УДК 620.178.6

## РАЗВИТИЕ УСТАЛОСТНЫХ ТРЕЩИН СМЕШАННОГО ТИПА В ОБРАЗЦАХ ИЗ СТАЛИ

## В. М. Тихомиров, П. Г. Суровин

Сибирский государственный университет путей сообщения, 630049 Новосибирск

На образцах из рельсовой стали проведены экспериментальные исследования развития усталостных трещин смешанного типа. Изучалось направление роста усталостных трещин при трех видах нагружения: знакопеременном поперечном сдвиге, поперечном и продольном сдвигах при сжимающих напряжениях. Для всех исследованных образцов установлена общая закономерность развития усталостных трещин: направление роста трещин совпадает с направлением траектории главных напряжений, минимальных по модулю.

Ключевые слова: усталостная трещина, поперечный сдвиг, продольный сдвиг.

В механике разрушения различают три основных типа трещин по виду их нагружения: 1) трещина нормального отрыва; 2) трещина поперечного сдвига; 3) трещина продольного сдвига. В отличие от трещин 1-го типа механизмы распространения усталостных трещин 2-го, 3-го и смешанного типов изучены недостаточно. Известно, что направление развития таких трещин не совпадает с направлением первоначально инициированного надреза (трещины). Существуют различные критерии определения этого направления — так называемые локальные критерии, основанные на асимптотическом распределении напряжений в окрестности вершины трещины или острого надреза [1, 2]. Экспериментальные исследования докритического роста и дальнейшего неустойчивого распространения трещин смешанного типа подтвердили справедливость предложенных критериев для хрупких материалов (плексигласа, стекла) [3].

Направление развития трещин смешанного типа в конструкционных материалах (стали, сплавах алюминия) при циклическом нагружении отличается от направления развития в случае медленного подрастания трещин при статическом приложении усилий [4, 5]. Однако практически все известные эксперименты проводились при знакопостоянном цикле нагружения. Также недостаточно исследовано распространение усталостных трещин в зоне сжимающих номинальных напряжений.

В реальных конструкциях, например при взаимодействии колеса и железнодорожного рельса, в основном наблюдаются знакопеременные циклические нагрузки, а усталостные трещины развиваются в зоне преимущественно сжимающих напряжений. В данной работе на образцах, изготовленных из рельсовой стали, проведены исследования роста усталостных трещин трех типов: 1) поперечный сдвиг при знакопеременном цикле нагружения; 2) поперечный сдвиг в зоне сжимающих номинальных напряжений; 3) продольный сдвиг в зоне сжимающих номинальных напряжений.

1. Направление роста эллиптических трещин. Направление роста трещины из дефектов, радиус кривизны которых в вершине не равен нулю, определяется напряженным состоянием вблизи вершины. Рассмотрим задачу о сложном нагружении бесконечной пластины с эллиптическим отверстием (рис. 1), моделирующим трещину, в вершине которой наблюдается пластическая деформация.



Рис. 1. Схема нагружения пластины с эллиптическим отверстием

Воспользуемся известным решением задачи о растяжении напряжением p, приложенным на бесконечности, пластины с эллиптическим вырезом, большая ось которого наклонена к оси растяжения под углом  $\beta$  [6]. Окружные напряжения  $\sigma_{\theta}$  на контуре выреза определяются следующей зависимостью:

$$\sigma_{\theta} = p \frac{1 - \cos 2(\theta - \beta) + m^2 + 2m \cos 2\beta}{1 - 2m \cos 2\theta + m^2}.$$

Здесь  $m = (a - b)/(a + b); \theta$  — полярная координата контура эллипса при его конформном отображении на окружность; a, b — большая и малая полуоси эллипса.

Для того чтобы построить решение рассматриваемой задачи, просуммируем решение для четырех случаев нагружения: 1)  $p = \tau_{yx}$ ,  $\beta = 45^{\circ}$ ; 2)  $p = -\tau_{yx}$ ,  $\beta = -45^{\circ}$ ; 3)  $p = \sigma_y$ ,  $\beta = 90^{\circ}$ ; 4)  $p = \sigma_x$ ,  $\beta = 0$ . В результате получим

$$\sigma_{\theta} = \frac{\sigma_y (1 + 2\cos 2\theta - m^2 - 2m) + \sigma_x (1 - 2\cos 2\theta - m^2 + 2m) - 4\tau_{yx} \sin 2\theta}{1 - 2m\cos 2\theta + m^2}.$$
 (1)

