов Шоммерса [3], Морса [6] и Шиффа [10] (рис. 2) на основе термодинамической теории возмущений [7, 8]:

$$\Phi_{\text{Morse}} = \varepsilon \{ \exp[2\alpha(r - r_{\text{m}})] - 2\exp[\alpha(r - r_{\text{m}})] \},$$
(3)

$$\Phi_{\text{Schiff}} = \epsilon \{ [\cos(8,97r)/r^3](0,66+4,22/r^2-2,61/r^4) + [\sin(8,97r)/r^4](-0,54+0,67/r^2) + 1,49/r^{12} \}.$$
(4)

Здесь α — постоянная Морса; *r*_m — расстояние, отвечающее минимуму потенциала межмолекулярного взаимодействия.

При расчетах была использована радиальная функция распределения, полученная на основе следующего соотношения, апробированного нами в работах [8, 9]:

$$g(r)/g_{\rm LD}(r) = \exp[-(\Phi(r) - \Phi_{\rm LD}(r))/kT],$$

где $g_{LD}(r)$ — радиальная функция леннард-джонсовского флюида рассчитывалась согласно работе Маттеоли и Мансоори [11].

В нашей работе полученные размерные зависимости поверхностного натяжения нанокапель алюминия сопоставлялись с формулой Толмена [12]

$$\sigma/\sigma_{\infty} = \frac{1}{1 + 2\delta/R},\tag{5}$$

($\delta > 0$ — толменовская длина) и линейной зависимостью

$$\sigma = KR,\tag{6}$$

Параметры эффективных парных потенциалов для алюминия

Потенциал	ε, 10 ⁻²¹ , Дж	<i>a</i> , Å	$\alpha, \text{\AA}^{-1}$	r _m , Å
Шоммерса Морса * Морса **	14,09 14,50 12,88	2,48 2,48 2,55	2,50	2,75
Шиффа	16,53	2,55		<i>3,23</i>

* Параметры потенциала Морса, подогнанного под потенциал Шоммерса.

** Параметры потенциала Морса, для которого значение глубины потенциальной ямы исправлено в соответствии с температурой плавления, остальные параметры взяты из работы [14].

Результаты расчетов σ_∞, δ, и К для алюминия

Таблица 2

Потенциал	σ∞, мДж/м ²	<i>К</i> , 10 ¹⁰ , мДж/м ³	δ, Å
Шоммерса Морса *	874 953	88 96	0,69 0.60
Mopca *	972	95 04	0,51
Шиффа	964	94	0,40

Примечание. Экспериментальные значения для поверхностного натяжения σ_{∞}^{exp} при температуре 1000 К равны 885 [15], 856 [16—18] и 891 мДж/м² [19].

* См. сноски к табл. 1.

предложенной ранее А.И. Русановым [13] для малых *R*. Здесь *К* — коэффициент пропорциональности, зависящий от температуры, давления и состава жидкой фазы. Результаты проведенных нами расчетов удельной свободной поверхностной энергии показывают, что характер зависимости слабо связан с формой потенциала межмолекулярного взаимодействия, и в достаточно хорошем приближении справедлива аппроксимация вида

$$\sigma(R) = \begin{cases} KR, \text{ при } R \le R_{c} \\ \sigma_{\infty}, \text{ при } R > R_{c} \end{cases},$$
(7)

т.е. при радиусах $R < R_c$ (R_c — характерное (критическое) значение радиуса) поверхностное натяжение описывается линейной формулой Русанова, а при $R > R_c$ практически совпадает с предельным значением σ_{∞} , отвечающим плоской макроскопической границе раздела. В табл. 2 представлены результаты расчетов макроскопического значения поверхностного натяжения σ_{∞} , параметра Толмена δ и коэффициента пропорциональности K в формуле Русанова для нанокапель алюминия при температуре 1000 К с использованием различных потенциалов. Отметим, что результаты расчетов с использованием потенциала Шоммерса находятся в хорошем согласии с имеющимися экспериментальными данными [15—19]. В частности, в работе [17] для измерения поверхностного натяжения использовался метод покоящейся (лежачей) капли, при этом заявленная точность измерения достигала 0,5 %. При этом, как отмечается в [18], ошибка при использовании метода покоящейся (лежачей) капли может достигать и 5 %. В [16, 18] описан усовершенствованный метод экспериментального определения поверхностного натяжения металлов, получивший название метода "большой капли". В зависимости от размеров используемых металлических капель точность эксперимента оценивается авторами на уровне 0,5—2 %.

Особый интерес с точки зрения апробирования метода ТТВ представляют достаточно реалистичные расчетные значения σ_{∞} для алюминия как с использованием традиционного эффективного парного потенциала Морса (3), не содержащего крупномасштабных осцилляций, обусловленных ион-электрон-ионным взаимодействием в металлических расплавах, так и потенциала Шоммерса, полученного на основе комбинации теории псевдопотенциала с феноменологическим подходом и концепции эффективного парного потенциала, а также потенциала Шиффа (4). Заметим, что нами ранее [20] была произведена оценка второго приближения метода TTB. В частности, для нанокапель алюминия было показано, что учет второго приближения TTB прибавляет к значениям удельной свободной поверхностной энергии менее чем 5 %. Таким образом, данная величина может рассматриваться как верхняя граница погрешности наших расчетов.

Таблица 3

Сравнение расчетных значений параметра К с характерным значением K_{ch} для нанокапель алюминия

<i>Т</i> , К	$\beta \cdot 10^{11}$, $\Pi a^{-1} *$	<i>К</i> , 10 ¹⁰ , мДж/м ³	<i>K</i> _{ch} , 10 ¹⁰ , мДж/м ³
1000	2,25	88—96	444

* Оценочные значения изотермической сжимаемости рассчитаны по формуле: $\beta = C_p (C_v \rho u^2)^{-1}$, где C_p , C_v , ρ — молярные изобарные и изохорные теплоемкости, плотность вещества соответственно, взяты из работы [19]; u — скорость звука в расплаве алюминия [15].

