

УДК 541.16

**СТРУКТУРНЫЕ, ЭЛЕКТРОННЫЕ СВОЙСТВА И ХИМИЧЕСКАЯ СВЯЗЬ  
В ПРОТОНИРОВАННЫХ МЕТАЛЛАТАХ ЛИТИЯ  $\text{Li}_{2-x}\text{H}_x\text{MO}_3$  (M = Ti, Zr, Sn)**

© 2011 И.Р. Шеин\*, Т.А. Денисова, Я.В. Бакланова, А.Л. Ивановский

Учреждение Российской академии наук Институт химии твердого тела УрО РАН, Екатеринбург

Статья поступила 6 сентября 2010 г.

В рамках теории функционала плотности (DFT) *ab initio* методом молекулярной динамики (код SIESTA) исследованы особенности структурных, электронных свойств и химической связи в металлатах лития  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  (M = Ti, Zr, Sn) и для их протонированных форм  $\text{Li}_{2-x}\text{H}_x\text{MO}_3$  при всех возможных вариантах замещений  $\text{H}^+ \rightarrow \text{Li}^+$ . С использованием рассчитанных величин заселенностей перекрывания кристаллических орбиталей и энергий формирования  $\text{Li}_{2-x}\text{H}_x\text{MO}_3$  обсуждаются наиболее предпочтительные варианты замещений  $\text{H}^+ \rightarrow \text{Li}^+$  в металлатах  $\text{Li}_2\text{MO}_3$ .

**Ключевые слова:** металлаты лития  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  (M = Ti, Zr, Sn), протонирование, структурные, электронные свойства, химическая связь, *ab initio* расчеты.

**ВВЕДЕНИЕ**

Металлаты лития  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  (M = Sn, Ti, Zr, Mo, Pd и т.д.) вызывают большой интерес как лиевые проводники и перспективные материалы для ядерных реакторов [ 1—3 ].

При обработке  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  (M = Ti, Zr) водными растворами кислот ионы  $\text{Li}^+$  могут замещаться на ионы водорода [ 4—6 ]. Обмен протекает с образованием протонированных форм  $\text{Li}_{2-x}\text{H}_x\text{MO}_3$  ( $0 < x \leq 2$ ), при этом полное замещение ионов лития возможно только для низкотемпературных фаз  $\text{Li}_2\text{MO}_3$ , полученных при отжиге не выше 700 °C. Как показали последние исследования [ 6—8 ], для кристаллической структуры этих фаз характерны дефекты упаковки слоев  $\text{LiM}_2$  вдоль оси *c*, что, по-видимому, и приводит к увеличению подвижности ионов лития.

Как следует из имеющихся экспериментов [ 3—8 ], частичное замещение ионов лития на ионы водорода приводит к заметному изменению кристаллической структуры соединений и сопровождается формированием центров сорбции поливалентных катионов.

Вместе с тем сведения о влиянии замещения  $\text{H}^+ \rightarrow \text{Li}^+$  на электронные свойства и особенности межатомных взаимодействий в протонированных металлатах лития до последнего времени ограничивались данными для модельной системы  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{TiO}_3$ , полученными в рамках линеаризованного метода *muffin-tin* орбиталей — сильной связи (LMTO-TB) [ 9 ].

В настоящей работе представлены результаты систематических *ab initio* расчетов металлатов лития  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  (M = Ti, Zr, Sn) и их протонированных форм  $\text{Li}_{2-x}\text{H}_x\text{MO}_3$ . Полученные результаты позволяют выявить особенности структурных, электронных свойств, энергий формирования и параметров химической связи для  $\text{Li}_{2-x}\text{H}_x\text{MO}_3$  в зависимости от (i) типа металла M и (ii) позиций замещения  $\text{H}^+ \rightarrow \text{Li}^+$  в структуре металллатов  $\text{Li}_2\text{MO}_3$ .

