УДК 532.529:536.24

# Режимы двухфазного течения в микро- и миниканалах (*обзор*)\*

## Е.А. Чиннов, Ф.В. Роньшин, О.А. Кабов

Институт теплофизики им. С.С. Кутателадзе СО РАН, Новосибирск Новосибирский государственный архитектурно-строительный университет

#### E-mail: chinnov@itp.nsc.ru

Обзор посвящен анализу факторов, влияющих на границы двухфазных режимов в каналах разного поперечного сечения с минимальным размером менее капиллярной постоянной. Приведена классификация каналов по размеру. Данные по режимам двухфазного течения систематизированы и приведены в таблицах для круглых и прямоугольных каналов. Указано, что в большинстве работ выделены следующие режимы двухфазного течения: пузырьковый, снарядный и кольцевой. Описаны режимы, встречающиеся в отдельных работах. Сохранена используемая для описания режимов терминология. Проанализированы основные факторы, влияющие на структуру двухфазного потока, такие как расходы газа и жидкости, параметры канала и входного участка, смачиваемость внутренней поверхности каналов, свойства жидкости, гравитационные силы. Показано, что развитие неустойчивостей двухфазного потока оказывает существенное влияние на формирование, эволюцию и смену режимов течения.

Ключевые слова: двухфазное течение, плоский канал, микроканал.

#### Введение

Развитие теплообменников с микро- и наноразмерами показывает, что такие системы оказываются гораздо более энергоэффективными, чем макросистемы с размерами каналов более 1 мм. Существующие системы охлаждения не позволяют обеспечить современных требований по отводу тепла от высокотеплонапряженных источников в электронном и микроэлектронном оборудовании. При уменьшении толщин плоских каналов отношение поверхности к объему канала увеличивается обратно пропорционально его минимальному поперечному размеру, что обусловливает высокую интенсивность теплообмена в микро-системах. Такие системы получают все более широкое распространение в микроэлектронике, в аэрокосмической индустрии, транспорте и энергетике.

Опубликовано значительное количество работ по исследованию двухфазного течения. В литературе имеется различная классификация каналов по их поперечным размерам. Например, в работе (Kandikar, 2003) выделены микроканалы с характерным размером 10–200 мкм, миниканалы с размером 200–3000 мкм и конвективные каналы с размером более 3 мм. Однако систематизация, не зависящая от физических процессов, происходящих в каналах, выглядит искусственно. Изменение режимов течения в большинстве выполненных экспериментов определяется в первую очередь влиянием капиллярных

<sup>\*</sup> Работа выполнена при финансовой поддержке Минобрнауки России (соглашение № 14.604.21.0053).

<sup>©</sup> Чиннов Е.А., Роньшин Ф.В., Кабов О.А., 2015

и гравитационных сил. Относительное влияние капиллярных и гравитационных сил можно описывать, используя критерий Бонда (Этвеша) или отношение диаметра канала d к капиллярной постоянной  $l_{\sigma}$ . В работе (Чиннов, Кабов, 2006) приведена следующая классификация размеров каналов. 1. Крупномасштабные (конвективные) каналы  $d > 5l_{\sigma}$ , характеризующиеся отсутствием влияния капиллярных сил за счет кривизны канала. В этих условиях возможно проявление капиллярных эффектов на уровне других масштабов: пузыри, волны. 2. Гравитационно-капиллярные каналы  $0,5l_{\sigma} < d < 5l_{\sigma}$ , в которых проявляется совместное влияние капиллярных и гравитационных сил, но гравитационные силы превосходят капиллярные. При  $d = 0,5l_{\sigma}$  происходит вырождение раздельного режима течения. 3. Капиллярных и гравитационные каналы (миниканалы)  $0,1l_{\sigma} < d < 0,5l_{\sigma}$  с совместным влияние капиллярных и гравитационных сил, когда капиллярные силы превосходят гравитационные. Каналы второго и третьего типов можно также называть минимасштабными. 4. Капиллярные каналы (микроканалы)  $d < 0,1l_{\sigma}$ , где отсутствует действие гравитационных сил, а определяющее влияние оказывают капиллярные эффекты. Каналы этого типа можно называть микромасштабными.

В работе (Ребров, 2010) выделены три характерные группы течений в микроканалах: с преобладанием сил поверхностного натяжения, с преобладанием сил инерции и переходные между первыми двумя случаями. Характерным числом Этвеша для перехода от макро- к микроканалам было названо Eo = 0,84 (Bretherton, 1961), оно вычисляется по формуле

$$Eo = gL^2 \Delta \rho / \sigma, \qquad (1)$$

где g — ускорение свободного падения, L — характерный поперечный размер,  $\Delta \rho = \rho_2 - \rho_1$  — разность плотностей,  $\sigma$  — коэффициент поверхностного натяжения. Также выделено шесть режимов течений: пузырьковый, снарядный, струйно-снарядный, струйный, вспененный и капельно-кольцевой (рис. 1).

Обзор работ по режимам двухфазных течений в каналах различной геометрии и размера содержится в статье (Чиннов, Кабов, 2006). В публикациях (Ребров, 2010 и Shao et al., 2009) приведен детальный обзор статей, посвященных в основном течению в круглых микротрубах. Рассмотрено влияние размеров канала, свойств жидкости, смачиваемости и др. на режимы двухфазного течения. В работе (Ребров, 2010) проанализировано влияние на эти режимы геометрий разных входных участков. В работах (Haverkamp, 2006 и Ребров, 2010) показано, что границы режимов газо-жидкостного течения в микроканалах



Рис. 1. Схематическое представление режимов течений в микроканалах (Ребров, 2010). Режимы течения: І — пузырьковый, II — снарядный, III — струйно-снарядный, IV — снаряднокольцевой, V — струйный, VI — вспененный, VII — капиллярно-кольцевой.

значительно зависят от условий ввода фаз в канал. В работе (Haverkamp, 2006) использовалось несколько начальных участков. Газ двигался вдоль микроканала, а жидкость подавалась с двух его сторон. Изменялся угол подвода жидкости. При различных условиях подачи жидкости границы режимов газо-жидкостного течения сдвигаются на режимной карте. Установлено, что хотя качественно характер режимной карты сохраняется, на положение границ режимов двухфазного течения существенное влияние оказывают особенности геометрии смесителя и входного участка.

## 1. Режимы течения

В табл. 1 представлены основные публикации по круглым и треугольным микроканалам, а в табл. 2 — по прямоугольным. В работах исследуются различные параметры, влияющие на структуру двухфазного потока в микроканалах. Например, в работе (Ребров, 2010) проанализировано влияние таких параметров течения, как входной участок, диаметр канала, геометрия сечения канала, гидрофильность поверхности стенки канала, поверхностное натяжение и вязкость жидкости. Подробнее параметры, влияющие на структуру двухфазного потока, рассмотрим далее.

#### Таблица 1

Источник	Тип смеси	Канал	Режимы течений	Границы режимов	Ключевые моменты
1	2	3	4	5	6
Suo, Griffith (1964)	Вода- воздух, вода- азот	Г, круглый, d = 1, 1,4 мм	Снарядный (capillary slug), кольцевой (annular)	Граница между снарядным и коль- цевым режимами исследовалась при постоянном расхо- де жидкости.	Описание снарядного режима и его границ с другими режимами.
Andreini (1994)	воздух	ы (вниз), <i>и</i> = 0,5, 1,1,2 мм	снарядный (slug), кольце- вой (annular)		участка оказывают су- щественное влияние на границы режимов течения.
Barajas, Panton (1993)	Вода- воздух	$\Gamma, d = 1,5875$ мм, четыре материа- ла с различными углами смачива- ния: 34°, 61°, 74°, 106°; $U_{SG} = 0,1-100$ м/с, $U_{SL} = 0,003-2$ м/с; расстояние до зоны наблюде- ния — 160d	Волновой (wavy), проб- ковый (plug), снарядный (slug), кольце- вой (annular), пузырьковый (bubble), струй- ный (rivulet)	Изменение угла смачивания при $\theta < 90^\circ$ оказывало незначительное влияние на гра- ницы режимов течения, измене- ние угла смачи- вания при $\theta > 90^\circ$ оказывало значи- тельное влияние на границы ре- жимов течения.	Исследовано влияние угла смачивания и диа- метра канала на режимы двухфазного течения.
Fukano, Kariyasa ki (1993)	Вода- воздух	Г, В (вверх и вниз), круглый, Ругех - стекло, d = 1, 2, 4, 4, 9, 9, 26 мм, $U_{SG} = 0, 1-30$ м/с; $U_{SL} = 0,02-2$ м/с	Пузырьковый (bubble), пре- рывистый (intermittent), кольцевой (annular)	Границы режи- мов хорошо со- гласуются с дан- ными работы (Barnea et al., 1983) только при небольших диа- метрах канала (4 мм) и плохо согласуются с данными работы (Mandhane et al., 1974).	В каналах диаметром d < 4,9 мм ориентация канала несущественно влияет на режимы тече- ний. Исследованы изме- нения во времени объ- емного газосодержания и давления. Проведено измерение скорости пузырьков и толщины пленки жидкости в ка- налах.

Экспериментальные данные по исс	ледованию режимов течения
двухфазного потока в круглых трубах диамет	ром менее 2 мм и треугольных каналах

\* — производитель боросиликатного стекла.

