УДК 534.222.2,544.454.3

ПАРАМЕТРЫ НЕПРЕРЫВНОЙ ДЕТОНАЦИИ СМЕСЕЙ МЕТАН/ВОДОРОД — ВОЗДУХ ПРИ ДОБАВЛЕНИИ ВОЗДУХА В ПРОДУКТЫ СГОРАНИЯ

Ф. А. Быковский, С. А. Ждан, Е. Ф. Ведерников

Институт гидродинамики им. М. А. Лаврентьева СО РАН, 630090 Новосибирск, zhdan@hydro.nsc.ru

Приведены результаты экспериментальных исследований в проточной кольцевой цилиндрической камере наружного диаметра 503 мм. Изучалось влияние добавки воздуха в продукты непрерывной спиновой детонации смесей CH₄/mH₂ — воздух на параметры детонационных волн, на давление в камере и удельный импульс. Показано, что добавка воздуха в продукты детонации увеличивает скорость непрерывной спиновой детонации, давление в камере и тягу, уменьшает удельный расход горючего.

Ключевые слова: добавочная подача воздуха, непрерывная спиновая детонация, непрерывная многофронтовая детонация, метан, водород, воздух, поперечные детонационные волны, кольцевая камера сгорания, структура течения, удельный импульс.

DOI 10.15372/FGV20200211

ВВЕДЕНИЕ

Добавочная подача воздуха в продукты горения давно практикуется в прямоточных воздушно-реактивных (ПВРД) [1] и газотурбинных (ГТД) двигателях [2]. Это связано с охлаждением стенок камер сгорания (ГТД и ПВРД) и продуктов горения до приемлемой температуры перед подачей их на турбину (ГТД). Кроме того, как следует из второго закона Ньютона, добавочная подача воздуха в продукты сгорания способствует повышению полного импульса двигателя, так как его величина пропорциональна произведению массы и скорости отбрасываемого рабочего тела. Возможность реализации в проточных кольцевых камерах сгорания режимов непрерывной спиновой детонации (НСД) ряда топливовоздушных смесей [3-6] поставила вопрос о влиянии добавочной подачи воздуха на область реализации НСД в кольцевых камерах сгорания. Ранее в камере кольцевой цилиндрической геометрии диаметром 306 мм режимы НСД были получены при добавочной подаче воздуха в продукты детонационного сжигания смеси H₂ — воздух [7], а в камере диаметром 503 мм (ДК-500) — в смеси CH₄/8H₂ — воздух [8]. Способ и устройство детонационного сжигания топливных смесей при добавочной подаче воздуха в камеру сгорания защищены патентом [9]. Цель настоящей работы — в камере ДК-500 исследовать влияние добавочной подачи воздуха в продукты детонационного горения бинарного горючего метан/водород и отдельных его составляющих (метана и водорода) на параметры детонационного процесса, в частности на удельный импульс тяги, с учетом энергии сжатия газов в ресиверах компонентов смеси.

1. ПОСТАНОВКА ЭКСПЕРИМЕНТОВ

Кольцевая детонационная камера 1 представляла собой коаксиальный канал с внешним диаметром $d_c = 503$ мм, длиной $L_c = 680$ мм и зазором $\Delta = 18$ мм (рис. 1). Площадь проходного сечения канала камеры $S_{\Delta} = \pi (d_c - \Delta) \Delta =$ 274.2 см^2 . Система подачи компонентов горючей смеси в камеру состояла из следующих элементов. Тракт подачи первичного воздуха: два ресивера 2, клапаны 3, кольцевой коллектор 4 и кольцевая щель 5 шириной $\delta = 3.5$ мм (площадь проходного сечения $S_{\delta} = \pi (d_c - \delta) \delta =$ 54.9 см^2), степень расширения канала камеры ДК на входе $K_S = S_{\Delta}/S_{\delta} = 5.0$. Тракт подачи вторичного воздуха: ресивер 6, клапан 7, кольцевой коллектор 8 и форсунка 9, имеющая 600 отверстий диаметром 3.5 мм, равномерно распределенных по внутренней стенке камеры (площадь проходного сечения отверстий $S_{\delta 1} =$

Работа выполнена при частичной финансовой поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (проект № 19-01-00270а).

[©] Быковский Ф. А., Ждан С. А., Ведерников Е. Ф., 2020.



Рис. 1. Схема экспериментальной установки

57.7 см²) и расположенных на расстоянии $L_a = 490$ мм от переднего торца ДК. Тракт подачи бинарного горючего CH₄/mH₂: ресивер 10, клапан 11, кольцевой коллектор 12, кольцевая форсунка 13 (600 отверстий с поперечным сечением 0.35×1.45 мм, направленных попарно под углом 90° и 45° к оси камеры, площадь поперечного сечения отверстий $S_f = 3.05$ см²). Бинарное горючее составляли непосредственно в ресивере 10, подавая CH₄ и H₂ из баллонов 14 и 15, перемешивая компоненты с помощью крыльчатки 16, установленной на сегнеровом колесе. Первичный воздух и смесь горючих газов подавались у переднего торца ДК вблизи наружной стенки.

Начальное давление составляло: в двух ресиверах воздуха $2 - p_{r,a10} = p_{r,a20} =$ $(10 \div 30) \cdot 10^5$ Па, в ресивере добавочного воздуха $6 - p_{r.a30} = 90 \cdot 10^5$ Па, в ресивере горючего $10 - p_{r,f0} = (15 \div 75) \cdot 10^5$ Па. Начальные расходы компонентов смеси изменялись в диапазонах: первичный воздух — $G_{a10} + G_{a20} = 4.9 \div 15.4$ кг/с (удельный расход через кольцевую щель 5 g_{δ} = $(G_{a10}$ + $G_{a20})/S_{\delta} = 900 \div 3\,220 \text{ кг/(с·м}^2)),$ вторичный воздух — $G_{a30} \approx 28$ кг/с, бинарное горючее $CH_4/mH_2 - G_{f0} = 0.115 \div 0.684$ кг/с, метан — $G_{f0} = 0.342 \div 0.508$ кг/с, водород — $G_{f0} =$ $0.168 \div 0.362$ кг/с. За время эксперимента (около 0.8 с) текущие расходы первичного воздуха $G_{a1} + G_{a2}$ и бинарного горючего G_f уменьшались до 10 раз, метана — в 8.5 раза, водорода — до 20 раз, а добавочного воздуха G_{a3} — в 15 раз. Коэффициент избытка горючего ϕ_1 на входе в ДК составлял $\phi_1 = 0.4 \div 1.45$. В опытах варьировалось отношение добавочного расхода воздуха к основному $\alpha = G_{a3}/(G_{a1} + G_{a2}) =$

 $0.64 \div 4.63$, а общий коэффициент избытка горючего составлял $\phi_{\Sigma} = \phi_1/(1+\alpha) = 0.12 \div 0.4$. Истечение продуктов детонации происходило в окружающую среду с давлением $p_a = 10^5$ Па.