Считаем, что разрушение начинается в точке контура отверстия, где окружное напряжение достигает максимального значения. Из выражения (1) получим условие для определения положения максимума  $\sigma_{\theta}$ :

$$\sin 2\theta [\sigma_x (1-m^2) - \sigma_y (1+m)^2] (1-m) - 2\tau_{yx} [\cos 2\theta (1+m^2) - 2m] = 0.$$
<sup>(2)</sup>

Если предположить, что трещина растет в направлении нормали к контуру отверстия, то для определения направления старта трещины (угла  $\varphi$ ) можно использовать зависимость, приведенную в работе [7]:

$$\varphi = \operatorname{arctg}\left(\frac{1+m}{1-m} \operatorname{tg}\theta\right). \tag{3}$$

Выразив в уравнении (2)  $\cos 2\theta$  и  $\sin 2\theta$  через tg  $\theta$ , получим

$$\operatorname{tg} \theta = \frac{1-m}{1+m} \frac{\sigma_y(1+m) - \sigma_x(1-m) - \sqrt{[\sigma_y(1+m) - \sigma_x(1-m)]^2 + 4\tau_{yx}^2}}{2\tau_{yx}}.$$
 (4)

Окончательно имеем

$$\operatorname{tg}\varphi = \frac{\sigma_y(1+m) - \sigma_x(1-m) - \sqrt{[\sigma_y(1+m) - \sigma_x(1-m)]^2 + 4\tau_{yx}^2}}{2\tau_{yx}}.$$
(5)





Из выражения (4) следует, что при m = 1, когда эллипс вырождается в трещину, в формуле (3) имеет место неопределенность типа "ноль на ноль", которую можно раскрыть с помощью асимптотического решения [1].

Рассмотрим случай острого надреза, когда  $m \approx 1$ . Из соотношения (5) следует, что на величину угла  $\varphi$  не влияет напряжение  $\sigma_x$ , действующее вдоль большой оси эллипса. Если в этом случае пластина растягивается напряжением на бесконечности в направлении  $\beta$ , то, подставив соотношения  $\sigma_x = p \cos^2 \beta$ ,  $\sigma_y = p \sin^2 \beta$ ,  $\tau_{yx} = p \sin \beta \cos \beta$  в уравнение (5), получим

$$\varphi = (\beta - \pi/2)/2, \qquad \beta \neq 0. \tag{6}$$

Аналогичное соотношение получено в работе [3].

Направление роста трещины при чистом сдвиге определим по формуле (5), положив  $\sigma_y = 0, \sigma_x = 0$ . В этом случае при любом  $m \neq 1$  угол  $\varphi = -45^{\circ}$ .

Результаты экспериментов, полученные при статическом растяжении пластин из органического стекла на основе полиметилметакрилата с наклонными прямолинейными вырезами [8], не соответствуют решению (6). Экспериментальные данные удовлетворительно описываются асимптотическим решением с дополнительным слагаемым, учитывающим влияние напряжения  $\sigma_x$  [8], а также с использованием градиентного критерия разрушения [6].

2. Развитие усталостных трещин смешанного типа при знакопеременном нагружении. Для изучения роста трещин смешанного типа испытывались образцы, геометрия которых показана на рис. 2. В пластине имелось два симметрично расположенных надреза шириной 0,8 мм и длиной L = 45, 60 мм. При циклическом нагружении из четырех концентраторов (рис. 2) развивались усталостные трещины. С помощью специального приспособления образцы предварительно растягивались усилием 50 кH, затем на гидравлическом пульсаторе ГРМ-1 осуществлялось циклическое нагружение ( $P_{\text{max}} = -20$  кH,  $P_{\text{min}} = -80$  кH). Реальное нагружение образца контролировалось с помощью четырех симметрично расположенных тензодатчиков и составляло  $P_{\text{max}} = 30$  кH,  $P_{\text{min}} = -30$  кH



Рис. 3. Вид усталостных трещин, развивающихся из вершины надреза (концентратор 1):

a — трещина в образце 1 после 53 тыс. циклов нагружения (L = 45 мм); b — трещина в образце 2 после 100 тыс. циклов нагружения (L = 60 мм)

На разных этапах испытания с помощью микроскопа фиксировались направление и длина усталостных трещин, развивающихся из четырех концентраторов. На рис. 3, *а* показан вид усталостной трещины вблизи вершины надреза (концентратор 1 на рис. 2) после 53 тыс. циклов нагружения. Видно, что из вершины надреза развиваются две усталостные трещины. Радиус закругления в вершине концентратора равен 0,5 мм.