Чиннов Е.А.,	Роньшин	Ф.В.,	Кабов	O.A.
--------------	---------	-------	-------	------

1	2	3	1	5	6
Mishima, Hibiki (1996)	2 Вода- воздух	В, Ругех-стекло и алюминий, круглый, $d =$ = 1–4 мм, $U_{SG} = 0,1–50$ м/с, $U_{SL} = 0,02–2$ м/с	Ч Пузырьковый (bubbly), сна- рядный (slug), вспененный (churn), коль- цевой (annular), раздельный (annular mist)	Границы режимов предсказаны моде- лью (Mishima, Ishii, 1984).	Проведены измерения объемного газосо- держания, скорости пузырьков и падения давления.
Triplett et al. (1999)	Вода- воздух	Г, круглый, $d =$ = 1,1; 1,45 мм, Ругех, треуголь- ный, $d_{h} =$ = 1,09 (акрил), 1,49 мм (поли- карбонат), $U_{SG} = 0,02-80$ м/с, $U_{SL} = 0,02-8$ м/с	Режимы тече- ния одинако- вые для всех каналов: пу- зырьковый (bubbly), вспе- ненный (churn), снарядный (slug), снаряд- но-кольцевой (slug-annular), кольцевой (an- nular)	Проведено сравне- ние режимов тече- ний с данными ра- боты (Suo, Griffith, 1964), выявлены существенные рас- хождения.	Проведено исследо- вание влияния ориен- тации и формы кана- ла на режимы тече- ний. Получены схо- жие результаты для круглого и треуголь- ного сечений каналов. Хорошо согласуется с (Suo, Griffith, 1964), (Damianides, Westwater, 1988) и (Fukano, Kariyasaki, 1993).
Yang, Shieh (2001)	Вода- воздух, R-134a	Г, Ругех-стекло, круглый, $d = $ от 1 до 3 мм, $U_{SG} =$ = 0,016-91,5 м/с, $U_{SL} = 0,006-$ -2,1 м/с	Пузырьковый (bubbly), проб- ковый (plug), раздельный (wavy stratified), сна- рядный (slug), дисперсный (dispersed), кольцевой (an- nular)	Границы режимов течения плохо со- гласуются с данными работы (Taitel, Dukler, 1976).	Исследовано влияние диаметра канала и свойств жидкости. Границы режимов в канале с водой и воз- духом четко не опре- делены, особенно для перехода от пробко- вого режима к кольцевому. Опре- делены границы режимов для R-134a.
Zhao, Bi (2001)	Вода- воздух	В (вверх), равно- сторонний тре- угольник, $d_h =$ = 0,866; 1,443; 2,886 мм, $U_{SG} = 0,1-$ 100 м/с, $U_{SL} =$ = 0,08–10 м/с	Пузырьковый (capillary bubble) для $d_h =$ = 0,866 мм, снарядный (slug), вспе- ненный (churn), кольцевой (annular)	Границы режимов существенно расхо- дятся с (Taitel et al., 1980) и (Mishima, Ishii, 1984).	Измерены скорости газа и жидкости, а также давление и пе- репад давления. Диа- метр и форма канала имеют значительное влияние на режимы течения и их грани- цы.
Chen et al. (2002)	Вода- азот	Г, В, стекло, круглый, <i>d</i> = 1 и 1,5 мм, <i>U<sub>SG</sub></i> = 0,502– -11 м/с, <i>U<sub>SL</sub></i> = = 0,399–3,53 м/с	Пузырьковый (bubbly), сна- рядный (slug and bubble-train slug), вспенен- ный (churn), кольцевой (annular)	_	Исследованы режимы течения, скорость пузырьков и объем- ное газосодержание.

Теплофизика и аэроме:	аника, 2015, том	22, № 3	3
-----------------------	------------------	---------	---

				-	
I Kawa- hara et al. (2002)	2 Вода- азот	3 Г, круглый, <i>d</i> = = 100 мкм, <i>U<sub>SG</sub></i> = 0,1–60 м/с, <i>U<sub>SG</sub></i> = 0,02–4 м/с	4 Кольцевой		6 Исследованы усред- ненное по времени объемное газосодер- жание и падение дав- ления.
Serizawa et al. (2002)	Вода- воздух	Г, круглый, $d =$ = 20, 25, 100 мкм для воздуха и 50 мкм для пара, $U_{SG} = 0,0022-$ -295,3 м/с, $U_{SL} = 0,0032-$ -17,5 м/с	Пузырьковый (bubbly), снаряд- ный (slug, liquid lump), кольце- вой (liquid ring, frothy annular), кольцевой (liquid droplet flow or annular- mist, rivulet)	Все режимы, кроме раздельного, хоро- шо согласуются с изученными в рабо- те (Mandhane et al., 1974). Границы ре- жимов плохо согла- суются с данными, полученными в ра- боте (Fukano, Kari- yasaki, 1993).	Исследовано влияние поверхностного натя- жения и смачиваемо- сти на режимы тече- ния. Определено объ- емное газосодержа- ние. Обнаружено су- ществование несмо- ченной зоны, на кото- рую влияют размеры и смачиваемость по- верхности.
Chung, Kawaji (2004)	Вода- пар, вода- азот	Г, круглый, <i>d</i> = = 530, 250, 100, 50 мкм, <i>U<sub>SG</sub></i> = 0,02–20 м/с, <i>U<sub>SL</sub></i> = 0,01–7 м/с	Для 530 и 250 мкм: пузырь- ковый (bubbly), снарядный (slug), вспе- ненный (churn), снарядно- кольцевой (slug-annular), кольцевой (annular)	_	Исследовано влияние диаметра канала на границы между ре- жимами. Для каналов диаметром 530 и 250 мкм структура потока была такая же, как у каналов диа- метром ~1 мм; в ка- налах диаметром 100 и 50 мкм структура течения существенно отличалась.
Hassan et al. (2005)	Вода- воздух	Г, круглый, $d =$ = 800 мкм, 1 и 3 мм, $U_{SG} = 10-100$ м/с, $U_{SL} = 0,02-$ -3,82 м/с	Преобладание силы поверх- ностного натя- жения: пузырь- ковый (bubbly), прерывистый (intermittent); преобладание инерциальных сил: вспенен- ный (churn) и кольцевой (annular)	_	Сделан обзор и про- ведено эксперимен- тальное исследование двухфазного течения в микроканалах. Ори- ентация канала ока- зывала существенное влияние на границы между режимами.

Чиннов Е.	А., Роньшин	ı Ф.В., Каб	ов О.А.
-----------	-------------	-------------	---------

1	2	3	4	5	6
l Shao et al., (2008)	Вода- азот	r, d = 500 и 750 мкм, $U_{SG} = 0, 1-17$ м/с, $U_{SL} = 0,07-4,2$ м/с	4 Пузырьковый (bubbly), сна- рядный (Taylor), сна- рядно- кольцевой (Taylor– annular), вспе- ненный (churn), кольцевой (annular)	5 Пузырьковый режим наблюдался при вы- соких приведенных скоростях жидкости, когда исполь- зовались большие отверстия для ввода жидкости в канал. Размер отверстия для ввода жидкости не оказал сущест- венного влияния на границу между сна- рядным, снарядно- кольцевым и вспе- ненным режимами. При уменьшении размера канала гра- ницы между пу- зырьковым и сна- рядно-кольцевым режимами сдвига- лись в сторону более высоких приведен- ных скоростей жид- кости и газа.	6 Размер входного от- верстия канала суще- ственно влияет на границы между режимами.
Lee, Lee (2008)	Вода- воздух, мета- нол.	Г, круглый, стекло: $d = 1,46$ и 1,8 мм, $U_{SG} = 0,5-$ -50 м/с, $U_{SL} =$ = 0,004-0,4 м/с; тефлон: $d =$ $= 1,59$ мм, $U_{SG} =$ = 0,4-47 м/с, $U_{SL} = 0,02-$ -0,8 м/с; полиуретан: $d = 2$ мм, $U_{SG} =$ = 0,3-53 м/с, $U_{SL} = 0,007-$ -0,4 м/с	Пробковый (plug), снаряд- ный (slug), кольцевой (annular for wet condition and rivulet for dry condition), вол- новой (wavy)	Граница между смоченным и не- смоченными пото- ками определялась по нормированной поверхностной скорости $\overline{U_{SL}} = U_{SL}/(a + b\theta),$ где <i>a</i> и <i>b</i> определя- лись эксперимен- тально.	$\overline{U_{SL}} = 1$ определяла нижнюю границу для смоченного потока, когда угол смачива- ния $\theta < 50^{\circ}$ , переход от смоченного к не- смоченному потоку был при угле смачи- вания $50^{\circ} < \theta < 90^{\circ}$ . Эта граница зависит от угла смачивания так же, как от $U_{SL}$ .

# Таблица 2

Основные параметры экспериментов по исследованию течения двухфазного потока в прямоугольных каналах малого размера

Источ- ник	Тип смеси	Канал	Режимы течений	Границы режимов	Ключевые моменты
1	2	3	4	5	6
Бейну- сов и др. (1978)	Вода- воздух	В, прямо- угольный, 0,2×124, 0,25×124, 0,5×124 мм	_	_	_
Lowry, Kawaji (1988)	Вода- воздух	В, прямо- угольный, 80×0,5 мм	_	_	_