Процесс фотографировался высокоскоростной камерой Photron Fastcam SA5 в режиме съемки 420 000 кадр/с через продольные окна из оргстекла 17, расположенные друг за другом вдоль стенки камеры (см. рис. 1). Ширина каждого окна: 20 мм, длина 93 мм; расстояние между окнами 24 мм. Размеры окон служили масштабом элементов структуры течения в камере сгорания. Метод определения частоты f, числа поперечных детонационных волн (ПДВ) *п* и скорости НСД D аналогичен [4]. Датчиками давления фирмы «Trafag» (Швейцария) класса точности 0.5 % измерялось давление: в ресиверах бинарного горючего $(p_{r,f})$, основной $(p_{r,a1}, p_{r,a2})$ и дополнительной подачи воздуха $(p_{r,a3})$, в коллекторах горючего $(p_{m,f})$, основной $(p_{m,a})$ и дополнительной ($p_{m,a3}$) подачи воздуха. Также измерялись статическое (p_{c1}, p_{c3}) и полное (p_{c30}) давление в камере сгорания: статическое p_{c1} — на расстоянии 15 мм от входа в ДК, а статическое p_{c3} и полное p_{c30} вблизи выхода из ДК.

2. РЕЗУЛЬТАТЫ ЭКСПЕРИМЕНТОВ

В камере ДК-500 при $K_S = 5.0$ в области указанных выше параметров подачи компонентов топливовоздушной смеси на входе в камеру сгорания (G_{a1} , G_{a2} , G_f) и добавочной подачи воздуха G_{a3} в продукты сгорания были исследованы возможности реализации непрерывной детонации с ПДВ бинарного горючего CH_4/mH_2 с содержанием водорода m = 8, 4, 2и 1, а также в монотопливах метан и водород.

2.1. Горючее CH₄/8H₂

В диапазоне удельных расходов первичного воздуха через кольцевую щель $g_{\delta} = 112 \div 2\,800 \text{ кг/(с \cdot M^2)}$ при $\phi_1 = 0.6 \div 1.16$ с добавкой вторичного воздуха в продукты сгорания $\alpha = 0.64 \div 4.63$ осуществлены двухволновые режимы НСД и непрерывной многофронтовой детонации (НМД) со встречными ПДВ, параметры которых представлены в табл. 1 по мере возрастания начального значения α .

На рис. 2,*а* приведены фрагменты фоторегистрограмм при наибольшей подаче добавочного воздуха в данных экспериментах, слева —

Таблица 1

Номер опыта	$g_{\delta}, \mathrm{kg}/(\mathrm{c} \cdot \mathrm{m}^2)$	ϕ_1	α	$f,$ к Γ ц	n	D, км/с	Режим
1	$\begin{array}{c} 2800 \rightarrow 729 \\ 729 \rightarrow 383 \end{array}$	$\begin{array}{c} 1.16 \rightarrow 0.8 \\ 0.8 \rightarrow 0.68 \end{array}$	$\begin{array}{c} 1.26 \rightarrow 0.78 \\ 0.78 \rightarrow 0.64 \end{array}$	$\begin{array}{c} 2.11 \rightarrow 1.47 \\ \approx 1.3 \end{array}$	$\frac{2}{2}$	$1.67 \rightarrow 1.16$	НСД НМД
2	$\begin{array}{c} 2091 \rightarrow 328 \\ 328 \rightarrow 221 \end{array}$	$\begin{array}{c} 0.72 \rightarrow 0.68 \\ 0.68 \rightarrow 0.67 \end{array}$	$\begin{array}{c} 1.5 \rightarrow 1.12 \\ 1.12 \rightarrow 1.07 \end{array}$	$\begin{array}{c} 1.91 \rightarrow 1.29 \\ \approx 1.3 \end{array}$	$\frac{2}{2}$	$1.51 \rightarrow 1.29$	НСД НМД
3	$\begin{array}{c} 1505 \rightarrow 474 \\ 474 \rightarrow 230 \end{array}$	$0.65 \\ 0.65$	$\begin{array}{c} 2.71 \rightarrow 1.99 \\ 1.99 \rightarrow 1.68 \end{array}$	$\begin{array}{c} 1.74 \rightarrow 1.4 \\ \approx 1.3 \end{array}$	$2 \\ 2$	$1.38 \rightarrow 1.08$	НСД НМД
4	$\begin{array}{c} 900 \rightarrow 178 \\ 178 \rightarrow 128 \end{array}$	$\begin{array}{c} 1.08 \rightarrow 0.85 \\ 0.85 \rightarrow 0.81 \end{array}$	$\begin{array}{c} 4.63 \rightarrow 2.21 \\ 2.21 \rightarrow 1.96 \end{array}$	$\begin{array}{c} 2.0 ightarrow 1.61 \ pprox 1.3 \end{array}$	$\frac{2}{2}$	$1.58 \rightarrow 1.27$	НСД НМД

Параметры НСД и НМД в смеси воздуха с горючим $CH_4/8H_2$ при добавочной подаче воздуха в продукты детонации ($\alpha > 0$)





Рис. 2. Фрагменты фоторегистрограмм НСД и НМД в смес
и СН $_4/8$ Н $_2$ — воздух с добавочной подачей воздуха в продукты детонации:

а — НСД: $g_{\delta} = 823 \text{ кг/(c \cdot m^2)}, \phi_1 = 1.07, \alpha = 4.4, n = 2, f = 2.0 \text{ к}\Gamma \text{ц}, D = 1.58 \text{ км/c}; \delta$ — НМД: $g_{\delta} = 166 \text{ кг/(c \cdot m^2)}, \phi_1 = 0.84, \alpha = 2.16, f \approx 1.3 \text{ к}\Gamma \text{ц}$