\* E-mail: shein@ihim.uran.ru

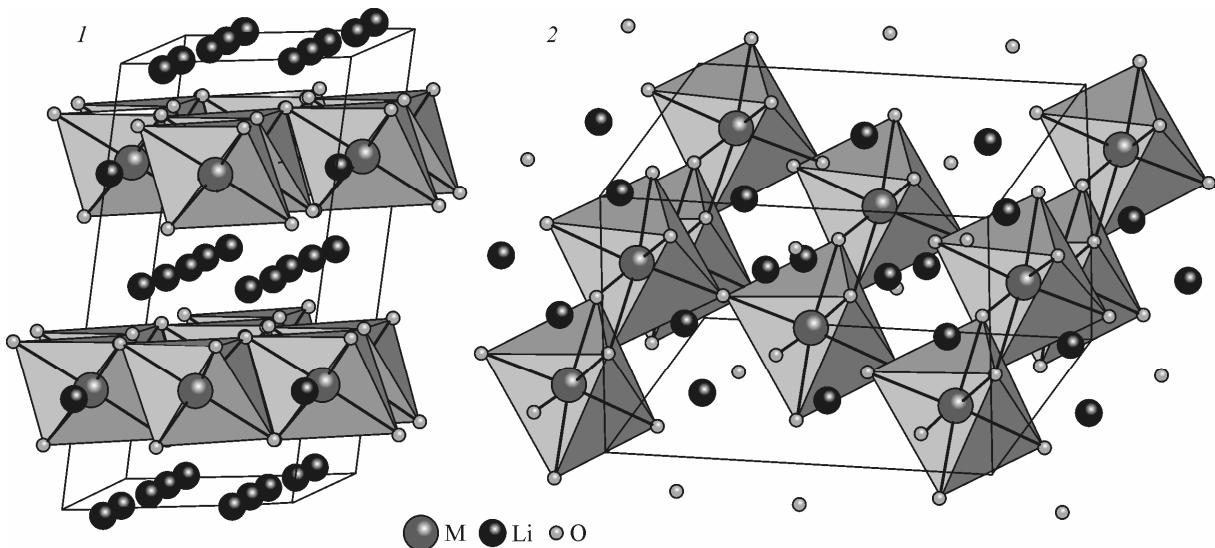


Рис. 1. Фрагменты кристаллической структуры металлатов лития  $\text{Li}_2\text{MO}_3$ :  $\text{M} = \text{Ti}$  (1),  $\text{M} = \text{Zr}$  (2)

#### МОДЕЛИ И МЕТОДИКА РАСЧЕТОВ

Расчеты моноклинных (простр. группа  $C2/c$ , рис. 1) металлатов лития  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  ( $\text{M} = \text{Ti}, \text{Zr}, \text{Sn}$ ) проведены с использованием 24-атомных (для  $\text{Li}_2\text{TiO}_3$  и  $\text{Li}_2\text{SnO}_3$ ) и 12-атомной (для  $\text{Li}_2\text{ZrO}_3$ ) ячеек. Равновесные позиции атомов определялись из расчетов минимума полной энергии систем при фиксированных экспериментальных постоянных решеток:  $a = 5,4218$ ,  $b = 9,0216$ ,  $c = 5,4187 \text{ \AA}$ ,  $\beta = 112,709^\circ$  для  $\text{Li}_2\text{ZrO}_3$ ;  $a = 5,041$ ,  $b = 8,806$ ,  $c = 9,727 \text{ \AA}$ ,  $\beta = 100,008^\circ$  для  $\text{Li}_2\text{TiO}_3$  и  $a = 5,290$ ,  $b = 9,190$ ,  $c = 10,030 \text{ \AA}$ ,  $\beta = 100,1^\circ$  для  $\text{Li}_2\text{SnO}_3$  [10—12].

При моделировании протонированных форм  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  ( $\text{Li}_{2-x}\text{H}_x\text{MO}_3$ ) использовали 24-атомные ячейки и выполняли анализ всех возможных вариантов замещения атомами водорода неэквивалентных позиций атомов Li. Для  $\text{Li}_2\text{ZrO}_3$ , где атомы лития (Li1 и Li2) занимают позиции типа  $4e$ , атом H помещали в позицию атома Li1 или Li2 (в ячейке). Для  $\text{Li}_2\text{TiO}_3$  и  $\text{Li}_2\text{SnO}_3$ , где атомы лития находятся в позициях  $8f$  (Li1),  $4d$  (Li2) и  $4e$  (Li3) (табл. 1), ион водорода помещали, соответственно, в эти позиции: Li1, Li2 или Li3. Выбранные модели замещения соответствуют номинальной стехиометрии протонированных металлатов  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{MO}_3$ .

Расчеты проведены в рамках теории функционала плотности (DFT) *ab initio* методом молекулярной динамики (МД), код SIESTA [13], где псевдоатомные орбитали строятся с помощью первоосновных нормосохраняющих псевдопотенциалов [14]. Обменно-корреляционный потенциал выбран в форме градиентной аппроксимации (GGA) [15].

Расчеты полных энергий и сил, действующих на каждый атом, проведены с точностью 0,1 мэВ и 0,5 мэВ/ $\text{\AA}$  соответственно. Использованы следующие радиусы *cutoff* для атомных орбиталей (ат. ед.): Li (2s) — 2,00, (2p) — 2,25; O (2s) — 1,10, (2p) — 1,10; Ti (4s) — 2,51, (4p) — 2,96, (3d) — 2,25; Sn (5s) — 2,34, (5p) — 2,49, (5d) — 2,49; Zr (5s) — 2,82, (5p) — 3,04, (4d) — 2,82 и для H — 1,25 ат. ед. Кроме того, при построении псевдоатомных орбиталей для  $\text{Li}_2\text{SnO}_3$  в валентный базис включены также Sn (4d) функции. Все расчеты выполнялись в двойном *zeta*-базисе с учетом зарядовой поляризации; использована энергия *cutoff*  $E = 300$  эВ. Равновесные позиции атомов определяли по минимуму полной энергии по алгоритму Парринелло-Рамана [16].

В результате для фаз  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  и  $\text{Li}_{2-x}\text{H}_x\text{MO}_3$  получены равновесные позиции атомов, энергии формирования, полные плотности состояний (ПС), карты зарядовых плотностей и заселенности межатомных связей (заселенности перекрывания кристаллических орбиталей — ЗПКО), рассчитанных через интегралы перекрывания в формализме Малликена.