Теплофизика и аэромеханика, 2015, том 22, № 3

1	2	3	4	5	6
Bonjour, Lalle- mand (1998)	R-113	В, прямо- угольный, 0,5×2 мм	_	_	Исследованы три ре- жима кипения жидко- сти в микроканале. Количественно и каче- ственно проанализиро- ваны характеристики течения.
Xu et al. (1999)	Вода- воздух	В, прямо- угольный, 0,3×12 и 0,6×12 мм	Пузырьковый (bubbly, cap- bubbly), снаряд- ный (slug), вспе- ненный (slug- churn), churntur- bulent), кольце- вой (annular)	Все режимы тече- ния, кроме вспе- ненного, хорошо согласуются с рас- смотренными в работе (Mishima et al., 1993).	Предложены новые критерии границ ре- жимов.
Coleman, Garimell a (1999)	Вода- воздух	Г, прямоточ- ный, Ругех- стекло, круг- лый и прямо- угольный, $d_h =$ = 1,3, 1,75, 2,6 и 5,5 мм, $U_{SG} = 0,1-$ -100 м/с, $U_{SL} = 0,01-$ -10 м/с	Пузырьковый (bubbly), дис- персный (dis- persed), снаряд- ный (elongated bubble/plug flow and slug flow), снарядно- кольцевой (wavy-annular), волновой (wavy), кольцевой (annu- lar)	Режимы течения хорошо согласует- ся с рассмотрен- ными в работе (Damianides, Westwater, 1988), где показано уве- личение зоны сна- рядного режима и уменьшение зоны раздельного ре- жима.	Проведено исследова- ние влияния диаметра и формы канала на гра- ницы между режимами.
Bi, Zhao (2001)	Вода- воздух	Г, прямо- угольный, 0,75×1,5 мм	Пузырьковый (capillary bubble), снарядный (slug), вспененный (churn), кольце- вой (annular)	_	Установлено, что ско- рость дрейфа не равна нулю. Проведено срав- нение режимов тече- ния с другими канала- ми некруглого сечения.
Hibiki, Mishima (2001)	Вода- воздух	В, прямо- угольный, 0,3×17 мм	Пузырьковый (bubbly), снаряд- ный (slug), вспе- ненный (churn), кольцевой (annu- lar)	_	Предложены новые критерии границ ре- жимов двухфазного потока.
Kawaji, Chung (2003)	Вода- азот	Г, квадратный, 0,096×0,096 мм	-	-	-
Cubaud, Ho (2004)	Вода- воздух	Г, квадратный, стекло и крем- ний, $d_h = 200$ и 525 мкм, $U_{SG} = 0,003-$ $-20$ м/с, $U_{SL} =$ = 0,001-0,2 м/с	Пузырьковый (bubbly), пробко- вый (wedging), снарядный (slug), кольцевой (annu- lar and dry)	Переход от пу- зырькового к пробковому ре- жиму при $a_L \approx$ $\approx 0,75$ ; переход от пробкового к сна- рядному режиму при $a_L \approx 0,2$ ; пере- ход от снарядного к кольцевому ре- жиму при $a_L \approx 0,04$ .	Установлено, что ре- жимная карта не зави- сит от размера канала (в отличии от больших каналов). Средняя ско- рость пузырьков при- мерно равна скорости жидкости. Определено, что смачиваемость ока- зывает важную роль в формировании режима.

Чиннов Е.А., Роньшин Ф.В., Кабов О.А.

				_	
l Waelchli, von Rohr (2006)	2 Вода- азот, этанол, глице- рин (10%) и глице- рин (20%) Вода-	3 Г, прямо- угольный, $d_h =$ = 187,5- -218 мкм, $U_{SG} = 0,027-$ -8,9 м/с, $U_{SL} = 0,014-$ -1,4 м/с Г, квадратный,	4 Прерывистый (intermittent), кольцевой (annular), пу- зырьковый (bubbly) Гидрофильная по-	5 В качестве коор- динат режимной карты использова- лись $10^7 \cdot \text{Re}_{SL}^{0,2} \cdot \text{We}_{SL}^{0,4} \cdot (kS/d)^5$ и $\text{Re}_{SG}^{0,2} \cdot (kS/d)^5$ и $\text{Re}_{SG}^{0,2} \cdot (kS/d)^5$ и $\text{Te}_{SG}^{0,4}$ , где $kS/d$ — относительная шеро- ховатость канала.	6 Определено, что ре- жим течения в боль- шей степени зависит от формы канала, чем от его размера Обозначена важность
et al. (2006)	воздух, вода с ПАВ	d <sub>h</sub> = 525 мкм	верхность: пузырь- ковый (bubbly), пробковый (wedging), снаряд- ный (slug), коль- цевой (annular and dry); гидрофобная поверхность: изо- лированный асси- метричный пу- зырьковый (isolated asym- metric bubble flow), волновой пузырьковый (wavy bubble flow), капельный (scattered droplet flow)		влияния поверхности микроканала на режи- мы двухфазного пото- ка. Гидрофильная по- верхность и микроше- раховатости сущест- венно влияют на струк- туру двухфазного потока.
Haverka mp et al. (2006)	Вода- воздух, изопро- панол	Г, прямо- угольный, не- ржавеющая сталь: $d_h = 150$ и 294,5 мкм, $U_{SG} = 0,001-$ $-22$ м/с, $U_{SL} =$ = 0,001- -0,074 м/с, боросиликат- ное стекло: $d_h = 66,67$ мкм, $U_{SG} = 0,5-$ $-190$ м/с, $U_{SL} =$ = 0,03-2 м/с	Для каналов $d_h =$ = 150 и 294,5 мкм: пузырьковый (bubbly), снаряд- ный (slug), сна- рядно-кольцевой (slug-annular), кольцевой (annu- lar); для канала $d_h$ = 66,67 мкм: сна- рядный (Taylor), вспененный (churn), кольце- вой (annular), снарядно- кольцевой (ring)	С уменьшением поверхностного натяжения, грани- ца между снаряд- ным и снарядно- кольцевым режи- мами сдвигалась в сторону более высоких U <sub>SG</sub> ; при изменении вари- анта смесителя с Т на S граница меж- ду снарядным и вспененным ре- жимами сдвига- лась в сторону более высоких U <sub>SG</sub> .	Была создана специ- альная конструкция смесителя для измене- ния размера пузырь- ков, распределения пузырьков и структуры потока в микроканале. Используя <i>S</i> -смеситель, удалось уменьшить размер пузырьков и увеличить их количе- ство. В каналах разме- ром $d_h = 66,67$ мкм снарядно-кольцевой режим заменял кольце- вой режим при высо- ких $U_{SG}$ , о чем ранее нигде не сообщалось.
Xiong, Chung (2007)	Вода- азот	Г, прямо- угольный, $0,213 \times 0,206$ , $0,419 \times 0,406$ и $0,630 \times 0,615$ мм, $U_{SG} = 0,06-$ $-72,3$ м/с, $U_{SL} =$ = 0,02-7,13 м/с	Пузырьковый (bubbly slug flow), снарядный (slug-ring flow), вспененный (dis- persed-churn flow), кольцевой (annular flow)	При уменьшении гидравлического диаметра границы между режимами сдвигаются в сто- рону более высо- ких We <sub>SG</sub> или приведенной ско- рости газа.	Измерено объемное газосодержание для всех каналов. Получе- на нелинейная зависи- мость газосодержания от гидравлического диаметра канала.
Yu et al. (2007)	Силико- новое масло- воздух	Г, квадратный и прямоуголь- ный, 0,125×0,125 и 0,125×0,25 мм	Снарядный (slug), пузырько- вый (bubble).	В качестве пара- метра использова- лось число капил- лярности (Са).	Исследовано влияние параметров (геометрия смесителя и вязкость) на механизм формиро- вания пузырьков.

Теплофизика и аэромеханика	, 2015,	том 22	, № 3
----------------------------	---------	--------	-------

1	2	3	4	5	6
Kabov et al. (2007a)	Вода- азот	Г, прямо- угольный, 1×40 мм	Пузырьковый (bubbles), сна- рядный (slug), прерывистый (intermittent jet), струйный (jet), раздельный (stratified) и коль- цевой (annular, annular-droplet)	Кольцевой режим хорошо согласует- ся с данными ра- боты (Kabov et al., 2007b) и (Wambganss et al., 1991), раздельный режим хорошо согласуется с дан- ными работы (Wambganss et al., 1991).	Обозначено, что режим течения в микрокана- лах существенно отли- чается от режима тече- ний в больших трубах. Выделен новый режим двухфазного течения в микроканалах — струйный.
Yue et al. (2008)	Boga – CO <sub>2</sub>	Г, прямо- угольный, $d_h =$ = 200, 400 и 667 мкм, $U_{SG} =$ = 0,04–70 м/с, $U_{SL} = 0,02-$ -2 м/с	Пузырьковый (bubbly), снаряд- ный (slug), сна- рядно-кольцевой (slug-annular), вспененный (churn), кольце- вой (annular)	При уменьшении канала, граница между снарядным и снарядно- кольцевым режи- мами сдвигалась в сторону более вы- соких U <sub>SG</sub> . Грани- цы между снаряд- ным и пузырько- вым режимами, снарядно- кольцевым и коль- цевым режимами практически не сдвигались при изменении разме- ра каналов.	Использовалась модель раздельного течения, для учета U <sub>SL</sub> множи- тель был модифициро- ван.
Pohoreck i et al. (2008)	Вода- азот, эта- нол	Г, прямо- угольный и квадратный, $d_h = 843$ мкм, $U_{SG} = 0,01-$ -50 м/с, $U_{SL} =$ = 0,02-1,2 м/с	Пузырьковый (bubble), снаряд- ный (slug), сна- рядно-кольцевой (slug/annular), кольцевой (annu- lar)	При увеличении поверхностного натяжения грани- ца между снаряд- ным и снарядно- кольцевым режи- мами сдвигалась в сторону более низких U <sub>SG</sub> .	Предложен критерий эффективности площа- ди поверхности для газо-жидкостных мик- рореакторов.
Чиннов, Кабов (2008)	Вода- азот	Г, прямо- угольный, 0,3×40 мм	Прерывистый, вспененный, струйный, ка- пельно- кольцевой, сна- рядный, пузырь- ковый, струйно- пузырьковый, кольцевой	Хорошо согласу- ется с данными работы (Xu et al., 1999).	Определено, что в ка- налах большой шири- ны на нижней их стен- ке при небольших при- веденных скоростях жидкости образуются капли.
Chinnov et al. (2009)	Вода- азот	Г, прямо- угольный, 0,44×30 мм	Koльцевой (annular), вспе- ненный (churn), пузырьковый (bubbles), раз- дельный (strati- fied), струйный (jet), снарядный (slug)	_	Указано, что у боковых стенок канала возни- кают нестабильные всплески.

Чиннов Е.А., Роньшин Ф.В., Кабов О.А.