фрагмент длительностью 5 мс, включающий в себя 11 ПДВ, справа — 2 ПДВ, вращающиеся в камере и согласующиеся с ее размерами (см. также табл. 1, опыт 4). ПДВ с фронтом BC, от которого отходит ударная волна (шлейф) CD, движутся слева направо. Величина фронта BC оценивается значением $h \approx 10$ см, а его отношение к расстоянию между ПДВ — $h/l \approx 1/8$, где l = 79 см. В этом опыте режимы НСД с двумя ПДВ (n = 2) и частотой вращения f = $2.0 \to 1.61$ кГц ($D=1.58 \to 1.27$ км/с) наблюдали при $g_{\delta}=900 \rightarrow 178 \; \mathrm{kg}/(\mathrm{c} \cdot \mathrm{m}^2), \, \phi_1=1.08 \rightarrow$ 0.85, $\alpha = 4.63 \rightarrow 2.21$. При меньших значениях $g_{\delta} < 178 \text{ кг}/(\text{c} \cdot \text{m}^2), \phi_1 \leqslant 0.85, \alpha < 2.21$ были реализованы режимы НМД с двумя нерегулярными встречными волнами с частотой $f \approx 1.3$ кГц (рис. $2, \delta$). По фоторегистрограмме невозможно оценить размеры фронтов сталкивающихся ПДВ, так как они нестационарны во времени и пространстве. Направление вращения ПДВ

определяли при просмотре последовательности отдельных полных кадров, снятых высокоскоростной камерой (замедленное кино).

Для рассмотренного выше эксперимента на рис. 3, а представлены осциллограммы изменения во времени давления в ресиверах и коллекторах, а на рис. $3, \delta$ — в начале ДК-500 и на выходе из нее, а также для сравнения в коллекторе воздуха основной подачи. Процесс инициировался струей продуктов горения ацетилена и кислорода, факел которой поджигал топливовоздушную смесь после подачи горючего в камеру ДК-500. При этом истечение смеси продуктов и добавочного воздуха из камеры сгорания было околокритическим, а истечение воздуха из коллектора основной подачи — докритическим, реагирующим на изменение условий в ДК (см. рис. 3,6, соотношения p_{c30}/p_{c3} и $p_{m,a}/p_{c1}$ соответственно). Поэтому расход воздуха в основной подаче зависел от давления в



Рис. 3. Осциллограммы давления в системе подачи компонентов смеси (a) и в камере ДК-500 (δ) :

1 — инициирование, 2 — переход НСД в НМД, 3 и 4 — параметры НСД и НМД, соответствующие рис. 2 ($G_f = 0.205 \rightarrow 0.022$ кг/с, $G_{a1} + G_{a2} = 4.93 \rightarrow 0.705$ кг/с, $G_{a3} = 22.83 \rightarrow 1.38$ кг/с, $\phi_1 = 1.08 \rightarrow 0.805$, $\alpha = 4.63 \rightarrow 1.96$)

камере сгорания. В начале эксперимента полное давление составляло $p_{c30} \approx 7.9 \cdot 10^5$ Па, а к концу эксперимента снижалось до $p_{c30} \approx$ $1.1 \cdot 10^5$ Па, т. е. истечение продуктов из камеры становилось докритическим.

2.2. Горючее CH₄/4H₂

В диапазоне удельных расходов первичного воздуха через кольцевую щель $g_{\delta} =$

 $156 \div 1\,490 \ {\rm kr}/({\rm c} \cdot {\rm m}^2)$ при $\alpha = 1.45 \div 2.67$ наблюдали режимы НСД и НМД. Параметры процесса в исследованном диапазоне расходов смеси CH₄/4H₂ — воздух с добавочной подачей воздуха в продукты детонации представлены в табл. 2.

Структура детонационных волн в режиме НСД отличается значительной нерегулярностью по сравнению с представленными на рис. 2, *a* для горючей смеси $CH_4/8H_2$ — воздух, а скорость — меньшими значениями. В режиме НМД нерегулярность поперечных волн является их признаком, поэтому структура ПДВ не отличается от приведенной на рис. 2, *б*. Профили давления в системе подачи и в камере сгорания близки к наблюдаемым для горючего $CH_4/8H_2$ (см. рис. 3).

Заметим, что в ДК-500 для смеси СН₄/4H₂ — воздух без вторичной подачи воздуха ($\alpha = 0$) [6] в диапазонах $g_{\delta} = 3\,100 \rightarrow 470 \text{ кг/(с} \cdot \text{м}^2)$ и $\phi_1 = 0.95 \rightarrow 0.97$ реализован только одноволновый режим НСД с частотой вращения $f = 0.83 \rightarrow 0.56$ кГц.

2.3. Горючее CH₄/2H₂

В одном опыте двухволновый режим НСД зарождался только при $\phi_1 > 0.64$ и существовал в диапазоне $\phi_1 = 0.64 \rightarrow 0.78$ при $g_{\delta} = 678 \rightarrow 273$ кг/(с · м²), $\alpha = 2.04 \rightarrow 1.88$. Наблюдались нерегулярные и размытые по пространству волны и очаги горения (рис. 4,*a*).

В другом опыте стехиометрическое соотношение компонентов ($\phi_1 \approx 1.0$) выдерживалось постоянным в течение всего процесса. В результате наблюдали двухволновый режим НСД с изменением g_{δ} в диапазоне $1\,324 \rightarrow 565 \text{ кг/(c} \cdot \text{m}^2), \alpha = 2.91 \rightarrow 2.05$ и с частотой ПДВ $f = 1.3 \rightarrow 1.02 \text{ кГц}, \text{ а затем одноволно-вый режим при } g_{\delta} = 565 \rightarrow 213 \text{ кг/(c} \cdot \text{m}^2), \alpha = 2.05 \rightarrow 1.48$ с достаточно регулярными ПДВ (рис. $4, \delta$) и частотой $f = 0.7 \rightarrow 0.43 \text{ кГц}$. Ши-

Таблица 2

Параметры НСД и НМД в смеси воздуха с горючим $CH_4/4H_2$ при добавочной подаче воздуха в продукты детонации (lpha>0)

Номер опыта	$g_{\delta}, \mathrm{kg}/(\mathrm{c} \cdot \mathrm{m}^2)$	ϕ_1	α	$f,$ к Γ ц	n	D, км/с	Режим
1	$\begin{array}{c} 1490 \rightarrow 230 \\ 230 \rightarrow 156 \end{array}$	$\begin{array}{c} 0.63 \rightarrow 0.74 \\ 0.74 \rightarrow 0.76 \end{array}$	$\begin{array}{c} 2.67 \rightarrow 1.67 \\ 1.67 \rightarrow 1.55 \end{array}$	$\begin{array}{c} 1.35 \rightarrow 1.2 \\ \approx 1.3 \end{array}$	$\frac{2}{2}$	$1.08 \rightarrow 0.95$	НСД НМД
2	$\begin{array}{c} 1380 \rightarrow 350 \\ 350 \rightarrow 165 \end{array}$	$\begin{array}{c} 1.04 \rightarrow 1.08 \\ \approx 1.08 \end{array}$	$\begin{array}{c} 2.67 \rightarrow 1.75 \\ 1.75 \rightarrow 1.45 \end{array}$	$\begin{array}{c} 1.46 \rightarrow 1.08 \\ \approx 1.3 \end{array}$	$\frac{2}{2}$	$1.15 \rightarrow 0.85$	НСД НМД