Таблица 1

*Рассчитанные позиции атомов в структуре металлатов лития  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  ( $\text{M} = \text{Ti}, \text{Zr}, \text{Sn}$ )*

Металлат лития	Атом	Тип позиции	Атомные координаты *		
$\text{Li}_2\text{ZrO}_3$	Zr	$4e$	0	0,0900 (0,0916)	1/4
	O1	$4d$	1/4	1/4	1/2
	O2	$8f$	0,2694 (0,2721)	0,5798 (0,5754)	0,4813 (0,4863)
	Li1	$4e$	0	0,4191 (0,423)	1/4
	Li2	$4e$	0	0,7354 (0,742)	1/4
	Ti1	$4e$	0	0,4112 (0,415)	1/4
$\text{Li}_2\text{TiO}_3$	Ti2	$4e$	0	0,7510 (0,747)	1/4
	O1	$8f$	0,1396 (0,141)	0,2611 (0,265)	0,1356 (0,138)
	O2	$8f$	0,0996 (0,102)	0,5879 (0,586)	0,1353 (0,138)
	O3	$8f$	0,1357 (0,138)	0,9106 (0,906)	0,1311 (0,135)
	Li1	$8f$	0,2354 (0,238)	0,0812 (0,077)	-0,0011 (0,000)
	Li2	$4d$	1/4	1/4	1/2
$\text{Li}_2\text{SnO}_3$	Li3	$4e$	0	0,0398 (0,045)	1/4
	Sn1	$4e$	0	0,4212 (0,4165)	1/4
	Sn2	$4e$	0	0,7498 (0,7508)	1/4
	O1	$8f$	0,1352 (0,1337)	0,2605 (0,2597)	0,1342 (0,1333)
	O2	$8f$	0,1087 (0,1102)	0,5811 (0,5844)	0,1350 (0,1342)
	O3	$8f$	0,1339 (0,1346)	0,9107 (0,9092)	0,1313 (0,1329)
	Li1	$8f$	0,2341 (0,239)	0,0808 (0,078)	0,0023 (-0,001)
	Li2	$4d$	1/4	1/4	1/2
	Li3	$4e$	0	0,0798 (0,083)	1/4

\* В скобках — экспериментальные данные [ 10—12 ].

## ОБСУЖДЕНИЕ РЕЗУЛЬТАТОВ

Основные результаты расчетов представлены в табл. 1—6 и на рис. 2 и 3 и позволяют сделать следующие основные заключения.

**Структурные характеристики.** Результаты, представленные в табл. 1, показывают, что для базисных фаз — металлатов лития  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  — наши расчеты хорошо воспроизводят имеющиеся структурные данные [ 10—12 ]. Для протонированных металлатов  $\text{Li}_{2-x}\text{H}_x\text{MO}_3$  получено, что протоны, замещающие ионы лития, заметно смещаются из позиций замещений (Li1—Li3)

Таблица 2

*Минимальные расстояния Li—O и H—O ( $\text{\AA}$ ) в  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  ( $\text{M} = \text{Ti}, \text{Zr}, \text{Sn}$ ) и  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{MO}_3$  по данным расчетов*

Расстояние	Li—O	H—O	Расстояние	Li—O	H—O	Расстояние	Li—O	H—O
$\text{Li}_2\text{ZrO}_3$ ( $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{ZrO}_3$ )			$\text{Li}_2\text{TiO}_3$ ( $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{TiO}_3$ )			$\text{Li}_2\text{SnO}_3$ ( $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{SnO}_3$ )		
Li1(H)—O*	2,063	1,019	Li1(H)—O	2,100	1,024	Li1(H)—O	2,174	1,131
Li2(H)—O	2,121	1,065	Li2(H)—O	2,073	1,023	Li2(H)—O	2,128	1,114
			Li3(H)—O	2,051	1,017	Li3(H)—O	2,115	1,024

\* Типы позиций Li1, Li2 и Li3 см. табл. 1.

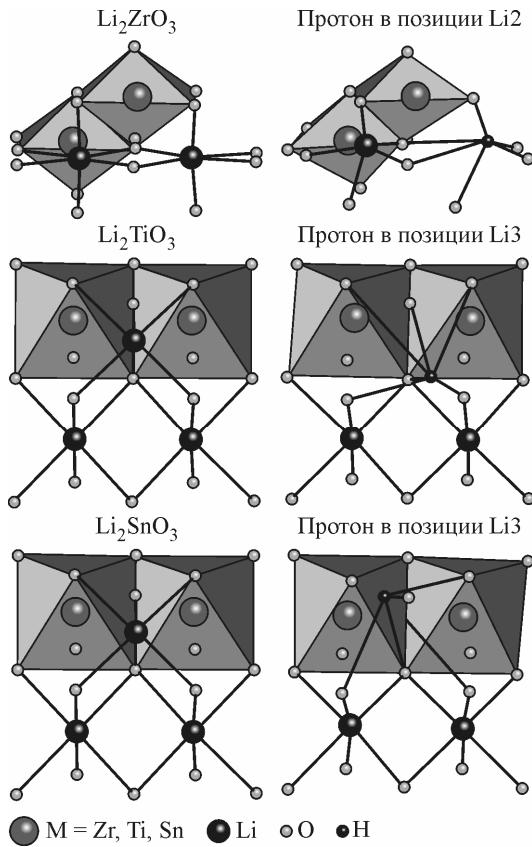


Рис. 2. Структура ближайшего окружения атомов Li в  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  ( $\text{M} = \text{Ti}, \text{Zr}, \text{Sn}$ , слева) и ее искажения при замещении  $\text{H}^+ \rightarrow \text{Li}^+$  в указанных позициях (справа)