1	2	3	4	5	6
l Santos, Kawaji (2010)	2 Вода- воздух	$\frac{3}{\Gamma_{\rm r}}$ квадратный, 0,118×0,119 мм, $U_{SG} = 0,018-$ -0,791 м/с, $U_{SL} = 0,042-$ -0,757 м/с	4 Раздельный (stratified) и сна- рядный (slug)	5 Методы вычисли- тельной динамики (CFD) хорошо предсказывают формирование снарядного режима.	6 Вычислено объемное газосодержание, кото- рое хорошо сошлось с данными работы (Ар- манд, 1946) и плохо — с (Kawahara et al., 2002) и (Xiong, Chung, 2007).
Choi et al. (2011)	Вода- азот	Г, прямо- угольный, 0,5×0,47,	Пузырьковый (bubbly), снаряд- ный (slug bubble),	При уменьшении относительной ширины канала	верхностное натяжение имеет значительное влияние на форму и размер пузырьков. В работе проанализи- ровано влияние отно- сительной ширины
	2	0,6×0,41, 0,5×0,24 мм	кольцевой (elon- gated bubble, multiple, liquid film)	(aspect ratio) рас- ширяется область пузырькового режима.	канала (aspect ratio) и гидравлического диа- метра на характери- стики двухфазного потока.
Козу- лин, Кузне- цов (2011)	Вода- азот	В, прямо- угольный, 0,67×2 мм, $U_{SG} = 0,04-$ -11 м/с, $U_{SL} =$ = 0,07- -0,41 м/с	Пузырьковый (slug-bubble regime), снаряд- ный (slug regime), переходной ре- жим (transient regime), эмульсия (emulsion regime), кольцевой (annular regime)	_	Использование двух- лучевого лазерного метода позволило заре- гистрировать и коли- чественно определить характеристики двух- фазного течения.
Чиннов, Кабов (2011а)	вода- азот	Г, прямо- угольный, 0,42×40, 0,44×30, 0,49×20 и 0,1×30 мм	Пузырьковый, струйный, вспе- ненный, раздель- ный, кольцевой	_	В канале высотой 100 мкм обнаружен новый тип неустойчивости — фронтальная неустой- чивость — при взаи- модействии жидкости и газа при выходе жид- кости из сопла. Пока- зано, что два типа не- устойчивости (боковая и фронтальная) оказы- вают определяющее влияние на формиро- вание режимов двух- фазного течения в пло- ских горизонтальных микроканалах и на пе- реходы между ними.
Kuznet- sov et al. (2012)	Вода- азот	Г, прямо- угольный, 0,217×0,37 мм	Периодический пузырьковый (flow with periodic elongated bubbles), непе- риодический пу- зырьковый (non- periodic elongated bubble flow, transition flow), и кольцевой (annular flow)	_	Кипение в каналах ока- зывает значительное влияние на капилляр- ные силы, изменяя структуру двухфазного потока. Выдвинута новая модель перехода к кольцевому режиму.

1	2	2	4	5	6
	2	3	4	3	0
Kuznet-	вода-	В, Г, прямо-	Пузырьковыи	Переход к кольце-	указано, что ориента-
sov et al. $(2012)$	a301	угольный,	(bubbly-slug),	вому режиму хо-	ция канала практически
(2013)		0,72×1,5 MM	снарядный (slug),	рошо согласуется	не влияет на структуру
			вспененныи	с моделью	двухфазного потока.
			(churn), кольце-	(Mishima, Ishii,	Приведен анализ влия-
			вои (annular, and	1984).	ния кипения на пузырь-
			annular-mist)		ки и структуру потока
Housh-	Вода-	Г, прямо-	Режимы образо-	-	Газ вводился в поток
mand et al.	азот	угольный,	вания пузырьков:		жидкости через щели,
(2014)		1,5×0,225 мм	дискретные пу-		вырезанные на разных
			зырьки (discrete		сторонах микростол-
			bubbling), свя-		бика. Использовалось
			занные пузырьки		пять углов, под кото-
			(attached		рыми вводился газ: 0°,
			ligament), сме-		30°, 80°, 110° и 190°.
			шанный режим		Указано, что угол, под
			(mixed bubbling-		которым вводится газ
			ligament)		в жидкость оказывает
					существенное влияние
					на структуру двухфаз-
					ного потока
Kim et	Вода-	Г, квадратный,	Капельный	-	В работе использова-
al.	аргон	0,2×0,2 мм	(droplet), пробко-		лись входные каналы
(2014)			вый (plug) и пе-		с различным попереч-
			реходной между		ным сечением
			капельным и		(0,05×0,05, 0,05×0,2 и
			пробковым		0,1×0,2 мм). Указано,
			(irregular		что начальные пара-
			segmented).		метры впрыска оказы-
					вают существенное
					влияние на структуру
					двухфазного потока.
Patel,	Вода-	Г, квадратный,	Кольцевой	-	Предложена новая ме-
Garimell	воздух	0,5×0,5 мм	(annular), снаряд-		тодика, позволяющая
a (2014)			ный (slug)		достичь лучшего каче-
× /					ства изображения
					структур.
Hollo-	FC-72.	Г, прямо-	Пузырьковый	Режимная карта	Проведено исследова-
way et al.		угольный,	(bubbly), pas-	Taitel & Dukler c	ние двухфазного пото-
(2014)		0,184×20 мм	дельный	модификацией	ка с FC-72 в микрока-
			(stratified), пре-	перехода от пре-	нале. Установлено. что
			рывистый	рывистого к коль-	режимную карту мож-
			(intermittent).	цевому режиму	но предсказать при
			кольцевой	Ullman-Brauner	помощи моделей Taitel
			(annular)	хорошо прелска-	& Dukler и Ullman-
			(	зала все границы	Brauner.
				режимов.	

Теплофизика и аэромеханика, 2015, том 22, № 3

Результаты выполненных исследований двухфазного потока в мини- и микроканалах не всегда имеют однозначный характер, содержат противоречия и разные трактовки. В большинстве работ выделены следующие режимы двухфазного течения: пузырьковый, снарядный и кольцевой, которые присутствуют во всех каналах. При небольших приведенных скоростях жидкости и газа наблюдался снарядный режим, который характеризуется прохождением вдоль канала больших, пулеобразных пузырей. Поперечный размер пузырей почти совпадает с диаметром канала. При увеличении приведенной скорости жидкости происходит переход к пузырьковому режиму. В этом режиме по каналу движется жидкость, содержащая много небольших пузырьков газа. Размер и число пузырьков изменяются в зависимости от расходов жидкости и газа. При высоких приведенных скоростях жидкости и газа наблюдается кольцевой режим. При кольцевом режиме течения жидкость движется по стенкам канала в виде пленки, в центральной части газ вместе с каплями образует ядро потока. Из-за сложностей точной регистрации границ между режимами используют термины, характеризующие переходные состояния: прерывистый, снарядно-кольцевой. При высоких приведенных скоростях газа наблюдается дисперсный режим, когда жидкость движется в виде капель. При больших приведенных скоростях жидкости наблюдается вспененный режим. Этот режим характерен для вертикальных каналов (Xu et al., 1999), где он обусловлен гравитацией, а также наблюдается в широких горизонтальных микроканалах высотой менее 1 мм (Kabov et al., 2007а). Для этого режима характерно существование разорванных перемычек. В работе (Barajas, Panton, 1993) выделен ручейковый (rivulet) режим. Жидкость в таком режиме движется по поверхности канала, причем не прямо, а изгибается подобно реке. Указано, что ручейковый режим заменяет собой волновой режим при больших контактных углах смачивания. Волновой режим представлял из себя раздельный режим, в котором по поверхности пленки жидкости двигались волны, не касаясь верхней стенки канала. Пробковый (plug, wedging) режим представляет собой прерывистые пробки (удлиненные пузырьки, длинной больше диаметра канала) из газа, движущиеся по каналу с жидкостью. Этот режим является переходным между снарядным и пузырьковым. Поток состоит из одинаковых монодисперсных удлиненных пузырьков. Размер таких пузырьков превышает высоту канала (Cubaud, Ho, 2004). Поперечные размеры пробок увеличиваются с увеличением приведенной скорости газа. При малых приведенных скоростях жидкости в прямоугольных коротких микроканалах наблюдался струйный режим (jet), когда газ двигался в центральной части канала, а основная часть жидкости перемещалась по его периферии вдоль боковых стенок. При небольших приведенных скоростях жидкости и больших приведенных скоростях газа наблюдался раздельный режим. В этом режиме часть жидкости двигалась по нижней стенке канала в виде пленки, увлекаемой потоком газа. Раздельный режим характерен только для прямоугольных микроканалов, так как в круглых каналах малого диаметра пленка замыкается, образуя кольцевой режим.

#### 2. Влияние расходов газа и жидкости

Расходы газа и жидкости оказывают основное влияние не только на структуру двухфазного потока, задавая режим течения, но и на механизмы его формирования. При построении режимных карт в качестве координат традиционно использовались приведенные скорости газа  $U_{SG}$  и жидкости  $U_{SL}$ , которые определялись как объемный расход газа или жидкости, деленный на площадь поперечного сечения канала. Ввиду большого количества факторов, влияющих на границы режимов течения, не удалось построить универсальные безразмерные критерии для определяющих параметров диаграмм. Только для наиболее простых случаев, например, для круглых труб, когда влиянием гравитационных сил можно пренебречь ( $D/l_{\sigma} < 0,5$ ), целесообразно использовать отношения инерционных и капиллярных сил в виде чисел Вебера, вычисленных по приведенным скоростям газа и жидкости (Akbar et al., 2003).

# 3. Влияние геометрии входного участка

Режимы течения значительно зависят от условий ввода фаз в канал. В работе (Haverkamp et al., 2006) имелось несколько начальных участков. Газ двигался вдоль микроканала, а жидкость подавалась с двух сторон микроканала. Использовались, как показано на рис. 2, два варианта смесителей: Плавный (Smooth) (угол подвода жидкости 10°) и Т-сме-



ситель (угол подвода жидкости 90°). Также были проанализированы различные геометрии входного участка для Т-смесителя.