Рис. 4. Фоторегистрограммы НСД в смеси СН₄/2H₂ — воздух: $a - g_{\delta} = 480 \text{ кг/(c \cdot m^2)}, \phi_1 = 0.69, \alpha = 1.98, n = 2, f = 1.05 \text{ кГц}, D = 0.823 \text{ км/c}; \delta - g_{\delta} = 443 \text{ кг/(c \cdot m^2)}, \phi_1 = 1.02, \alpha = 1.89, n = 1, f = 0.64 \text{ кГц}, D = 1.01 \text{ км/c}$

Таблица З

Номер опыта	$g_{\delta}, \mathrm{kg}/(\mathrm{c} \cdot \mathrm{m}^2)$	ϕ_1	α	$f,$ к Γ ц	n	D, км/с	Режим
1	$\begin{array}{c} 1321 \to 1200 \\ 1200 \to 745 \\ 745 \to 295 \\ 295 \to 235 \end{array}$	$\begin{array}{c} 1.17 \rightarrow 1.14 \\ 1.14 \rightarrow 0.98 \\ 0.98 \rightarrow 0.74 \\ 0.74 \rightarrow 0.69 \end{array}$	$\begin{array}{c} 2.77 \rightarrow 2.67 \\ 2.67 \rightarrow 2.29 \\ 2.29 \rightarrow 1.77 \\ 1.77 \rightarrow 1.67 \end{array}$	$\begin{array}{c} 1.15 \\ 0.7 ightarrow 0.54 \\ 1.47 ightarrow 1.3 \\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 2\\ 1\\ 2\end{array}$	$\begin{array}{c} 0.91 \\ 1.11 \to 0.85 \\ \\ \end{array}$	НСД НСД НМД Горение
2	$\begin{array}{c} 1690 \rightarrow 324 \\ 324 \rightarrow 155 \end{array}$	$0.58 \rightarrow 0.45$ $0.45 \rightarrow 0.4$	$\begin{array}{c} 2.31 \rightarrow 1.78 \\ 1.78 \rightarrow 1.63 \end{array}$				Очаговое горение Горение

Параметры НСД и горения в смеси воздуха с горючим CH_4/H_2 при добавочной подаче воздуха в продукты сгорания ($\alpha > 0$)

рина фронта непрерывной детонации составляла $h \approx 25$ см, а отношение $h/l \approx 1/6$. Отметим, что фрагменты процесса, приведенные на рис. 4, соответствуют близким значениям g_{δ} и α , поэтому протекание процесса целиком определялось коэффициентом избытка горючего.

При сжигании в ДК-500 смеси $CH_4/2H_2$ воздух при $\alpha = 0$ [6] в диапазоне $g_{\delta} = 3\,916 \rightarrow$ 574 кг/(с·м²) и $\phi_1 = 1.0 \rightarrow 1.23$ реализован режим НМД с частотой вращения встречных ПДВ $f = 1.34 \rightarrow 0.86$ кГц, а при $g_{\delta} <$ 574 кг/(с·м²) — только режим горения. Последнее означает, что для бинарных горючих CH_4/H_2 добавочная подача воздуха в продукты сгорания сдвигает границу реализации режимов НСД в область меньших концентраций водорода в бинарном горючем.

2.4. Горючее CH₄/H₂

Опыты проводили при $g_{\delta} = 155 \div 1\,690 \text{ кг/(c \cdot m^2)}$ и $\alpha = 1.63 \div 2.82$. В различных опытах были реализованы режимы

НСД, «очагового» горения и турбулентного сплошного горения (табл. 3). Режим НСД существовал только вблизи стехиометрии и при повышенных давлениях в камере $p_{c30} =$ $8.6 \rightarrow 4.3 \cdot 10^5$ Па (опыт 1). Структура ПДВ в режиме НСД размыта и нерегулярна, как отмеченная выше для горючего СН₄/2H₂ (см. рис. 4,*a*). Режим НМД, сменивший НСД, также имел характерную нерегулярную структуру с размытыми фронтами. Режим горения сопровождался нерегулярными поперечными и продольными волнами.

В бедной горючим смеси (опыт 2) обнаружилось не наблюдаемое ранее очаговое горение (рис. 5,*a*). Наконец, при малых значениях $\phi_1 \approx$ 0.45 развивалось сплошное горение с фронтом у начала камеры (рис. 5,*б*).

2.5. Горючее СН4

Проведены опыты со смесью вблизи стехиометрии обедненной горючим и при повышенном вдвое расходе смеси основной пода-



Рис. 5. Очаговое (*a*) и сплошное (*б*) горение смеси CH₄/H₂ — воздух (фрагменты): $a - \phi_1 = 0.5, g_{\delta} = 617 \text{ кг/}(c \cdot \text{m}^2), \alpha = 1.96; \delta - \phi_1 = 0.45, g_{\delta} = 300 \text{ кг/}(c \cdot \text{m}^2), \alpha = 1.76$

чи. В первых двух опытах соответственно в диапазонах $\phi_1 = 0.9 \rightarrow 1.16, g_{\delta} = 1.680 \rightarrow$ 430 кг/(с \cdot м²), α = 2.16 \rightarrow 1.88 и ϕ_1 = 0.64 \rightarrow $0.76, q_{\delta} = 1\,600 \rightarrow 525 \text{ kg}/(\text{c} \cdot \text{m}^2), \alpha = 2.27 \rightarrow 1.8$ наблюдали очаговое горение вблизи начала камеры, аналогично случаю со смесью СН₄/H₂ воздух (см. рис. 5, a). В третьем опыте вначале развивалось сплошное горение, фронт которого отстоял от начала камеры на 13÷15 см, с нерегулярными редкими вспышками выше фронта $(\phi_1 \approx 1.0, g_{\delta} = 3\,200 \rightarrow 1\,000 \text{ kr/(c \cdot m^2)}$ и $\alpha \approx$ 1.0). Затем развивалось очаговое горение, близкое к первому опыту. Ранее [6] при $\alpha = 0$ не удалось зажечь метан внутри камеры сгорания. После инициирования пламя выбрасывалось за ее пределы и догорание метана проходило в свободном пространстве.