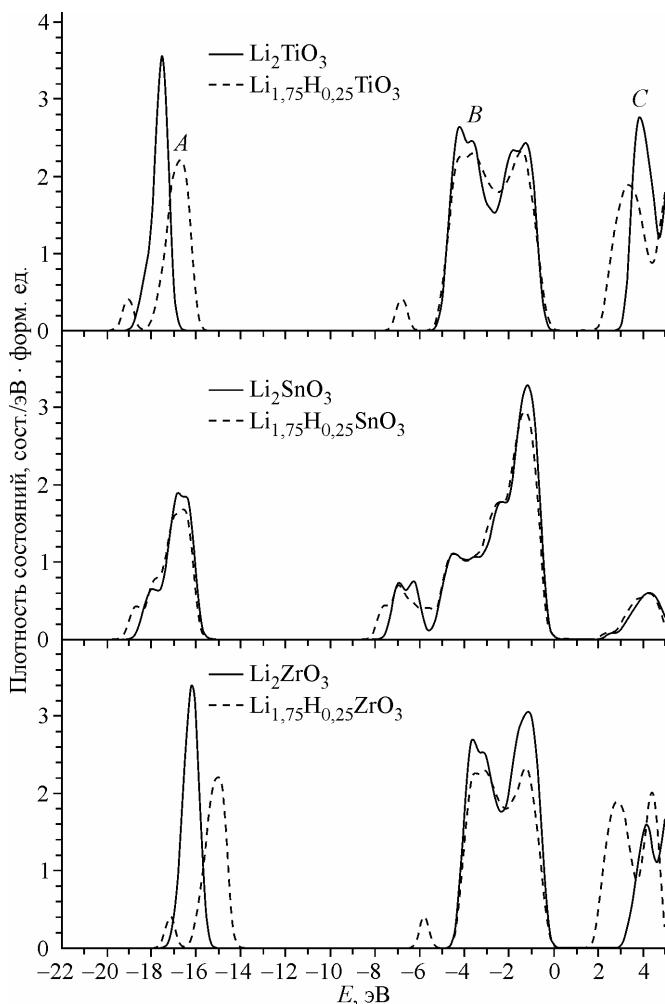


Рис. 3. Полные плотности состояний металлатов лития  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  ( $\text{M} = \text{Ti}, \text{Zr}, \text{Sn}$ ) и их протонированных форм  $\text{Li}_{1.75}\text{H}_{0.25}\text{MO}_3$  ( $\text{M} = \text{Ti}, \text{Zr}, \text{Sn}$ ) для наиболее энергетически выгодных позиций замещения (см. текст). Уровень Ферми  $E_F = 0$  эВ

таким образом, что длины связей  $\text{H}-\text{O}$  (в октаэдрах  $\{\text{HO}_6\}$ ) становятся существенно различными. При этом протон оказывается сдвинут к одному из атомов кислорода (в октаэдрах  $\{\text{H}^+\text{O}_6\}$ ) таким образом, что можно предположить образование в составе  $\text{Li}_{2-x}\text{H}_x\text{MO}_3$  гидроксильных  $\text{OH}$ -групп. Этот эффект наглядно иллюстрируется на рис. 2; в табл. 2 приведены рассчитанные минимальные расстояния  $\text{H}-\text{O}$  в  $\text{Li}_{2-x}\text{H}_x\text{MO}_3$  для всех возможных типов замещений  $\text{H}^+ \rightarrow \text{Li}^+$ . Указанные структурные искажения непосредственно связаны с электронно-энергетическими характеристиками и особенностями формирования межатомных связей в  $\text{Li}_{2-x}\text{H}_x\text{MO}_3$  (см. ниже).

**Энергия формирования.** Для определения относительной стабильности металлатов  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  и соответствующих протонированных форм  $\text{Li}_{1.75}\text{H}_{0.25}\text{MO}_3$  проведены численные оценки их энергий формирования ( $E_{\text{form}}$ ) по отношению к соответствующим бинарным фазам.

Для  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  эти величины рассчитывались как

$$E_{\text{form}} = E^{\text{tot}}(\text{Li}_2\text{MO}_3) - \{E^{\text{tot}}(\text{Li}_2\text{O}) + E^{\text{tot}}(\text{MO}_2)\};$$

для протонированных металлатов как

$$E_{\text{form}} = E^{\text{tot}}(\text{Li}_{1.75}\text{H}_{0.25}\text{MO}_3) - \{0.875E^{\text{tot}}(\text{Li}_2\text{O}) + 0.125E^{\text{tot}}(\text{H}_2\text{O}) + E^{\text{tot}}(\text{MO}_2)\}.$$

Таблица 3

*Энергии формирования ( $-E_{\text{form}}$ , эВ/форм. ед.) металлатов лития  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  ( $\text{M} = \text{Ti}, \text{Zr}, \text{Sn}$ ) и протонированных форм  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{MO}_3$  в зависимости от позиций атомов водорода*

$\text{Li}_2\text{ZrO}_3$	$\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{ZrO}_3$			$\text{Li}_2\text{TiO}_3$	$\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{TiO}_3$			$\text{Li}_2\text{SnO}_3$	$\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{SnO}_3$		
	Li1 *	Li2	Li3		Li1	Li2	Li3		Li1	Li2	Li3
1,62	1,68	1,64	—	1,22	1,31	1,31	1,35	1,07	1,09	1,05	1,05

\* Типы позиций замещения  $\text{H}^+ \rightarrow \text{Li}^+$ , см. текст.