Рис. 2. Варианты смесителей (Haverkamp et al., 2006). Обозначения: Г — газ; Ж — жидкость.

286



(3 — Taylor/ring, 6 — Taylor/annular), 4 — кольцевой (annular), 5 — неоднородный кольцевой (ring),.

В смесителе  $T_1$  переход от сечения подводящего канала (400 мкм) к сечению микроканала (100 мкм) осуществлялся в две ступени (400–200 и 200–100 мкм), выполненных в виде внезапного сужения канала. В смесителе  $T_2$  микроканал начинался сразу после места ввода газа. В смесителе типа "Плавный" переход осуществлялся постепенно.

В работе (Haverkamp et al., 2006) выделены следующие режимы течения: снарядный, вспененный и кольцевой. Также выделен неоднородный кольцевой режим, при котором толщина пленки изменялась на протяжении всего канала. Из рис. 3 видно, что при различных условиях подачи жидкости границы режимов сдвигаются на режимной карте. При переходе от Т-смесителя к Плавному граница снарядного режима практически не изменяется, область неоднородного кольцевого режима значительно уменьшается, сужаются области снарядно-кольцевого и вспененного режимов. Но в целом характер режимной карты сохраняется.

# 4. Влияние поперечных размеров канала

## 4.1. Круглые каналы

Размер канала является наиважнейшим критерием, отличающим макроканальные и микроканальные течения. Имеется огромное количество публикаций на эту тему. В работе (Coleman, Garimella, 1999) проведено исследование двухфазного потока в круглых каналах диаметром от 1,3 до 5,5 мм. Из рис. 4 видно, что основным отличием между



*Рис. 4.* Сравнительная режимная карты для круглых каналов различного диаметра (Coleman, Garimella, 1999).

Диаметры канала: 1,3 (1), 1,75 (2), 2,6 (3), 5,5 (4) мм; режимы течения: І — пузырьковый (bubble), II — дисперсный (dispersed), III — кольцевой (annular), IV — снарядно-кольцевой (wavy-annular), V — раздельный (stratified), VI — снарядный (slug).

небольшими (1,3, 10,75 и 2,6 мм) и большим (5,5 мм) каналами является преобладание раздельного и прерывистого режимов течения при более высоких приведенных скоростях жидкости и газа. Для небольших каналов уменьшение диаметра канала способствовало сдвигу границ между прерывистым и пузырьковым, снарядным и снарядно-кольцевым, снарядно-кольцевым и дисперсным режимами в сторону более высоких приведенных скоростей жидкости и газа. Однако изменение размера канала практически не влияло на границу между снарядно-кольцевым и кольцевым, кольцевым и дисперсным режимами. Влияние размера канала на область прерывистого режима можно объяснить двумя явлениями: во-первых, в небольших каналах пузырьки диаметром порядка диаметра канала образуют прерывистый режим. В больших же каналах пузырьки такого диаметра образуют пузырьковый режим. Отсюда видно, что при уменьшении диаметра канала область прерывистого режима будет расширяться, а пузырькового наоборот, сужаться. Во-вторых, при уменьшении диаметра канала силы поверхностного натяжения начинают преобладать над инерциальными силами, из-за чего разрушение пузырей становится более сложным.

Из анализа литературы, приведенного в публикации (Ребров, 2010), следует, что при уменьшении диаметра микроканала область снарядного режима возрастает вдоль обеих координат ( $U_{SL}$  и  $U_{SG}$ ). При уменьшении диаметра канала пузыри газа одинакового размера формируют снарядный режим при больших значениях  $U_{SG}$ . Границы струйноснарядного режима сдвигаются в сторону более высоких  $U_{SL}$  и  $U_{SG}$ . Области пузырькового и вспененного режимов уменьшаются за счет расширения области снарядного режима. Границы струйного режима практически не меняются.

# 4.2. Треугольные каналы

В работе (Zhao, Bi, 2001) исследовано двухфазное течение в треугольных микроканалах различного гидравлического диаметра ( $d_h = 2,886, 1,443$  и 0,886 мм). Из рис. 5 видно, что пузырьковый режим сжимался с уменьшением диаметра канала с 2,886 до 1,443 мм и заменялся в канале 0,886 мм на капиллярный пузырьковый режим, который занимал гораздо большую площадь. С уменьшением диаметра канала снарядный режим расширялся в сторону более высоких приведенных скоростей жидкости и газа, а вспененный режим сжимался из-за сдвига границы снарядного. Область кольцевого режима практически не изменялась.

#### 4.3. Прямоугольные каналы

### Высота канала

В работе (Чиннов и др., 2014) проведено исследование влияния высоты канала на структуру двухфазного потока. Показано сравнение данных для прямоугольного канала с зазором 0,2 мм с данными для горизонтальных каналов с большей высотой (0,42 и 1 мм). Из рис. 6 видно, что граница пузырькового и снарядного течений не претерпела существенных изменений при умеьшении



Рис. 5. Сравнительная режимная карта для треугольных каналов с различным гидравлическим диаметром (Zhao, Bi, 2001).

Режимы течения:  $d_h = 2,886$  (1), 1,443 (2) мм: Іа — пузырьковый (dispersed bubbly), II снарядный (slug), III — вспененный (churn), IV — кольцевой (annular);  $d_h = 0,886$  (3) мм: Ib — пузырьковый (capillary bubbly), II — снарядный (slug), III — вспененный (churn), IV кольцевой (annular).



Рис. 6. Сравнение режимных карт для каналов с различным сечением (Чиннов и др., 2014). Сечения каналов: 0,2×34 (1), 0,42×40 (2), 1×40 (3) мм; режимы течения: І — пузырьковый, ІІ — вспененный, ІІІ — снарядный, ІV — кольцевой, V — струйный, VI — раздельный.

Рис. 7. Влияние ширины канала на границы режимов для каналов с разным сечением. Сечения каналов: 0,42×9 (1), 0,49×20 (2), 0,44×30 (3) мм (Чиннов, Кабов, 2012); режимы течения для каналов 0,49×20 и 0,44×30 мм: І — пузырьковый, ІІ — кольцевой, ІІІ — струйный, IV — раздельный, V — вспененный.

высоты канала от 0,42 до 0,2 мм. С увеличением высоты канала уменьшилась область струйного режима (граница между струйным и раздельным режимами сдвинулась в сторону более низких приведенных скоростей газа), за счет чего существенно увеличилась область раздельного течения. Область кольцевого режима уменьшается с увеличением высоты канала (граница между кольцевым и раздельным режимами сдвигается в область более высоких приведенных скоростей жидкости). С уменьшением высоты горизонтальных каналов область вспененного режима возрастает, достигая максимальной величины для канала с зазором 0,2 мм. При этом граница между вспененным и кольцевым режимами в зоне высоких приведенных скоростей жидкости остается практически неизменной. Обратная тенденция наблюдается для раздельного режима, область которого убывает с уменьшением высоты горизонтальных каналов. Однако в отличие от цилиндрических труб эта область не исчезает.

## Ширина канала

В работе (Чиннов, Кабов, 2012) проведено сравнение режимных карт в каналах сечением 0,42×9, 0,44×30 и 0,49×20 мм. На рис. 7 представлена сравнительная карта режимов течений в этих каналах. Видно, что в исследуемых микроканалах существует область устойчивого раздельного течения с тонкой пленкой жидкости. Установлено, что граница между раздельным и кольцевым режимами течения практически не подвержена влиянию изменения ширины канала. Граница между пузырьково-снарядным и струйным режимами изменяется слабо, как и граница между вспененным и кольцевым режимами двухфазного течения. Наибольшие изменения границ наблюдаются между струйным, вспененным и раздельным режимами течения. Увеличение ширины канала приводит к расширению областей раздельного и вспененного течений и сужению области струйного течения. Для канала сечением 0,42×9 мм область вспененного режима уменьшалась.

## 5. Влияние геометрии сечения канала

В работе (Triplett, 1999) приведено сравнение каналов треугольного и круглого сечений (для круглого d = 1,097 мм, для треугольного  $d_h = 1,099$  мм). Сравнительная режимная карта для круглых и треугольных каналов приведена на рис. 8. Показано, что геометрия сечения слабо влияет на границы снарядного режима. В треугольном канале незначительно расширяется область вспененного режима, также немного расширяется струйный режим, сдвигая струйно-снарядный. В каналах некруглого сечения наблюдалась тенденция скапливания жидкости по углам канала. Это приводило к увеличению



<i>Рис.</i> 8. Сравнительная режимная карта
для круплых $(a - 1,097 \text{ мм})(1)$ и треугольных $(d_1 = 1,097 \text{ мм})(2)$
каналов (Triplett et al., 1999).
Режимы течения: I — пузырьковый (bubbly), II — снарядный (Taylor), III — снарядно- кольцевой (Taylor-annular), IV — кольцевой (appular) V — развоищий (appur)
(annual), V — вспененный (chuin).

площади, занимаемой жидкостью по краям канала, и уменьшению площади ядра газового потока, из-за чего переход к кольцевому режиму проис-

ходил раньше. Подобная тенденция была обнаружена в работе (Coleman, Garimella, 1999) при сравнении достаточно больших круглых и прямоугольных каналов (аспект ratio = 0,725) с гидравлическим диаметром 5,5 мм. В работе (Ребров, 2010) сделан вывод, что геометрия сечения канала незначительно влияет на положение границ режимов, однако двухфазные течения в плоских прямоугольных каналах существенно отличаются от других (Чиннов, Кабов, 2006).