2.6. Горючее H₂

В области удельных расходов воздуха $g_{\delta} = 112 \div 1560 \text{ кг/(c} \cdot \text{м}^2)$ и его добавки $\alpha = 2.3 \pm 0.3$ проведены опыты с близкими к стехиомет-

рии соотношениями расходов водорода и воздуха основной подачи, а также с избытком и недостатком водорода (табл. 4). Во всех опытах наблюдали НСД, пределы существования которой при добавочной подаче воздуха расширились по минимальному коэффициенту избытка горючего ($\phi_{1\min} \approx 0.4, \ \phi_{\sum\min} = 0.12$) при близких значениях α и при $\alpha = 0$ в камере сгорания диаметром 306 мм [4, 7]. В самом начале опыта 4 наблюдали три низкоскоростные ПДВ. При уменьшении давления в камере $(p_{c30} < 8.35 \cdot 10^5$ Па, опыт 4) они исчезли и наблюдалось обычное горение. По мере роста коэффициента избытка горючего появлялись нерегулярные ПДВ, которые в конце опыта ($\phi_1 = 0.5 \rightarrow 0.51$) стабилизировались с достаточно низкой скоростью D = 0.87 км/с.

3. АНАЛИЗ РЕЗУЛЬТАТОВ

3.1. Влияние добавочной подачи воздуха на детонационный режим

Описанные выше опыты в камере ДК-500 для смесей CH_4/mH_2 — воздух показывают, что добавочная подача воздуха в продукты сгорания не только не препятствует реализации детонационного режима, но и повышает скорость непрерывной детонации. Зависимости частоты вращения ПДВ f от удельного расхода первичного воздуха g_{δ} для смесей $CH_4/8H_2$ — воздух и $CH_4/4H_2$ — воздух с добавочной подачей воздуха $G_{a3} > 0$ (точки 2, 4) и без нее $G_{a3} = 0$ (точки 1, 3) [6] представлены на рис. 6.

Хорошо видно, что при одинаковых значениях g_{δ} частота вращения ПДВ, следовательно,

Таблица 4

		-					
Номер опыта	$g_{\delta},$ кг/(с \cdot м $^2)$	ϕ_1	α	$f,$ к Γ ц	n	D, км/с	Режим
1	$1457 \rightarrow 119$	$1.24 \rightarrow 0.9$	$2.63 \rightarrow 2.2$	3.84 ightarrow 0.88	$4 \rightarrow 1$	$1.7 \div 1.23$	НСД
2	$1400 \rightarrow 150$	$1.61 \rightarrow 1.35$	$1.97 \rightarrow 2.12$	$3.49 \rightarrow 0.92$	$4 \rightarrow 1$	$1.57 \div 1.33$	НСД
3	$\begin{array}{c} 1560 \rightarrow 344 \\ 344 \rightarrow 160 \\ 160 \rightarrow 122 \end{array}$	$\begin{array}{c} 0.62 \to 0.64 \\ 0.64 \to 0.65 \\ 0.65 \end{array}$	$\begin{array}{c} 2.24 \rightarrow 2.2\\ 2.2 \rightarrow 2.18\\ 2.17\end{array}$	$\begin{array}{c} 2.65 \rightarrow 1.67 \\ - \\ 0.82 \rightarrow 0.78 \end{array}$	$\begin{array}{c} 3 \rightarrow 2 \\ 2 \leftrightarrow 1 \\ 1 \end{array}$	$\begin{array}{c} 1.61 \rightarrow 1.29 \\ - \\ 1.3 \rightarrow 1.24 \end{array}$	НСД НСД НСД
4	$\begin{array}{c} 1686 \rightarrow 1500 \\ 1500 \rightarrow 787 \\ 787 \rightarrow 181 \\ 181 \rightarrow 151 \end{array}$	$\begin{array}{c} 0.39 \\ 0.39 \rightarrow 0.43 \\ 0.43 \rightarrow 0.5 \\ 0.5 \rightarrow 0.51 \end{array}$	$\begin{array}{c} 2.34\\ 2.34 \rightarrow 2.3\\ 2.3 \rightarrow 2.24\\ 2.24\end{array}$	2.03 — — 1.11	$\begin{array}{c} 3 \\ - \\ 2 \end{array}$	1.07 0.87	НСД Горение Горение с ПДВ НСД

Параметры НСД в смеси Н $_2$ — воздух при добавочной подаче воздуха в продукты детонации (lpha>0)



Рис. 6. Частота ПДВ в зависимости от удельного расхода первичного воздуха в камере ДК-500:

 $\begin{array}{l} a - {\rm CH_4/8H_2:} \ 2 - \alpha = 1.16 \rightarrow 0.7, \ 1 - \alpha = 0 \ [6]; \\ \delta - {\rm CH_4/4H_2:} \ 4 - \alpha = 2.67 \rightarrow 1.75, \ 3 - \alpha = 0 \ [6] \end{array}$

и скорость НСД при добавочной подаче воздуха больше, чем без нее. Для горючего $CH_4/8H_2$ при $\alpha = 1.16 \rightarrow 0.7$ различие в частотах ПДВ достигает 30 %, а для $CH_4/4H_2$ при $\alpha = 2.67 \rightarrow$ 1.75 наблюдали двухволновый режим НСД с частотой, вдвое большей, чем при $\alpha = 0$ (точки 3), когда существовал [6] только одноволновый режим НСД.

С возрастанием давления в камере сгорания при подаче добавочного воздуха уменьшается высота поперечного детонационного фронта ПДВ h. Если для горючего $CH_4/8H_2$ при $\alpha = 0$ и n = 2 фронт составлял $h \approx 15$ см [6], то при $\alpha = 4.4$ — уже $h \approx 10$ см (см. рис. 2,*a*). Для горючего $CH_4/4H_2$ при $\alpha = 0$ существовал одноволновый режим НСД с $h \approx 50$ см [6], а при $\alpha = 2.67$ — двухволновый режим НСД с $h \approx 13$ см. Поскольку параметры истечения продуктов (скорость, давление, температура) выравниваются с удалением от детонационного фронта, то при той же длине камеры сгорания добавочная подача воздуха способствует этому процессу, что имеет значение применительно к ГТД.