В другом эксперименте радиус закругления у вершины надреза был уменьшен до 0,15 мм, длина надреза составляла L = 60 мм. Направление развития усталостных трещин в этом образце практически не изменилось (рис. 3,  $\delta$ ). Скорость роста трещин при тех же параметрах цикла нагружения возросла примерно в три раза по сравнению с первым образцом.

Из результатов численного расчета напряженно-деформированного состояния исследуемой пластины методом конечных элементов следует, что усталостные трещины зарождаются в зонах наибольшей концентрации растягивающих напряжений. В течение первой половины цикла нагружения, когда пластина растягивается, направление нормали к траектории максимального главного напряжения  $\sigma_1$  соответствует направлению роста левой усталостной трещины (см. рис. 3), в течение второй половины цикла, когда осуществляется сжатие образца, — направлению развития правой трещины. Таким образом, усталостные трещины развиваются в тех направлениях, в которых отсутствует сдвиг.

В работе [4] предполагается, что рост усталостных трещин происходит в направлении так называемого вектора перемещения вершины трещины. Из данного предположения следует, что угол  $\varphi$  меняется в пределах от 0 (трещина нормального отрыва) до 45° (трещина чистого сдвига). Эти выводы не согласуются с экспериментальными данными, полученными в настоящей работе.

В таблице представлены экспериментальные данные о направлении роста усталостных трещин, полученные при совместном циклическом растяжении и кручении тонкостенных труб с острыми надрезами [5], результаты расчета угла  $\varphi$  в соответствии с критерием, принятым в [4], а также результаты вычисления угла  $\psi$  между направлением номинальных напряжений  $\sigma_3$ , действующих в данных образцах, и большой полуосью надреза по формуле

$$\operatorname{tg} 2\psi = 2\Delta\tau/\Delta\sigma$$

 $(\Delta \sigma, \Delta \tau - \text{амплитуды напряжений при растяжении и кручении образцов соответственно}).$ 

Номер образца	Параметры нагружения		$\varphi,$ град		,
	$\Delta \sigma$ , MIIa	$\Delta \tau$ , ΜΠα	Экспериментальные данные [5]	Результаты расчета по [4]	$\psi$ , град
1	113,5	25,3	12,0	10,3(14,2)	12,0(0)
2	86,0	49,7	$24,\!6$	20,1 (18,3)	24,57(0,1)
3	31,5	67,9	38,5	34,3(10,9)	38,5(0)
4	0	62,8	45,0	45,0(0)	45,0(0)

Примечание. В скобках указано отличие (в процентах) численных результатов от экспериментальных данных.



Рис. 4. Вид усталостной трещины после 480 тыс. циклов нагружения

Результаты, приведенные в таблице, позволяют сделать вывод, что усталостные трещины смешанного типа развиваются в направлении действия номинальных главных напряжений  $\sigma_3$ . Следует отметить, что при чистом сдвиге ( $\Delta \sigma = 0$ ) величина угла  $\varphi$  незначительно отличается от значений, полученных по формуле (5).

3. Развитие усталостных трещин поперечного сдвига при сжимающих напряжениях. С целью исследования зарождения и развития усталостных трещин поперечного сдвига при сжимающих напряжениях проведено испытание стальной пластины с размерами  $100 \times 100 \times 8$  мм. В центре пластины, изготовленной из рельсовой стали, имелась сквозная прорезь длиной 40 мм под углом  $43^{\circ}$  к направлению нагружения (рис. 4). При этом надрез имитировал трещину поперечного сдвига в условиях сжатия берегов.

Испытания проводились при следующих параметрах цикла нагружения:  $P_{\text{max}} = -20 \text{ kH}$ ,  $P_{\text{min}} = -100 \text{ kH}$ , частота нагружения 600 цикл/мин (10 Гц). После 180 тыс. циклов зафиксированы усталостные трещины, развивающиеся из вершин надреза и направленные под углом 42,9° к первоначальному направлению надреза. В дальнейшем трещины распространялись в том же направлении и после 480 тыс. циклов достигали размеров  $1,0 \div 1,6$  мм (рис. 4). При увеличении амплитуды цикла в 1,56 раза направление развития трещин не изменилось, а после 200 тыс. циклов нагружения длина усталостной трещины увеличилась на 2 мм. Таким образом, скорость ее роста возросла почти в три раза.

Численный расчет на основе конечно-элементной модели данного образца показал, что рост усталостной трещины происходит в направлении, перпендикулярном направле-



Рис. 5. Распределение минимальных главных напряжений  $\sigma_3$ 



Рис. 6

нию действия минимальных главных напряжений  $\sigma_3$  в вершине концентратора. На рис. 5 показано распределение главных напряжений при сжимающей нагрузке 100 кН. Вблизи вершины надреза концентрация сжимающих напряжений почти в 2,5 раза больше концентрации растягивающих напряжений. Усталостная трещина зарождается в зоне максимальных сжимающих напряжений, в отличие от случая, рассмотренного в п. **2**.