Здесь  $E^{\text{tot}}$  — полные электронные энергии соответствующих систем, полученные в самосогласованных расчетах.

Из данных табл. 3 следует, что стабильность  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  (по отношению к механической смеси исходных фаз —  $\text{Li}_2\text{O}$  и  $\text{MO}_2$ ) уменьшается в ряду  $\text{Li}_2\text{ZrO}_3 > \text{Li}_2\text{TiO}_3 > \text{Li}_2\text{SnO}_3$ , и данная последовательность сохраняется для их протонированных форм:  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{ZrO}_3 > \text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{TiO}_3 > \text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{SnO}_3$ .

Кроме того, для каждой из рассчитанных фаз  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{MO}_3$  величины  $E_{\text{form}}$  позволяют указать вариант замещения  $\text{H}^+ \rightarrow \text{Li}^+$ , соответствующий минимальной энергии системы. Тогда, согласно данным табл. 3, наиболее вероятными позициями замещения  $\text{H}^+ \rightarrow \text{Li}^+$  для  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{ZrO}_3$  являются позиции Li1, для  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{TiO}_3$  — позиции Li3 и для  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{SnO}_3$  — позиции Li1.

**Электронная структура.** На рис. 3 представлены полные плотности состояний (ПС) металлатов лития и их протонированных форм  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{MO}_3$  для наиболее энергетически выгодных позиций замещения  $\text{H}^+ \rightarrow \text{Li}^+$ , см. выше.

Видно, что фазы  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  имеют в целом сходное строение валентной зоны, образованной двумя полосами электронных состояний — A и B (см. рис. 3), которые, в свою очередь, составлены в основном вкладами  $\text{O}2s$ - и  $\text{O}2p$ -состояний соответственно. Все изученные металлаты лития являются широкозонными полупроводниками. Например, рассчитанная нами величина запрещенной щели (ЗЩ)  $\text{Li}_2\text{TiO}_3$  составляет около 3,5 эВ, что (с учетом хорошо известной особенности вычислительных схем, использующих GGA приближение, приводящей к занижению величин ЗЩ) разумно согласуется с имеющимися экспериментальными данными: 3,9 эВ [17]. Согласно нашим расчетам, в ряду металлатов  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  ЗЩ уменьшается в последовательности:  $\text{Li}_2\text{TiO}_3$  (3,5 эВ)  $>$   $\text{Li}_2\text{ZrO}_3$  (2,9 эВ)  $>$   $\text{Li}_2\text{SnO}_3$  (1,9 эВ).

Получено, что для  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{MO}_3$  частичное замещение  $\text{H} \rightarrow \text{Li}$  приводит к некоторым искажениям профиля ПС валентных полос исходных фаз  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  (за счет структурных искажений и изменения состава ближайшего окружения части атомов кислорода в  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{MO}_3$ ). Кроме того, в спектре возникают дополнительные  $\text{H}1s$ -подобные состояния вблизи нижнего края  $\text{O}2p$  полосы (см. рис. 3).

Наиболее интересный эффект при протонировании металлатов лития связан с изменением их ЗЩ. Согласно расчетам, при протонировании  $\text{Li}_2\text{TiO}_3$  и  $\text{Li}_2\text{ZrO}_3$  их ЗЩ существенно уменьшаются, тогда как частичное замещение  $\text{H}^+ \rightarrow \text{Li}^+$  для  $\text{Li}_2\text{SnO}_3$  практически не меняет ЗЩ этой фазы. В результате для протонированных металлатов их ЗЩ уменьшается в последовательности:  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{TiO}_3$  (2,2 эВ)  $>$   $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{SnO}_3$  (1,9 эВ)  $>$   $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{ZrO}_3$  (1,5 эВ).

**Химическая связь.** В табл. 4 приведены величины ЗПКО в  $\text{Li}_2\text{MO}_3$ . Видно, что наиболее сильными ковалентными связями в этих фазах являются связи M—O, тогда как ЗПКО Li—O много меньше. В свою очередь, максимальные величины ЗПКО M—O возникают в  $\text{Li}_2\text{ZrO}_3$ , минимальные — в  $\text{Li}_2\text{SnO}_3$ , тогда как величины ЗПКО Li—O во всех  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  фазах оказываются сравнимыми. Таким образом, установленная на основе расчетов  $E_{\text{form}}$  относительная устойчивость металлатов ( $\text{Li}_2\text{ZrO}_3 > \text{Li}_2\text{TiO}_3 > \text{Li}_2\text{SnO}_3$ , см. выше) может быть объяснена изменением величин заселенности связей M—O в ряду этих соединений.

Таблица 4

*Заселенности перекрывания кристаллических орбиталей (ЗПКО,  $10^{-3}$  е)  
для металлатов лития  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  ( $\text{M} = \text{Ti}, \text{Zr}, \text{Sn}$ )*

Тип связи *	ЗПКО			Тип связи *	ЗПКО		
	$\text{Li}_2\text{TiO}_3$	$\text{Li}_2\text{ZrO}_3$	$\text{Li}_2\text{SnO}_3$		$\text{Li}_2\text{TiO}_3$	$\text{Li}_2\text{ZrO}_3$	$\text{Li}_2\text{SnO}_3$
M1—O <sub>6</sub>	229,8	240,2	146,3	Li1—O <sub>6</sub>	99,0	86,8	99,2
M2—O <sub>6</sub>	228,3	240,2	147,7	Li2—O <sub>6</sub>	99,2	85,7	98,7
				Li3—O <sub>6</sub>	106,8	—	105

\* См. текст.