Подача добавочного воздуха уменьшает нижний предел по содержанию водорода в бинарном горючем CH_4/mH_2 для реализации НСД. Если без добавки воздуха в продукты сгорания НСД наблюдали лишь в смеси $CH_4/4H_2$ — воздух, а при m = 2 и 1.5 — режим НМД [6], то с добавкой воздуха в диапазоне $\alpha =$ $2.82 \rightarrow 1.67$ при близких значениях ϕ_1 и g_{δ} были реализованы устойчивые режимы НСД с двумя и одной ПДВ при m = 2 и 1. Последнее означает уменьшение нижнего предела НСД по массовой доле водорода в бинарном горючем CH_4/mH_2 в 1.8 раза (с 1/5 до 1/9). Удалось даже возбудить очаговое горение смеси CH_4 — воздух внутри камеры, в то время как без добавки воздуха пламя выбрасывалось за ее пределы [6].

На примере смеси H₂ — воздух с добавкой воздуха показано, что уменьшается также и нижний предел по коэффициенту избытка горючего для реализации непрерывной детонации. Если при $\alpha = 0$ этот предел составлял $\phi_1 \approx 0.5$, то при $\alpha = 2.34$ режим НСД существовал при $\phi_1 \approx 0.4$. Эта же тенденция наблюдалась ранее в камере диаметром 306 мм [4, 7]. Если говорить о суммарном коэффициенте избытка горючего, то он составлял $\phi_{\Sigma} \approx 0.12$.

3.2. Влияние добавочной подачи воздуха на давление в камере сгорания и системе подачи

Подвод газа в канал камеры сгорания постоянного сечения формирует расходное сопло [10]. При этом трубки тока продуктов сужаются и на течение выше впрыска добавочного газа расходное сопло действует как геометрическое сопло, в частности, повышает давление в камере и снижает его перепад на щели подачи воздуха $p_{m,a}/p_{c1}$. Это отношение определяет гидравлические потери на щели подачи воздуха. Больший интерес представляет отношение $p_{m,a}/p_{c30}$, так как оно определяет одновременно гидравлические потери на щели и в камере. Зависимость $p_{m,a}/p_{c30}$ от величины α при постоянном удельном расходе воздуха g_{δ} = $1000 \ {\rm kr}/({\rm c} \cdot {\rm m}^2)$ в режиме детонационного сжигания бинарного горючего CH₄/8H₂ в различных опытах приведена на рис. 7.

Видно, что истечение воздуха через щель без его добавочной подачи критическое. Переход к докритическому истечению из щели осуществляется при $\alpha \approx 0.5$ с последующим заметным снижением $p_{m,a}/p_{c30}$ (в 1.5 раза) при $\alpha \approx 1$. Затем с ростом α значение $p_{m,a}/p_{c30}$ плавно подходит к пределу — $p_{m,a}/p_{c30} = 1.25$. Уменьшение $p_{m,a}/p_{c30}$ происходит при критическом истечении воздуха из щели вследствие проникновения в коллектор ударных волн, сопровождающих ПДВ [8], и тем более при докритическом его истечении, когда звуковые возмущения беспрепятственно проникают из камеры в коллектор.

Если считать, что полное давление в начале камеры сгорания равно статическому $p_{c0} \approx$



Рис. 7. Зависимость отношения $p_{m,a}/p_{c30}$ от добавочной подачи воздуха в продукты при сжигании горючего CH₄/8H₂, $g_{\delta} = 1\,000$ кг/(с · м²)

 p_{c1} (топливовоздушная смесь и продукты не успели разогнаться вдоль камеры), то при $\alpha = 4.4$ (см. рис. 3, δ , по линии 3) отношение давлений на щели составляет $p_{m,a}/p_{c1} = 1.15$, а в камере — $p_{c1}/p_{c30} \approx 1.1$. Это значит, что при $K_S = 5$ примерно 15 % полного давления потока теряется на щели и 10 % — в камере сгорания (всего около 25 %, см. рис. 7).

Для потока продуктов ниже области подачи добавочного воздуха расходное сопло уже не будет работать как эквивалентное геометрическому из-за перемешивания и теплообмена продуктов и воздуха. Более того, в потоке могут происходить и химические реакции как рекомбинации диссоциированных продуктов, так и их взаимодействия с кислородом воздуха (дополнительное тепловыделение). Фоторегистрограммы процесса при НСД и $\alpha > 0$ показывают, что нет явно выраженных ударных волн, отраженных от сужающейся части сопла и идущих вверх по потоку, которые могут заметно повлиять на течение в камере (ухудшать регулярность ПДВ [4]) и подъем давления в коллекторе.

3.3. Влияние добавочной подачи воздуха на удельный импульс

В камерах сгорания турбореактивных двигателей часть воздуха (около одной трети) подается для сжигания горючего в начале камеры, а остальная, бо́льшая часть воздуха расходуется на охлаждение стенок камеры (около одной трети) и охлаждение продуктов до температуры, приемлемой для лопаток турбины [2]. Известно, что масса вещества, вовлеченная в движущийся газ, например, при взрыве на поверхности тела, увеличивает импульс, сообщенный телу [11]. Поэтому при добавочной подаче воздуха в продукты детонационного горения импульс тяги должен повышаться, что и наблюдалось в экспериментах.

В проведенных опытах с $\alpha > 0$ исходные компоненты горючей смеси подавались в камеру сгорания из ресиверов, на заполнение которых затрачивалась энергия компрессора. В реальных условиях в камеры сгорания ГТД и ПВРД поступает воздух, предварительно сжатый соответственно в компрессоре или воздухозаборнике. На это уходит часть полезной работы двигателя. Следовательно, необходим учет этой работы и выделение «чистого» удельного импульса, создаваемого при сжигании конкретного горючего независимо от системы его подачи в камеру сгорания. Для этого из величины силы, зафиксированной при детонационном горении — F_h (горячий выхлоп), вычитали силу, создаваемую при истечении холодного воздуха и горючего — F_c (холодный выхлоп). По разности этих сил F_{h-c} находили «чистый» удельный импульс.