Исследование излома образца после разрушения показало, что усталостная трещина развивалась в одной плоскости. Фронт трещины оказался вогнутым. Таким образом, усталостная трещина поперечного сдвига в зоне сжимающих напряжений начинает движение со свободной поверхности образца, в отличие от усталостных трещин нормального отрыва, движение которых начинается в срединной плоскости пластины [1].

4. Развитие усталостных трещин продольного сдвига при сжимающих напряжениях. Для исследования усталостных трещин продольного сдвига испытывался образец, который отличался от рассмотренного в п. 3 только типом концентратора. В пластине ( $100 \times 100 \times 8$  мм) с каждого края были выполнены два острых надреза, расположенных под углом 45° в плоскости пластины (рис. 6). При этом надрез глубиной 20 мм имитировал трещину продольного сдвига в условиях сжатия берегов.

На рис. 7 показан излом образца после 200 тыс. циклов нагружения ( $P_{\text{max}} = -20$  кH,  $P_{\text{min}} = -100$  кH). С одной стороны усталостная трещина выросла на  $6 \div 7$  мм, с другой — на  $3 \div 4$  мм.



Рис. 7. Вид усталостной трещины при продольном сдвиге

Изучение поверхности усталостной трещины после разрушения образца показало, что на начальном этапе зарождается множество трещин, ориентированных под углом  $50 \div 30^{\circ}$ к плоскости образца и распространяющихся в различных направлениях. По мере продвижения трещины сливаются, меняют ориентацию и направление роста. В конечном счете фронт усталостной трещины становится плоским и движется в направлении, перпендикулярном направлению приложения нагрузки.

**5. Выводы.** Результаты проведенных исследований позволяют сделать следующие выводы.

Трещины смешанного типа стремятся в процессе роста ориентироваться в поле напряжений таким образом, чтобы отсутствовал сдвиг берегов трещины.

Когда концентрации растягивающих и сжимающих напряжений одного порядка (образцы 1-го типа), усталостная трещина растет в направлении, перпендикулярном направлению действия максимальных главных напряжений.

Когда концентрация сжимающих напряжений выше концентрации растягивающих, усталостная трещина развивается в направлении, перпендикулярном направлению действия минимальных главных напряжений (образцы 2-го и 3-го типов).

В исследованных случаях усталостная трещина в конечном счете развивалась в направлении касательной к траектории минимальных по модулю главных напряжений (либо  $\sigma_3$ , либо  $\sigma_1$ ).

В образцах с острыми надрезами в однородном поле напряжений усталостные трещины в основном растут в одном направлении, которое даже в момент старта не совпадает с направлением, определенным по асимптотическим локальным критериям.

Усталостные трещины в поле сжимающих циклических напряжений начинают движение из точек, лежащих на свободной поверхности образца, где реализуется плоское напряженное состояние.

## ЛИТЕРАТУРА

- 1. Партон В. З., Морозов Е. М. Механика упругопластического разрушения. М.: Наука, 1985.
- 2. Шлянников В. Н. Смешанные моды развития трещин при сложном напряженном состоянии (обзор) // Завод. лаб. 1990. Т. 56, № 6. С. 77–90.
- Erdogan F., Sih G. C. On the crack extension in plates under plane loading and transverse shear // Trans. ASME. J. Basic Engng. 1963. N 85. P. 519–527.
- Chingshen Li. Vector CTD criterion applied to mixed mode fatigue crack growth // Fatigue Fract. Mater. Struct. 1989. V. 12, N 1. P. 59–65.
- Yokobori A. T., Yokobori T., Sato K., Syoji K. Fatigue crack growth under mixed mode I and II // Fatigue Fract. Mater. Struct. 1985. V. 8, N 8. P. 315–325.

- 6. **Мусхелишвили Н. И.** Некоторые основные задачи математической теории упругости. М.: Наука, 1966.
- 7. **Леган М. А.** Определение разрушающей нагрузки, места и направления разрыва с помощью градиентного подхода // ПМТФ. 1994. Т. 35, № 5. С. 117–124.
- Williams J. G., Ewing P. D. Fracture under complex stress the angled crack problems // Intern. J. Fract. Mech. 1972. V. 8, N 4. P. 441–446.

Поступила в редакцию 18/IV 2003 г.