Расчеты показали, что, по сравнению с  $\text{Li}_2\text{MO}_3$ , для их протонированных форм  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{MO}_3$  происходит существенное перераспределение электронной плотности, которое зависит как от типа металла M, так и от типа позиции замещения H → Li.

Как следует из сравнения величин ЗПКО, приведенных в табл. 4 и 5, введение протонов в структуру  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  заметно влияет на заселенности связей M—O и Li—O, причем наблюдается рост ЗПКО как связей M—O, так и Li—O. Исключение составляет  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{TiO}_3$ , где при размещении протона в позиции Li1 средняя величина ЗПКО Li2—O<sub>6</sub> уменьшается на ~6,5 %. Можно заключить, что замещение  $\text{H}^+ \rightarrow \text{Li1}$  приводит к ослаблению "оставшихся" связей Li—O. Это создает предпосылки для дальнейшего замещения ионов лития на протоны. Некоторое уменьшение средних величин ЗПКО Li—O<sub>6</sub> получено также для  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,75}\text{SnO}_3$ , когда протоны находятся в позициях Li1 и Li2, и только в случае размещения атомов водорода в позициях Li3 наблюдается противоположный эффект. Кроме того, особенностью  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,75}\text{SnO}_3$  по сравне-

Таблица 5

*Заселенности перекрывания кристаллических орбиталей (ЗПКО,  $10^{-3}$  е) для протонированных металлатов лития  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,2}\text{MO}_3$  ( $\text{M} = \text{Ti}, \text{Zr}, \text{Sn}$ ) в зависимости от позиций атомов водорода*

Фаза	Тип связи *	Тип позиций замещения H → Li		
		$\text{H}^+ \rightarrow \text{Li1}$	$\text{H}^+ \rightarrow \text{Li2}$	$\text{H}^+ \rightarrow \text{Li3}$
$\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{ZrO}_3$	Zr2—O <sub>6</sub>	241	237	—
	Zr1—O <sub>6</sub>	248	245	—
	(Li1,H1)—O <sub>6</sub>	<b>50</b> **	102	—
	(Li2,H2)—O <sub>6</sub>	92	<b>52</b>	—
$\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{TiO}_3$	Ti2—O <sub>6</sub>	253	230	252
	Ti1—O <sub>6</sub>	248	226	240
	(Li1,H1)—O <sub>6</sub>	<b>21</b>	107	105
	(Li2,H2)—O <sub>6</sub>	92	<b>54</b>	99
$\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{SnO}_3$	(Li3,H3)—O <sub>6</sub>	109	109	<b>53</b>
	Sn2—O <sub>6</sub>	162	168	164
	Sn1—O <sub>6</sub>	149	126	153
	(Li1,H1)—O <sub>6</sub>	<b>56</b>	84	101
	(Li2,H2)—O <sub>6</sub>	75	<b>54</b>	102
	(Li3,H3)—O <sub>6</sub>	104	94	<b>41</b>

\* См. текст.

\*\* Выделены значения ЗПКО H—O.

Таблица 6

Заселенности перекрывания кристаллических орбиталей (ЗПКО,  $10^{-3}$  е) для парных связей  $\text{H}-\text{O}$  (в октаэдрах  $\{\text{H}^+\text{O}_6\}$ ) для протонированных металлатов лития  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{MO}_3$  ( $\text{M} = \text{Ti}, \text{Zr}, \text{Sn}$ ) в зависимости от позиций атомов водорода

Фаза	Типы позиций замещения $\text{H} \rightarrow \text{Li}$			Фаза	Типы позиций замещения $\text{H} \rightarrow \text{Li}$		
	$\text{H}^+ \rightarrow \text{Li1}$	$\text{H}^+ \rightarrow \text{Li2}$	$\text{H}^+ \rightarrow \text{Li3}$		$\text{H}^+ \rightarrow \text{Li1}$	$\text{H}^+ \rightarrow \text{Li2}$	$\text{H}^+ \rightarrow \text{Li3}$
$\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{ZrO}_3$	289	298	—	$\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{SnO}_3$	0	74	0
	9	0	—		95	0	2
	0	0	—		0	247	0
	1	10	—		239	0	4
	0	0	—		0	0	293
	0	2	—		0	0	2
$\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{TiO}_3$	20	15	292				
	12	1	10				
	24	294	2				
	32	12	3				
	27	0	0				
	12	0	10				

нию с протонированными титанатом и цирконатом лития является существенное (на  $\sim 10$ –16 %) ослабление средних величин ЗПКО во всех ближайших к протону октаэдрах  $\text{LiO}_6$  и  $\text{SnO}_6$  в случае размещения протона в позиции H2.