Сила тяги определялась формулой [10]

$$F = \int_{S} [p + \rho v^2 - p_a] dS = (K p_{c30} - p_a) S_{\Delta}, \quad (1)$$

где ρ — плотность, v — скорость, p_a — противодавление, dS — площадь элементарной трубки тока, $K = (1 + \gamma M^2)/[1 + (\gamma - 1)(M^2/2)]^{\gamma/(\gamma-1)}$, М — число Маха, γ — показатель политропы (для продуктов $\gamma \approx 1.25$, для исходной газовой смеси $\gamma \approx 1.4$). Измеряя давление торможения p_{c30} и статическое давление p_{c3} на выходе из камеры, можно из соотношения $p_{c30}/p_{c3} = [1 + (\gamma - 1)(M^2/2)]^{\gamma/(\gamma-1)}$ оценить число Маха, а по формуле (1) определить силу тяги F и удельный импульс (в секундах) относительно расхода горючего: $I_{sp,f} = F/G_f/g$, где g — ускорение свободного падения.

На рис. 8 для смеси $CH_4/8H_2$ — воздух представлены зависимости силы тяги «горячего» пуска (F_h) , «холодного» пуска (F_c) и их разности (F_{h-c}) , а также удельных импульсов $I_{sp,h} = F_h/G_f/g$ и $I_{sp,h-c} = F_{h-c}/G_f/g$ при добавочной подаче воздуха ($\alpha = 1.26 \rightarrow 0.64$) и без нее ($\alpha = 0$) от удельного расхода воздуха g_δ основной подачи воздуха. Соотношения компонентов в обоих случаях близки: $\phi_1 = 1.16 \rightarrow$ 0.7 и $\phi_1 = 1.06 \rightarrow 0.89$ соответственно.



Рис. 8. Зависимости силы тяги «горячего» пуска, «холодного» пуска и разности этих сил (*a*), удельного импульса (*б*) от удельного расхода воздуха при НСД смеси CH₄/8H₂ — воздух:

а: 1, 2 — F_h, 3, 4 — F_{h-c}, 5, 6 — F_c; 6: 1, 2 — I_{sp,h}, 3, 4 — I_{sp,h-c}; светлые значки — α = 0, темные — α = 1.26 \rightarrow 0.64

С увеличением удельного расхода воздуха основной подачи через щель сила тяги растет. Видно, что значения F_h и F_{h-c} при добавочной подаче воздуха ($G_{a3} > 0$) почти вдвое больше, чем в случае без добавки ($G_{a3} = 0$). Что касается удельного импульса, то в заданном диапазоне g_{δ} импульс $I_{sp,h}$ растет, а импульс $I_{sp,h-c}$ увеличивается только в области докритического истечения из камеры сгорания, а затем стабилизируется на уровне $I_{sp,h-c} \approx 2\,000$ с при $G_{a3} = 0$ и $I_{sp,h-c} \approx 3300$ с при $G_{a3} > 0$. Более того, при максимальных удельных расходах g_{δ} и $\alpha > 0$ он даже уменьшается до $I_{sn,h-c} \approx 3\,000$ с. Таким образом, для близкого к стехиометрии соотношения компонентов смеси при учете работы сжатия исходных газов в ресивере при добавке воздуха в продукты сгорания ($\alpha = 1.26 \rightarrow 0.64$) получаем увеличение удельного импульса минимум в 1.5 раза. Заметим, что в опытах истечение чистых продуктов и их смеси с воздухом из камеры сгорания происходило в режиме недорасширения $(p_{c3}/p_a = 3.1 \text{ при } G_{a3} = 0$ и $p_{c3}/p_a = 7.42$ при $G_{a3} > 0$). Оценка при $\gamma = 1.33$ (средняя величина между $\gamma = 1.25$ продуктов и $\gamma = 1.4$ воздуха) и изоэнтропическом расширении продуктов до 1 атм [10] дает в первом случае прирост удельного импульса (силы тяги) на 10 % (до 2 200 с), а во втором — на 50 % (примерно до 5 000 с). Таким образом, с учетом дальнейшего расширения продуктов в сопле удельные импульсы могут различаться более чем в два раза.

Рассмотрим зависимости удельного импульса от коэффициента избытка горючего ϕ_1 при $G_{a3} > 0$ для смесей водород — воздух и CH₄/4H₂ — воздух. Здесь и в дальнейшем будем рассматривать значения $I_{sp,f}$ только с учетом сжатия газов в ресиверах. Для этих смесей в области критического истечения продуктов величина добавки воздуха находилась в пределах $\alpha = 2.2 \pm 0.4$ (рис. 9).

Видно, что как для водорода при $\phi_1 = 0.61 \div 1.24$, так и для $CH_4/4H_2$ при $\phi_1 = 0.63 \div 1.07$ значения удельного импульса практически сливаются. С ростом коэффициента избытка водорода до $\phi_1 = 1.32 \div 1.45$ удельный импульс начинает уменьшаться. Однако сила тяги увеличивается пропорционально коэффи



Рис. 9. Зависимость удельного импульса от удельного расхода воздуха основной подачи в смесях с H₂ или CH₄/4H₂ при различных коэффициентах избытка горючего:

H₂: 1 − ϕ_1 = 1.24 → 0.95, 2 − 1.45 → 1.32, 3 − 0.61 → 0.65; CH₄/4H₂: 4 − ϕ_1 = 1.04 → 1.07, 5 − 0.63 → 0.76



Рис. 10. Зависимость удельного импульса от степени добавки воздуха в продукты НСД смеси CH₄/8H₂ — воздух:

1-4 соответствуют опытам 1-4 в табл. 1

циенту избытка горючего. По-видимому, часть избыточного горючего догорает в добавочном воздухе и подогревает продукты.

Представляет интерес зависимость удельного импульса от степени добавки воздуха в продукты. Наиболее полно ее можно отобразить для смеси CH₄/8H₂ — воздух (рис. 10).

На рис. 10 приведены значения удельных импульсов из опытов, приведенных в табл. 1. Крайняя левая точка соответствует опыту при $\alpha = 0$ (см. рис. 8, δ , кривая 1). Видно, что зависимость удельного импульса не монотонна, а имеет максимальное значение $I_{sp,f} \approx 4500$ с при $\alpha \approx 1.5$ и недостатке горючего (опыт 2, $\phi_1 = 0.72 \rightarrow 0.67$). Принимая во внимание, что $I_{sp,f}(g_{\delta}, \phi_1) \approx \text{const}$ при критическом истечении продуктов и $\phi_1 = 0.63 \div 1.07$ (см. рис. 8, δ и 9), можно распространить значение этого максимума на смеси данного состава вплоть до стехиометрических и даже с небольшим избытком горючего (до $10 \div 20$ %).