Согласно обзору [21] существующие теоретические модели расчета как поверхностной энергии металлов, так и их поверхностного натяжения дают достаточно большой разброс для макроскопического значения σ_{∞} . Таким образом, для получения реалистических значений поверхностного натяжения, а также других термодинамических характеристик, на наш взгляд, необходимо: 1) в рамках метода функционала электронной плотности и теории псевдопотенциала уточнить профиль электронной и ионной плотно-

стей; 2) в рамках ТТВ смоделировать аналитические выражения для радиальной функции распределения и потенциала парного взаимодействия с учетом экспериментальных данных по радиусам координационных сфер, глубине потенциальной ямы є и параметра твердой сердцевины *а* (эффективный диаметр), а также амплитуды осцилляций.

Еще одним важным результатом является тот факт, что для размерной зависимости поверхностного натяжения для нанокапель алюминия справедливо приближение (7), а значит и условие устойчивости наночастиц, полученное нами в [8, 22]:

$$K < K_{\rm ch} = (3/(12\nu - 2))\beta^{-1}, \tag{8}$$

где K_{ch} — характерное значение параметра K, отвечающее границе стабильности; v = 2,67 — безразмерная постоянная, оценка которой проведена в работе [22]; β — изотермическая сжимаемость массивной материнской фазы. В табл. З значения параметра K_{ch} сравниваются с теоретическими значениями параметра K для нанокапель алюминия. Как видно из табл. З, для всех рассмотренных потенциалов межмолекулярного взаимодействия для нанокапель алюминия $K < K_{ch}$, т.е. условие стабильности (8) выполняется.

Таким образом, при адекватном и согласованном выборе параметров все рассмотренные парные потенциалы удовлетворительно описывают асимптотическое поведение зависимости $\sigma(R)$. Вместе с тем, результаты, связанные с использованием потенциала Шоммерса, лучше согласуются с имеющимися экспериментальными данными для поверхностного натяжения алюминия. Это свидетельствует об адекватности полученных нами размерных зависимостей для поверхностного натяжения и сделанных выше выводов о стабильности металлических нанокапель.

Работа выполнена при поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (грант № 07-03-00243-а).

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Tersoff J. // Phys. Rev. B. 1988. 37. P. 6991.
- 2. Cleri F., Rosato V. // Ibid. 1993. 48. P. 22.
- 3. Schommers W. // Zeitschrift Phys. B. 1976. B24. S. 171.
- 4. Schommers W., Mayer C., Cobel H., Blanckkenhagen P. // J. Vac. Sci. Technil. 1995. A13, N 3. P. 1413.
- 5. *Rieth M., Schommers W., Baskoutas S., Politis C. //* Nachrichten Forschungszentrum Karlsruhe. 1999. **31**, N 2-3. P.137.
- 6. *Рит М.* Наноконструирование в науке и технике. М.—Ижевск: НИЦ "Регулярная и хаотическая динамика", 2005. С. 28 29.
- 7. Egelstaff P.A. An Introduction to the Liquid State (Second edition). Oxford: Clarendon Press, 1994.
- Samsonov V.M., Sdobnyakov N.Yu., Bazulev A.N. // Colloids and Surfaces A: Physicochem. Eng. Aspects. - 2004. - 239. - P. 113.

- 9. Сдобняков Н.Ю., Сидорова Е.В. / В сб.: Механика и физика фрикционных контактов и граничных слоев / под ред. Н.Б. Демкина. Тверь: ТГТУ, 2004. С. 103 109.
- 10. Schiff D. // Phys. Rev. 1969. 186, N 1. P. 151.
- 11. Matteoli E., Mansoori G. // J. Chem. Phys. 1995. 103, N 11. P.4672.
- 12. Tolman R.C. // Ibid. 1949. 17, N 2. P. 333.
- 13. Русанов А.И. Фазовые равновесия и поверхностные явления. Л.: Химия, 1967.
- 14. Старостенков М.Д., Демьянов Б.Ф., Горлов Н.В. // Изв. СО РАН СССР. Сер. техн. наук. 1986. Вып. 3, № 16. С. 101.
- 15. *Физические* величины. Справочник. / Под ред. И.С. Григорьева, Е.З. Мейлихова. М.: Энергия, 1991. С. 141, 335.
- 16. Аюшина Г.Д., Левин Е.С., Гельд Н.В. // Журн. физ. химии. 1969. 43, № 11. С. 2758.
- 17. *Еременко В.Н., Ниженко В.И., Найдич Ю.В.* // Изв. АН СССР. Сер. Металлургия и топливо. 1961, № 3. – С. 150.
- 18. *Найдич Ю.В.* Контактные явления в металлических расплавах. Киев: Наукова думка, 1972. С. 50, 100.
- 19. Brandes E.A., Brook G.D. Smithells Metals Reference book, 7th Edition. Oxford: Butterworth-Heinemann, 1999. - P. 14-5, 14-7.
- 20. Сдобняков Н.Ю., Базулев А.Н., Самсонов В.М. / В сб.: Механика и физика фрикционных контактов и граничных слоев / под ред. Н.Б. Демкина. Тверь: ТГТУ, 2005. С. 80 90.
- 21. *Погосов В.В.* // Обзоры по теплофизическим свойствам веществ. ТФЦ М.: ИВТАН, 1989, № 5 (79). С. 4.
- 22. Самсонов В.М., Сдобняков Н.Ю. // Поверхность. Рентгеновские, синхротронные и нейтронные исследования. 2004, № 2. С. 73.