Наиболее интересные выводы позволяют сделать результаты табл. 6, где суммированы величины ЗПКО отдельных (парных)  $\text{O}-\text{H}$  связей в  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{MO}_3$ . Видно, что в протонированных титанате (позиции замещения Li2 и Li3), цирконате (позиции Li1 и Li2) и станинате лития (позиция Li3) в октаэдрах  $\{\text{H}^+\text{O}_6\}$  образуется выделенная парная связь  $\text{O}-\text{H}$ , свидетельствуя о формировании гидроксильных OH-групп. Данную ситуацию наглядно демонстрирует рис. 4,

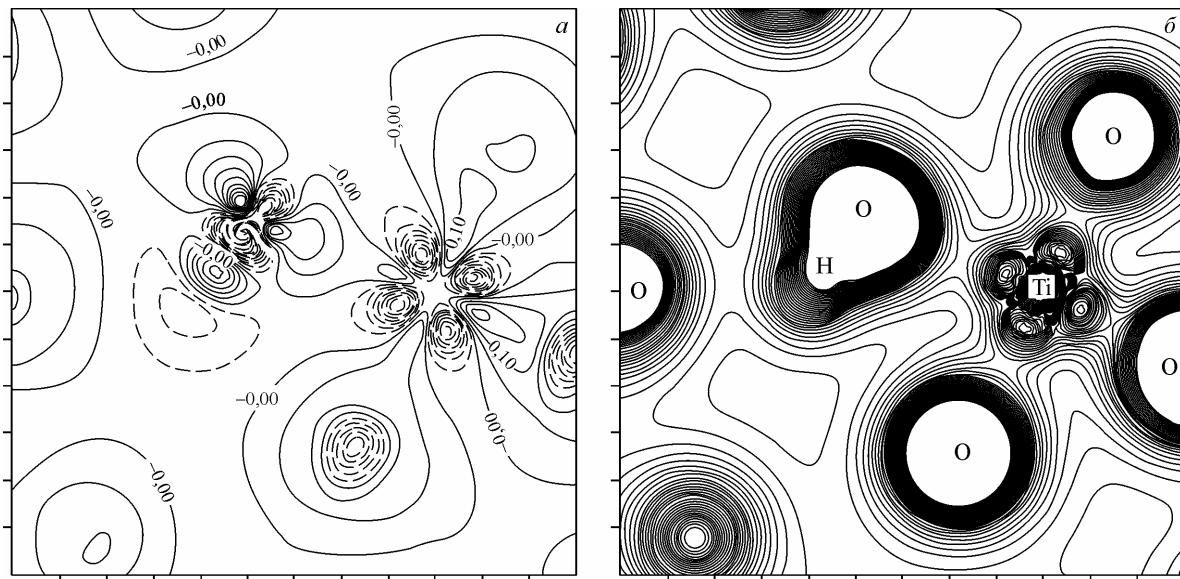


Рис. 4. Карты дифференциальной  $\rho^{\text{dif}}$  (а) и полной  $\rho^{\text{tot}}$  (б) электронной плотности  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{TiO}_3$  при замещении  $\text{H}^+ \rightarrow \text{Li}^+$  в позиции Li3. Отрицательные и положительные значения  $\rho^{\text{dif}}$  показаны пунктирными и сплошными линиями соответственно. Разность между изолиниями  $\rho = 0,05 \text{ e}/\text{\AA}$

где приведены карты дифференциальной и полной электронных плотностей фазы  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{TiO}_3$  с протоном в позиции типа Li3. Для указанных систем  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{MO}_3$  OH-группы имеют близкие величины ЗПКО, связи протона с остальными атомами кислорода крайне малы или равны нулю. Исключение составляет  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{TiO}_3$  с протоном в позиции Li1, образующим слабые водородные связи со всеми шестью атомами кислорода. В  $\text{Li}_{2-x}\text{H}_x\text{SnO}_3$  протоны в позициях Li1 и Li2, кроме сильных O—H связей, образуют также направленные водородные связи с еще одним из соседних атомов кислорода.

Таким образом, расчеты показывают, что в зависимости от позиции замещения  $\text{H}^+ \rightarrow \text{Li}^+$  в  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  для протонированных систем  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{MO}_3$  протоны могут участвовать в трех типах связей, когда (1) образуются практически изолированные OH-группы с крайне слабой водородной связью с окружающими атомами кислорода (в  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{TiO}_3$ , позиции замещения Li2 и Li3, в  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{ZrO}_3$  позиции Li1 и Li2 и в  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{SnO}_3$  позиция Li3); (2) образуются гидроксильные OH-группы с дополнительными связями с окружающими атомами кислорода — в  $\text{Li}_{2-x}\text{H}_x\text{SnO}_3$  позиции замещения Li1, Li2, и, наконец, (3) протоны находятся в относительно изолированном состоянии, образуя водородные связи с ближайшими атомами кислорода в  $\text{Li}_{2-x}\text{H}_x\text{TiO}_3$ , позиция замещения Li1.

## ВЫВОДЫ

В настоящей работе представлены результаты систематических *ab initio* расчетов структурных, электронных свойства, а также параметров химической связи в металлатах лития  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  ( $M = \text{Ti}, \text{Zr}, \text{Sn}$ ) и их протонированных формах  $\text{Li}_{2-x}\text{H}_x\text{MO}_3$  в зависимости от типа металла M и от позиций замещения  $\text{H}^+ \rightarrow \text{Li}^+$ . Установлено, что:

— Для  $\text{Li}_2\text{SnO}_3$  и  $\text{Li}_2\text{ZrO}_3$  наиболее энергетически выгодным является замещение протонами ионов  $\text{Li}^+$  в позициях Li1. Для  $\text{Li}_2\text{TiO}_3$  больший энергетический выигрыш достигается при обмене  $\text{Li}^+$  на протон в позициях Li3. Однако замещение позиций Li3 возможно только после обмена на протоны ионов  $\text{Li}^+$  в позициях Li1 и Li2. Эти результаты полностью согласуются с выводами, следующими из исследований частично протонированных фаз  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  методами колебательной спектроскопии и ЯМР на ядрах  ${}^7\text{Li}$  [6—8].