Изменение силы тяги F_{h-c} в зависимости от удельного расхода воздуха в опытах 1-4 приведено на рис. 11. Видно, что в области $g_{\delta} \approx 700 \ {
m kr}/({
m c} \cdot {
m m}^2)$ значения силы тяги близки при всех рассмотренных подачах дополнительного воздуха в диапазоне $\alpha = 0.64 \div 4.63$. Однако при дальнейшем увеличении q_{δ} кривые силы тяги при больших значениях α располагаются ниже по отношению друг к другу. Эта область расходов g_{δ} соответствует критическому истечению продуктов и наиболее интересна для практических приложений. В области $g_{\delta} < 700 \ \mathrm{kr}/(\mathrm{c} \cdot \mathrm{m}^2)$ наблюдаем обратную картину по поведению силы тяги. Здесь существует околокритическое и докритическое истечение продуктов.



Рис. 11. Зависимость силы тяги F_{h-c} от удельного расхода воздуха основной подачи при различных добавках воздуха в продукты НСД смеси $CH_4/8H_2$ — воздух:

1-4 соответствуют опытам 1-4 в табл. 1

Зависимости удельного импульса OT удельного расхода воздуха основной подачи для всех исследованных горючих в области стехиометрии и в диапазоне $\alpha = 2.2 \pm 0.4$ представлены на рис. 12. Верхняя и нижняя кривые приведены для H₂ и CH₄ соответственно. Видно, что с увеличением содержания водорода в бинарном горючем CH_4/mH_2 удельный импульс растет. В случае чистого метана (m = 0) происходит, по-видимому, его недогорание, вследствие чего зафиксированы очень низкие значения удельных импульсов — $I_{sp.f} \approx 1\,000$ с. Для водорода, наоборот, наблюдаем самые высокие удельные импульсы — $I_{sn.f} \approx 5\,000$ с. Установка сопла, обеспечивающего степень расширения продуктов от



Рис. 12. Зависимость удельного импульса от удельного расхода воздуха основной подачи для исследованных горючих H_2 и CH_4/mH_2

 $p_{c3}/p_a = 5.75$, позволит увеличить удельный импульс примерно на 50 % [10], т. е. до $I_{sp,f} \approx 7500$ с.

выводы

В проточной цилиндрической камере ДК-500 при добавочной подаче воздуха в продукты сгорания впервые реализованы режимы непрерывной спиновой и многофронтовой детонации с поперечными детонационными волнами смесей бинарного горючего CH_4/mH_2 с воздухом при содержании водорода m = 8, 4,2 и 1. При НСД увеличиваются скорости поперечных волн. Нижний предел по содержанию водорода в бинарном горючем CH_4/mH_2 , при котором может реализоваться НСД, уменьшен до m = 1. Осуществлено сжигание чистого метана в камере сгорания, и впервые наблюдали режим «очагового» пламени, которое при снижении расходов воздуха переходило в сплошное турбулентное пламя. В режимах НСД реализовано сжигание смесей водород воздух, нижний предел для непрерывной детонации по коэффициенту избытка горючего снижен до $\phi_1 \approx 0.4$, а суммарный коэффициент избытка горючего — до $\phi_{\Sigma} \approx 0.12$. Получено увеличение давления в камере сгорания и уменьшение перепада давления на щели подачи воздуха — $p_{m,a}/p_{c1} \approx 1.15$ при $\alpha = 4.4$. При добавочной подаче воздуха происходит прирост удельного импульса примерно в 1.5 раза, максимума он достигает вблизи $\alpha \approx 1.5$ и в области бедных смесей, но при условии существования НСД. С учетом дальнейшего

расширения продуктов в сопле различие в удельных импульсах может быть более двух раз. Значение удельного импульса практически постоянно от бедных по горючему смесей до близких к стехиометрии. Для богатых по горючему смесей удельный импульс уменьшается. Прирост силы тяги с увеличением удельного расхода воздуха уменьшается по мере роста добавки воздуха в продукты детонации при их критическом истечении из камеры сгорания. С увеличением содержания водорода в бинарном горючем CH₄/mH₂ удельный импульс растет. Для чистого водорода он достигает 5 000 с, а с учетом присоединения сопла — 7 500 с.

ЛИТЕРАТУРА

- Раушенбах Б. В., Белый С. А., Беспалов И. В., Бородачев В. Я., Волынский В. Я., Прудников А. Г. Физические основы рабочего процесса в камерах сгорания воздушнореактивных двигателей. — М.: Машиностроение, 1964.
- 2. Иноземцев А. А., Нихамкин М. А., Сандрацкий В. Л. Основы конструирования авиационных двигателей и энергетических установок. — М.: Машиностроение, 2008. — Т. 2.
- Быковский Ф. А., Ждан С. А., Ведерников Е. Ф. Непрерывная спиновая детонация топливно-воздушных смесей // Физика горения и взрыва. — 2006. — Т. 42, № 4. — С. 107–115.
- Быковский Ф. А., Ждан С. А. Непрерывная спиновая детонация. Новосибирск: Издво СО РАН, 2013.
- 5. Быковский Ф. А., Ждан С. А. Современное состояние исследований непрерывной детонации топливовоздушных смесей (обзор) // Физика горения и взрыва. — 2015. — Т. 51, № 1. — С. 31–46.
- Быковский Ф. А., Ждан С. А., Ведерников Е. Ф. Непрерывная детонация смесей метан/водород воздух в кольцевой цилиндрической камере сгорания // Физика горения и взрыва. 2018. Т. 54, № 4. С. 96–106.
- 7. Быковский Ф. А., Ждан С. А., Ведерников Е. Ф. Непрерывная спиновая детонация водородовоздушной смеси с добавкой воздуха в продукты и в зону смесеобразования // Физика горения и взрыва. — 2010. — Т. 46, № 1. — С. 60–68.
- Bykovskii F. A., Zhdan S. A., Vedernikov E. F. Continuous spin detonation of methane/hydrogen-air mixtures with additional injection of air to combustion products // J. Phys.: Conf. Ser. — 2018. — N 1128. — 012062. — DOI:10.1088/1742-6596/1128/1/012062.

- 9. Быковский Ф. А., Ждан С. А., Ведерников Е. Ф. Способ детонационного сжигания топливных смесей и устройство для его осуществления: Пат. RU 2595004. Опубл. 20.08.2016; Бюл. № 23.
- 10. Абрамович Г. Н. Прикладная газовая динамика. — М.: Наука, 1976.
- 11. Станюкович К. П. Неустановившиеся движения сплошной среды. М.: Наука, 1971.

Поступила в редакцию 23.01.2019. После доработки 06.03.2019. Принята к публикации 17.04.2019.