## 6. Влияние длины канала

В работе (Zeguai et al., 2013) исследуется влияние длины канала на режимы двухфазного течения. Здесь использовался канал диаметром 3 мм, а измерения проводились на расстоянии L/D = 10 и 420 при различных скоростях жидкости и газа. Из рис. 9 видно, что при уменьшении приведенной скорости жидкости до  $U_{SL} = 0.78 \times 10^{-3}$  м/с различий практически не заметно. Для L/D = 420 на режимной карте практически всю область занимал снарядный режим, только для больших приведенных скоростей газа  $297 \times 10^{-3}$  м/с был зафиксирован кольцевой режим. Для L/D = 10 границы всех режимов были сдвинуты в сторону более низких приведенных скоростей газа. Особенно это заметно для кольцевого и снарядного режимов. Область пузырькового режима практически не изменяется. Следовательно, можно обобщить, что для миниканалов диаметром  $d \sim 1$ мм длина канала существенно влияет на границы режимов.

#### 7. Влияние вязкости жидкости

В работе (Waelchli, von Rohr, 2006) проанализировано влияние вязкости жидкости в каналах различного диаметра. В работе использовалась два канала, диаметром 187,5 мкм и 218 мкм, применялись

жидкости различной вязкости (вода, этанол, глицерин) с азотом. В результате с увеличением вязкости жидкости

Рис. 9. Сравнительная режимная карта для L/D = 10 и 420 (Zeguai et al., 2013). Каналы: L/D = 10 (I), 2420 (2); режимы течения: I — пузырьковый (bubbly), II — снарядно-пузырьковый (bubbly/slug), III — снарядный (slug), IV — снарядно-кольцевой (slugannular), V — кольцевой (annular), VI — нестабильный кольцевой (unstable annular).



границы снарядного режима сдвигались в область более высоких  $U_{SL}$  и  $U_{SG}$ . Подобные эффекты были обнаружены в работе (Furukawa, Fukano, 2001) в круглом канале диаметром d = 19,2 мм.

#### 8. Влияние поверхностного натяжения

В работе (Ребров, 2010) исследовано влияние поверностного натяжения на режимы двухфазного течения на примере смеси вода-азот и изопропанол-азот в каналах прямоугольного сечения ( $100 \times 50$  мкм). При переходе от первой смеси ко второй граница пузырькового режима сдвигалась в область более низких значений  $U_{SG}$ . Область струйно-снарядного режима существенно уменьшалась при увеличении поверхностного натяжения. При переходе от изопропанола к воде область вспененного режима сдвигалась в сторону более высоких значений  $U_{SG}$ .

В работе (Pohorecki et al., 2008) исследуется влияние поверхностного натяжения в прямоугольном микроканале (0,2×0,55 мм) на структуру двухфазного потока с использованием воды ( $\sigma = 0,073$  H/м) и этанола ( $\sigma = 0,024$  H/м). С увеличением поверхностного натяжения граница между снарядно-кольцевым и кольцевым режимами сдвигалась в сторону более низких приведенных скоростей газа. Для определения границы между снарядным и снарядно-кольцевым режимами было недостаточно данных.

Противоположная тендения движения границы месжду снарядно-кольцевым и кольцевым режимами (рис. 10) была обнаружена в эксперименте (Waelchli S, von Rohr, 2006) с использованием кремнивых прямоугольных микроканалов ( $d_h$  = 187,5 и 218 мкм). Как можно видеть из рис. 10, в двухфазной смеси вода-азот ( $\sigma$  = 0,073 H/м,  $\mu$  = 0,001 Па·с) граница между снарядным и снарядно-кольцевым режимами пролегает выше, чем в двухфазной смеси этанол-азот ( $\sigma$  = 0,022 H/м,  $\mu$  = 0,0011 Па·с). Также при использовании жидкости с большим поверхностным натяжением пузырьковый режим смещался в сторону более низких приведенных скоростей жидкости. Подобные результаты были полученны в работе (Yang, Shieh, 2001) в каналах диаметром d = 1–3 мм с использованием двухфазной смеси вода-воздух ( $\sigma$  = 0,0721 H/м) и двухфазной смеси R-134a и пара ( $\sigma$  = 0,0075 H/м). Расхождения результатов могут объясняться использованием различных смесителей.



Рис. 10. Исследование влияния сил поверхностного натяжения и вязкости на режимную карту в канале прямоугольного сечения с гидравличеким диаметром 187,5 мкм (а) для двухфазных смесей вода-азот (1), этанол-азот (2), глицерин-азот (3) и с гидравличеким диаметром 218 мкм (b) для двухфазных смесей вода-азот (1), этанол-азот (2) (Waelchli, von Rohr, 2006). Режимы течения: I— пузырьковый (bubbly), II— снарядный (intermittent), III— кольцевой (annular).



Рис. 11. Сравнение режимных карт для каналов горизонтальной (1) и (2) вертикальной ориентации (Hassan et al., 2005). Режимы течения: I — пузырьковый (bubbly), II — снарядный (Taylor), III — вспененный (churn), IV — кольцевой (annular).

# 9. Влияние гравитации

В работе (Hassan et al., 2005) проведено сравнение горизонтальных и вертикальных каналов диаметром

0,1 и 1 мм. Как видно из рис. 11, пузырьковый режим в вертикальном канале сдвигается в сторону более низких приведенных скоростей жидкости. Возможно, это происходило из-за того, что плавучесть в вертикальных каналах способствовала образованию мелких пузырьков на входе в канал. Кольцевой режим в вертикальных каналах сдвигается в сторону более низких приведенных скоростей газа, что указывает на преобладание инерциальных сил над силами поверхностного натяжения. Тем не менее, из-за недостатка исследований влияние силы тяжести на структуру двухфазного потока до сих пор до конца не изучено.

В работе (Ребров, 2010) указано, что в каналах диаметром менее 300 мкм влиянием гравитации можно пренебречь. Это позволяет использовать систему из микроканалов в любом положении и в условиях слабой гравитации, что не будет влиять на структуру двухфазного потока.

## 10. Влияние гидрофобности поверхности канала

В работе (Barajas, Panton, 1993) исследовано влияние контактного угла смачивания  $\theta$  на структуру двухфазного потока в круглом канале диаметром 1,6 мм. Как видно из рис. 12, раздельный режим (wavy) в канале с  $\theta = 34^{\circ}$  заменялся на ручейковый режим при  $\theta \ge 61^{\circ}$ , который распадался на несколько ручейков при больших контактных углах смачивания



*Рис. 12.* Влияние контактного угла смачивания на режимную карту в круглом канале диаметром 1,6 мм (Barajas, Panton, 1993).

Режимы течения:  $1 - \theta = 34^{\circ}$ , I — пузырьковый (bubble), II — дисперсный (dispersed), III — пробковый (plug), IV — снарядный (slug), V — раздельный (wavy), VI–VIII — кольцевой (annular);

 $2 - \theta = 61^{\circ}$ , I — пузырьковый (bubble), II — дисперсный (dispersed), III — пробковый (plug), IV — снарядный (slug), V — ручейковый (rivulet), VI, VIII — кольцевой (annular);

3 — θ = 74°, І — пузырьковый (bubble), ІІ — дисперсный (dispersed), ІІІ — пробковый (plug), IV — снарядный (slug), V — ручейковый (rivulet), VI–VII — кольцевой (annular), VIII — мультиручейковый (multiple rivulet);
4 — θ = 106°, І — пузырьковый (bubble), ІІ — дисперсный (dispersed), ІІІ — пробковый (plug), IV — снарядный (slug), V — ручейковый (rivulet), VI — кольцевой (annular), VII, VIII — мультиручейковый (multiple rivulet).

(менее гидрофильная поверхность). С увеличением контактного угла смачивания граница между ручейковым и кольцевым режимами течения сдвигалась в сторону более высоких приведенных скоростей жидкости. Это происходит из-за того, что увеличение контактного угла смачивания мешает образованию пленки на стенках канала. В несмачиваемых каналах с контактным углом смачивания  $\theta \ge 90^{\circ}$  более половины кольцевого режима заменялось ручейковым. Также при таких углах смачивания переход к пузырьковому и дисперсному режиму происходит при более низких  $U_{SL}$ , в то время как при небольших контактных углах смачивания существенных отличий не наблюдается.

В работе (Lee, Lee, 2008) было выделено два вида потоков: смоченный и осушенный, определяемые существованием замкнутой пленки. Например, ручейковый режим в работе (Barajas, Panton, 1993) считался осушенным, так как в нем не было зарегистрировано замкнутой пленки жидкости. Авторы (Lee, Lee, 2008) также определили, что на переход между смоченным и осушенным режимами влияет приведенная скорость жидкости и контактный угол смачивания. Они определили нормированную приведенную скорость жидкости:

$$U_{SL} = U_{SL} / (a + b\theta) = 1, \tag{2}$$

где *а* и *b* — константы, зависящие от условия смачивания. Осушенный поток может появляться даже в хорошо смачиваемых каналах в зависимости от  $U_{SL}$ , например, при  $U_{SL} < 0,018 \text{ м/c}$  — в стеклянном канале ( $\theta = 30^{\circ}$  для воды) и при  $U_{SL} < 0,025 \text{ м/c}$  — в канале из тефлона ( $\theta = 43^{\circ}$  для метанола). В каналах с меньшим углом смачивания ( $50^{\circ} < \theta < 90^{\circ}$ ) переход от смоченного к осушенному режиму происходил при стандартных приведенных скоростях жидкости для двухфазного потока, например, этот процесс наблюдался при  $U_{SL} \approx 0,17 \text{ м/c}$  для двухфазного потока вода-воздух в трубе из полиуретана диаметром 2 мм.