— Протоны, замещающие ионы  $\text{Li}^+$ , заметно смещаются из позиций замещений (Li1—Li3) таким образом, что длины связей H—O (в октаэдрах  $\{\text{HO}_6\}$ ) становятся существенно различными, протон оказывается сдвинут к одному из атомов кислорода (в октаэдрах  $\{\text{H}^+\text{O}_6\}$ ).

— Анализ параметров химической связи показал, что в зависимости от позиции замещения  $\text{H}^+ \rightarrow \text{Li}^+$  в  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  для фаз  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{MO}_3$  протоны могут участвовать в трех типах связей, когда (1) образуются изолированные OH-группы с крайне слабой водородной связью с окружающими атомами кислорода; (2) образуются гидроксильные группы с дополнительными связями с окружающими атомами кислорода, или (3) протоны находятся в относительно изолированном состоянии, образуя водородные связи с ближайшими атомами кислорода. Расчеты указывают на наличие более слабых водородных связей в протонированных фазах на основе циркония по сравнению с аналогами титана и олова, что соотносится с положением линии КР для валентных колебаний OH-связей и величиной химического сдвига протонов [8]. В  $\text{Li}_{2-x}\text{H}_x\text{TiO}_3$  протон в позиции Li1 слабо связан с решеткой, что может служить предпосылкой для участия его в катионном обмене [5].

— Согласно численным оценкам энергий формирования  $E_{\text{form}}$ , стабильность  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  (по отношению к механической смеси исходных фаз  $\text{Li}_2\text{O}$  и  $\text{MO}_2$ ) уменьшается в ряду:  $\text{Li}_2\text{ZrO}_3 > \text{Li}_2\text{TiO}_3 > \text{Li}_2\text{SnO}_3$ ; при протонировании этих металлатаов их относительная стабильность сохраняется:  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{ZrO}_3 > \text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{TiO}_3 > \text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{SnO}_3$ ;

— Все  $\text{Li}_2\text{MO}_3$  фазы являются широкозонными полупроводниками, причем величина их ЗЩ уменьшается в ряду  $\text{Li}_2\text{TiO}_3 > \text{Li}_2\text{ZrO}_3 > \text{Li}_2\text{SnO}_3$ . Согласно расчетам, для протонированных металлатаов эта последовательность меняется:  $\text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{TiO}_3 > \text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{SnO}_3 > \text{Li}_{1,75}\text{H}_{0,25}\text{ZrO}_3$ .

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. *Miller J.M., Hamilton H.B., Sullevan J.D.* // *J. Nucl. Mater.* – 1994. – **215**. – P. 877 – 880.
2. *Alvani C., Casadio S., Contini V. et al.* // *J. Nucl. Mater.* – 2002. – **307**. – P. 837 – 841.
3. *Kinjyo T., Nishikawa M., Enoda M., Fukada S.* // *Fusion Eng. Des.* – 2008. – **83**, N 4. – P. 580 – 587.
4. Денисова Т.А. // Альтернативная энергетика и экология. – 2007. – № 47(3). – С. 39 – 44.
5. Денисова Т.А., Максимова Л.Г., Поляков Е.В. и др. // Журн. неорган. химии. – 2006. – **51**, № 5. – С. 757 – 766.
6. Денисова Т.А., Максимова Л.Г., Журавлёв Н.А. и др. // Альтернативная энергетика и экология. – 2007. – № 7(51). – С. 29 – 31.
7. Tarakina N.V., Denisova T.A., Maksimova L.G. et al. // *Z. Kristallogr., Part 2 Suppl.* – 2009. – **30**. – S. 375 – 380.
8. Денисова Т.А. // Автореф. дис. ... докт. хим. наук. – Екатеринбург: Ин-т химии твердого тела УрО РАН, 2009.
9. Зайнуллина В.М., Жуков В.П., Денисова Т.А., Максимова Л.Г. // Журн. структур. химии. – 2003. – **44**, № 2. – С. 210 – 215.
10. *Hodeau J.L., Marezio M., Santoro A., Roth R.S.* // *J. Solid State Chem.* – 1982. – **45**, N 2. – P. 170 – 179.
11. *Dorrian J.F., Newnham R.E.* // *Mater. Res. Bull.* – 1969. – **4**, N 3. – P. 179 – 183.
12. *Kreuzburg G., Stewner F., Hoppe R.* // *Z. Anorgan. Allgem. Chem.* – 1970. – **379**. – P. 242 – 254.
13. *Soler J.M., Artacho E., Gale J.D. et al.* // *J. Phys.: Condens. Matter.* – 2002. – **14**, N 11. – P. 2745 – 2779.
14. *Troullier N., Martins J.L.* // *Phys. Rev.* – 1991. – **B43**, N 3. – P. 1993 – 2006.
15. *Perdew J.P., Burke S., Ernzerhof M.* // *Phys. Rev. Lett.* – 1996. – **77**, N 18. – P. 3865 – 3868.
16. *Parrinello M., Rahmann A.* // *J. Appl. Phys.* – 1981. – **52**. – P. 7182 – 7190.
17. *Hosogi Y., Kato H., Kudo A.* // *J. Mater. Chem.* – 2008. – **18**, N 6. – P. 647 – 653.