В работе (Serizawa et al., 2002) проведено исследование влияния обработки поверхности на структуру двухфазного потока. Более регулярные структуры появлялись в более гладком канале, обработанном комбинацией механической очистки с помощью мягкой щетки и ультразвуковой вибрации в дистиллированной воде этанолом и разбавленной соляной кислотой. В снарядном режиме в канале с лучше обработанной поверхностью вместо капель наблюдалась пленка жидкости. Из этого следует вывод, что мелкие дефекты канала изменяют смачиваемость, препятствуя распространению и стабилизации пленки жидкости. В работе (Lee, Lee, 2008) сообщается, что мелкие дефекты поверхность опости увеличили ее гидрофильность для двухфазного потока вода-воздух в полиуретановых каналах ( $d = 2 \text{ мм}, \theta = 75^{\circ}$ ) и сместили границу между смоченным и осушенным режимами с  $U_{SL} = 0,017 \text{ м/с}$  до  $U_{SL} = 0,05 \text{ м/с}.$ 

В работе (Cubaud, Ho, 2004) исследуется влияние смачиваемости на структуру двухфазного потока в раздельном режиме для гидрофильных и гидрофобных поверхностей. В этом случае поток по гидрофобному каналу течет ассиметрично, т.к. стенки канала не смочены жидкостью.

#### 11. Неустойчивости двухфазного течения

В работе (Чиннов, Кабов, 2011а) проведен анализ неустойчивостей течения двухфазного потока при формировании режимов в плоских горизонтальных каналах высотой от 100 до 500 мкм. Показано, что существенное влияние на переход между различными режимами двухфазного течения в коротких прямоугольных каналах оказывает неустойчивость течения жидкости в окрестности их боковых стенок. Неустойчивость течения жидкости возникала при увеличении ее приведенной скорости, но в зависимости от величины приведенной скорости газа ее характеристики существенно отличались. В канале высотой 100 мкм обнаружен новый тип неустойчивости — фронтальная неустойчивость, возникающая при взаимодействии жидкости и газа при выходе жидкости из сопла. Показано, что два типа неустойчивости (боковая и фронтальная) оказывают определяющее влияние на формирование режимов двухфазного течения в плоских горизонтальных микроканалах и переходы между ними. В частности, определено, что характерной особенностью газожидкостного течения в каналах высотой менее 500 мкм является образование капель жидкости (Чиннов, Кабов, 2011b). Выделено два режима: образование фиксированных капель на стенке канала в результате разрыва пленки или перемычек жидкости и возникновение подвижных капель в результате неустойчивости двухфазного течения. Определено, что интенсивность образования капель увеличивается с уменьшением высоты канала.

#### Выводы

Анализ экспериментальных данных по исследованию течения двухфазного потока в круглых трубах, треугольных и прямоугольных каналах с малым поперечным размером, приведенных в табл. 1 и 2, позволяет сделать следующие выводы.

Результаты выполненных исследований двухфазного потока в мини- и микроканалах не всегда имеют однозначный характер, содержат противоречия и имеют разные трактовки. В большинстве работ выделены следующие режимы двухфазного течения: пузырьковый, снарядный и кольцевой, которые присутствуют во всех каналах. Обнаружены также новые режимы течений или разновидности уже известных режимов течения: вспененный, струйный, раздельный, волновой, капельный и др. Однако границы между режимами существенно отличаются в зависимости от условий эксперимента. Существенно влияют на этот процесс условия ввода газа и жидкости в каналы, а также параметры канала, такие как размер и форма.

При изменении размеров канала меняется и влияние сил на двухфазный поток. В небольших каналах уменьшение диаметра канала способствовало сдвигу границ между прерывистым и пузырьковым, снарядным и снарядно-кольцевым, снаряднокольцевым и дисперсным режимами в сторону более высоких приведенных скоростей жидкости и газа. Однако изменение размера канала практически не влияло на границу между снарядно-кольцевым и кольцевым, кольцевым и дисперсным режимами.

В каналах некруглого сечения наблюдалась тенденция, когда жидкость собиралась по углам канала. Это приводило к увеличению площади, занимаемой жидкостью по краям канала, и уменьшению площади ядра газового потока, из-за чего переход к кольцевому режиму происходил раньше.

Показано, что для больших каналов (> 1 мм) существенное влияние на границы режимов оказывает длина канала. С ее увеличением граница между пузырьковым и снарядным режимами сдвигаются в сторону более низких приведенных скоростей газа, в то время как граница между снарядным и кольцевым режимами сдвигается в противоположную сторону.

Существенным оказывается и влияние параметров жидкости. С увеличением вязкости жидкости границы снарядного режима сдвигались в область более высоких приведенных скоростей газа и жидкости. При увеличении поверхностного натяжения границы пузырькового режима сдвигались в область более низких значений  $U_{SG}$ . Область струйно-снарядного режима существенно уменьшалась при увеличении поверхностного натяжения. Границы области вспененного режима сдвигались в сторону более высоких значений  $U_{SG}$  при уменьшении поверхностного натяжения.

Во многих работах используются круглые каналы, хотя прямоугольные каналы имеют большую перспективу для использования в системах термостабилизации. В прямоугольных каналах картина течения качественно соответствует режимам в трубах, хотя границы между режимами существенно отличаются. Появляются два линейных размера, и в зависимости от их отношения существенно меняется картина процесса. Из табл. 2 следует, что основные исследования двухфазных течений проводились в каналах с отношением сторон менее 5. В работах (Бейнусов и др., 1978), (Lowry, Kawaji, 1988), (Xu et al., 1999), (Hibiki, Mishima, 2003) были выполнены исследования в вертикальных плоских каналах, а режимы газо-жидкостных течений в горизонтальных каналах с отношением сторон более 10 рассмотрены только в публикациях (Chinnov et al., 2009), (Чиннов, Кабов, 2011а), (Чиннов, Кабов, 2008).

Структура двухфазного течения в микроканалах до конца не изучена. Существует огромное количество параметров, влияющих на структуру двухфазного потока. До сих пор не существует модели, которая достаточно точно предсказывала бы режимную карту для большинства рассмотренных каналов. Анализ исследований показывает, что на структуру двухфазного потока в основном влияют следующие параметры: геометрия и размеры канала, параметры входного участка и свойства жидкости, такие как вязкость и поверхностное натяжение. Изменяя эти параметры, можно менять границы между режимами и получать различные подрежимы. Объяснить это можно тем, что на формирование различных режимов оказывают влияние разные силы. За пузырьковый и снарядный режимы в основном отвечают капиллярные силы, а за кольцевой и дисперсный инерциальные силы. Именно этим влиянием объясняются различия режимных карт, построенных при различных условиях.

#### Список литературы

- Арманд А.А. 1946. Сопротивление при движении двухфазной системы по горизонтальным трубам // Известия ВТИ. Т. 1 С. 16–23.
- Бейнусов А.Г., Хозе А.Н., Челкас А.Я. 1978. К вопросу об изучении гидродинамики двухфазного течения в узком канале // Изв. АН СССР. МЖГ. № 2. С. 170–174.
- Козулин И.А., Кузнецов В. В. 2011. Статистические характеристики двухфазного газожидкостного потока в вертикальном микроканале // Прикладная механика и техническая физика. Т. 52, № 6. С. 129–139.
- Ребров Е.В. 2010. Режимы двухфазного течения в микроканалах // Теорет. основы хим. технологии. Т. 44, № 4. 371 с.
- **Чиннов Е.А., Кабов О.А.** 2006. Двухфазные течения в трубах и капиллярных каналах // Теплофизика высоких температур. Т. 44, № 5. С. 777–795.
- Чиннов Е.А., Кабов О.А. 2008. Режимы двухфазного течения в плоском коротком микроканале // Письма в ЖТФ. Т. 34, № 16. С. 41–47.
- Чиннов Е.А., Кабов О.А. 2011а. Неустойчивости течения двухфазного потока в коротких плоских микроканалах // Письма в ЖТФ. Т. 37, № 19. С. 65–71.
- Чиннов Е.А., Кабов О.А. 2011b. Образование капель в микроканалах // Письма в ЖТФ. Т. 37, № 14. Р. 47-53.
- Чиннов Е.А., Кабов О.А. 2012. Двухфазные течения в горизонтальных плоских микроканалах // ДАН. Т. 442, № 2. С. 1–5.
- Чиннов Е.А., Роньшин Ф. В., Гузанов В.В., Маркович Д.М., Кабов О.А. 2014. Двухфазное течение в горизонтальном прямоугольном микроканале // Теплофизика высоких температур. Т. 52, № 4. С. 710–717.
- Akbar M.K., Plummer D.A., Ghiaasiaan S.M. 2003. Gas-liquid two-phase flow regimes in microchannels // Int. J. Multiphase Flow. V. 29, No. 5. P. 855–865.
- Barajas A.M., Panton R.L. 1993. The effects of contact angle on two-phase flow in capillary tubes // Int. J. Multiphase Flow. Vol. 19, No. 2. P. 337–346.
- Barnea D., Luninski Y., Taitel Y. 1983. Flow pattern in horizontal and vertical two phase flow in small diameter pipes // The Can. J. Chem. Eng. Vol. 61, No. 5. P. 617–620.
- Bi Q.C., Zhao T.S. 2001. Taylor Bubbles in Miniaturized Circular and Noncircular Channels // Int. J. Multiphase Flow. Vol. 27, № 3. P. 561–570.
- Bonjour J., Lallemand M. 1998. Flow Patterns during Boiling in a Narrow Space between Two Vertical Surfaces // Int. J. Multiphase Flow. Vol. 24, № 6. P. 947–960.
- Bretherton F.P. 1961. The motion of long bubbles in tubes // J. Fluid Mech. Vol. 10. P. 166-168.
- Chen W.L., Twu V.C., Pan C. 2002. Gas-liquid two-phase flow in micro-channels // Int. J. Multiphase Flow. Vol. 28, No. 7. P. 1235–1247.
- Chinnov E.A., Guzanov V.V., Cheverda V. 2009. Regimes of two-phase flow in short rectangular channel // Microgravity Sci. Technol. Vol. 21, No. 1. P. 199–205.
- Choi C.W., Yu D.L., Kim M.H. 2011. Adiabatic two-phase flow in rectangular microchannels with different aspect rations. Part 1. Flow pattern, pressure drop and void fraction // Int. J. Heat Mass Trans. Vol. 54. P. 616–624.
- Chung P.M.-Y., Kawaji M. 2004. The effect of channel diameter on adiabatic twophase flow characteritics in microchannels // Int. J. Multiphase Flow. Vol. 30, No. 7. P. 735–761.

- Coleman J.W., Garimella S. 1999. Characterization of two-phase flow patterns in small diameter round and rectangular tubes // Int. J. Heat Mass Transfer. Vol. 42, No. 15. P. 2869–2881.
- Cubaud T., Ho C.M. 2004. Transport of bubbles in square microchannels // Phys. Fluids. Vol. 16, No. 12. P. 4575–4585.
- Cubaud T., Ulmanella U., Ho C.M. 2006. Two-phase flow in microchannels with surface modifications // Fluid Dyn. Res. Vol. 38, No. 11. P. 772–786.
- Damianides C.A., Westwater J.W. 1988. Two-phase flow patterns in a compact heat exchanger and in small tubes // In: Proc. of the Second UK National Conf. on Heat Transfer. P. 1257–1268.
- Fukano T., Kariyasaki A. 1993. Characteristics of gas-liquid two-phase flow in a capillary // Nucl. Eng. Des. Vol. 141. P. 59–68.
- Furukawa T., Fukano T. 2001. Effects of liquid viscosity on flow patterns in vertical upward gas–liquid two-phase flow // Int. J. Multiphase Flow. Vol. 27, No. 6. P. 1109–1126.
- Galbiati L., Andreini P. 1994. Flow pattern transition for horizontal air-water flow in capillary tubes. A microgravity equivalent system simulation // Int. Commun. Heat Mass Transfer. Vol. 21, No. 4. P. 461–468.
- Hassan I., Vaillancourt M., Pehlivan K. 2005. Two-phase flow regime transitions in microchannels: a comparative experimental study // Microscale Thermophys. Eng. Vol. 9, No. 2. P. 165–182.
- Haverkamp V., Hessel V., Löwe H. 2006. Hydrodynamics and mixer-induced bubble formation in microbubble columns with single and multiple channels // Chem. Eng. Technol. Vol. 29, № 9. P. 1015–1026.
- Hibiki T., Mishima K. 2001. Flow regime transition criteria for upward two-phase flow in vertical narrow rectangular channels // Nucl. Eng. Des. Vol. 203, № 2, 3. P. 117–131.
- Holloway C.A., Bar-Cohen A., Sharar D. 2014. Liquid film wave patterns and dry out in microgap channel annular flow // IHTC-15, Kyoto, August 10–15.
- Houshmand F., Elcock D., Amitay M., Peles Y. 2014. Bubble formation from a micro-pillar in a microchannel // Int. J. Multiphase Flow. Vol. 59. P. 44–53.
- Kabov O.A., Chinnov E.A., Cheverda V. 2007a. Two-phase flow in short rectangular mini-channel // Microgravity Sci. Technol. Vol. 19, No. 3, 4, P. 44–47.
- Kabov O.A., Lyulin Yu.V., Marchuk I.V., Zaitsev D.V. 2007b. Locally heated annular liquid films in microchannels and minichannels // Int. J. Heat and Fluid Flow. Vol. 28, No. 1. P. 103–112.
- Kandikar S.G. 2003. Microchannels and minichannels history, terminology, classification and current research needs // Proc. First Intern. Conf. on Microchannels and Minichannels. USA, Rochester: ASME. P. 1–6.
- Kawahara A., Chung P.M.-Y., Kawaji M. 2002. Investigation of two-phase flow pattern, void fraction and pressure drop in a microchannel // Int. J. Multiphase Flow. Vol. 28. P. 1411–1435.
- Kawaji M., Chung P.M.-Y. 2003. Unique characteristics adiabatic gas-liquid flow in microchannels: diameter and shape effects on flow pattern, void fraction and pressure drop // Proc. First Intern. Conf. on Microchannels and Minichannels. P. 115–127.
- Kim N., Murphy M.C., Soper S.A., Nikitopoulos D.E. 2014. Liquid-liquid segmented flows in polycarbonate microchannels with cross-sectional expansions // Int. J. Multiphase Flow. Vol. 58. P. 83–96.
- Kuznetsov V.V., Shamirzaev A.S., Kozulin I.A. 2012. Correlation of the flow pattern and refrigerant flow boiling heat transfer in microchannel heat sink // J. Physics: Conf. Ser. Vol. 395, № 1. P. 012093.
- Kuznetsov V.V., Shamirzaev A.S., Kozulin I.A., Kozlov S.P. 2013. Correlation of the flow pattern and flow boiling heat transfer in microchannels // Heat Transfer Engineering. Vol. 34, № 2, 3. P. 235–245.
- Lee C.Y., Lee S.Y. 2008. Influence of surface wettability on transition of two-phase flow pattern in round mini-channels // Int. J. Multiphase Flow. Vol. 34. P. 706–711.
- Lowry B., Kawaji M. 1988. Adiabatic vertical two-phase flow in narrow flow channels // AICHE Symp. P. 133-139.
- Mandhane J.M., Gregory G.A., Aziz K. 1974. A flow pattern map for gas-liquid flow in horizontal pipes // Int. J. Multiphase Flow. Vol. 1. P. 537–553.
- Mishima K., Hibiki T. 1996. Some characteristics of air-water two-phase flow in small diameter vertical tubes // Int. J. Multiphase Flow. Vol. 22. P. 703–712.
- Mishima K., Hibiki T., Nishihara H. 1993. Some characteristics of gas-liquid flow in narrow rectangular ducts // Int. J. Multiphase Flow. Vol. 19. P. 115–124.
- Mishima K., Ishii M. 1984. Flow regime transition criteria for upward two-phase flow in vertical tubes // Int. J. Heat Mass Transfer. Vol. 27, No. 5. P. 723–737.
- Patel R.S., Garimella S.V. 2014. Technique for quantitative mapping of three-dimensional liquid–gas phase boundaries in microchannel flows // Int. J. Multiphase Flow. Vol. 62. P. 45–51.
- Pohorecki R., Sobieszuk P., Kula K., Moniuk W., Zielinski M., Cyganski P., Gawinski P. 2008. Hydrodynamic regimes of gas-liquid flow in a microreactor channel // Chem. Eng. J. Vol. 135, Sup. 1. P. S185–S190.
- Santos R. M., Kawaji M. 2010. Numerical modeling and experimental investigation of gas–liquid slug formation in a microchannel T-junction // Intern. J. of Multiphase Flow. Vol. 36, № 4. P. 314–323.
- Serizawa A., Feng Z., Kawara Z. 2002. Two-phase flow in microchannels // Exp. Thermal Fluid Sci. Vol. 26. P. 703–714.
- Shao N., Gavrillidis A., Angeli P. 2008. Effect of inlet conditions on gas-liquid flow regimes in microchannels // In: First Intern. Conf. on Microfluidics, Bologna, Italy, 10–12 December.
- Shao N., Gavriilidis A., Angeli P. 2009. Flow regimes for adiabatic gas-liquid flow in microchannels // Chem. Engng Sci. Vol. 64, No. 11. P. 2749–2761.

Suo M., Griffith P. 1964. Two-phase flow in capillary tubes // J. Basic Eng. Vol. 86. P. 576–582.

- Taitel Y., Barnea D., Dukler A.E. 1980. Modelling flow pattern transitions for steady upward gas-liquid flow in vertical tubes // AIChE. J. Vol. 26, No. 3. P. 345–354.
- Taitel Y., Dukler A.E. 1976. A model for predicting flow regime transitions in horizontal and near horizontal gasliquid flow // AIChE. J. Vol. 22, No. 1. P. 47–55.
- Triplett K.A., Ghiaasiaan S.M., Abdel-Khalik S.I., Sadowski D.L. 1999. Gas-liquid two-phase flow in microchannels. Part I. Two-phase flow patterns // Int. J. Multiphase Flow. Vol. 25, № 3. P. 377–394.
- Waelchli S., von Rohr P.R. 2006. Two-phase flow characteristics in gas-liquid microreactors // Int. J. Multiphase Flow. Vol. 32. P. 791–806.
- Wambganss M.W., Jendrzejczyk J.A., France D.M. 1991. Two-phase flow patterns and transition in a small, horizontal, rectangular channel // Int. J. Multiphase Flow. Vol. 17, No. 3. P. 327–342.
- Xiong R., Chung J. N. 2007. An experimental study of the size effect on adiabatic gas-liquid two-phase flow patterns and void fraction in microchannels // Physics of Fluids. Vol. 19, № 3. P. 033301–033308.
- Xu J.L., Cheng P., Zhao T.S. 1999. Gas-liquid two-phase flow regimes in rectangular channels with mini/micro gaps // Int. J. Multiphase Flow. Vol. 25, № 3. P. 411–432.
- Yang C.-Y., Shieh C.-C. 2001. Flow pattern of air-water and two-phase R-134a in small circular tubes // Int. J. Multiphase Flow. Vol. 27. P. 1163–1177.
- Yu Z., Hemminger O., Fan L.-S. 2007. Experiment and lattice Boltzmann simulation of two-phase gas-liquid flows in microchannels // Chem. Engng Sci. Vol. 62, No. 24. P. 7172–7183.
- Yue J., Luo L., Gonthier Y., Chen G., Yuan Q. 2008. An experimental investigation of gas-liquid two-phase flow in single microchannel contactors // Chem. Engng. Sci. Vol. 63. P. 4189–4202.
- Zeguai S., Chikh S., Tadrist L. 2013. Experimental study of two-phase flow pattern evolution in a horizontal circular tube of small diameter in laminar flow conditions // Int. J. Multiphase Flow. Vol. 55. P. 99–110.
- Zhao T.S., Bi Q.C. 2001. Co-current air-water two-phase flow patterns in vertical triangular microchannels // Int. J. Multiphase Flow. Vol. 27. P. 765–782.

Статья поступила в редакцию 4 сентября 2014 г., после доработки — 10 ноября 2014 г.