2014

№ 6

ГОРНОЕ МАШИНОВЕДЕНИЕ

УДК 624.153.7 + 531.7

О ПОВЫШЕНИИ НЕСУЩЕЙ СПОСОБНОСТИ ГРУНТОВЫХ АНКЕРОВ С ГИБКОЙ ТЯГОЙ

А. А. Крамаджян, Е. П. Русин, С. Б. Стажевский, Г. Н. Хан

Институт горного дела им. Н. А. Чинакала СО РАН, E-mail: gmmlab@misd.nsc.ru, Красный проспект 54, 630091, г. Новосибирск, Россия

Экспериментально подтверждена возможность реализации при натяжении нити, взаимодействующей с грунтовой опорой, эффекта, который для случая той же растягиваемой нити, но огибающей жесткую опору, описывается формулой Эйлера. Опытами на моделях и полевыми экспериментами продемонстрирован существенный рост за счет развития данного эффекта несущей способности грунтовых анкеров с гибкой тягой — Э-анкеров. Разработано и испытано технологическое оборудование для их монтажа. С привлечением метода дискретных элементов в двумерной постановке решена задача об эффективности работы новых анкеров в зависимости от направления приложения к их тяговому элементу усилия выдергивания. Показана перспективность использования Э-анкеров при строительстве и эксплуатации инженерных объектов.

Грунтовый анкер, гибкий тяговый элемент, взаимодействие с основанием, сила трения, формула Эйлера, метод дискретных элементов

Основными требованиями, предъявляемыми к грунтовым анкерам, являются их высокая несущая способность и надежность. Они, при всем разнообразии конструкций анкеров [1-4], традиционно достигаются исключительно за счет увеличения сопротивления выдергиванию их замковой части (пяты). Тяговый элемент в существующих решениях предназначен только для передачи на нее выдергивающей силы, которая действует на конструкцию со стороны закрепляемого объекта. Трение на контакте тяги с грунтом незначительно и потому при расчетах во внимание не принимается. В ИГД СО РАН разработан и запатентован способ [5] сооружения грунтовых анкеров, который обеспечивает существенное увеличение их сопротивления выдергиванию за счет использования потенциала, заложенного в гибкой анкерной тяге.

Э-АНКЕР

Суть решения заключается в использовании эффекта, который реализуется при взаимодействии нагружаемой по концам гибкой нити с охватываемой ею опорой (рис. 1*a*) [6]. В случае жесткой цилиндрической опоры *1* для преодоления сопротивления *P*, удерживаю-

Работа выполнена при частичной финансовой поддержке Министерства образования и науки Российской Федерации (соглашение № 8183 от 27.07.2012).

щего пассивный конец нити 2, к другому ее концу (активному) необходимо приложить тем большее усилие F, чем больше угол α охвата ею опоры [6]. Связь сил F и P описывается формулой Эйлера [6]:

$$F = Pe^{f\alpha} \tag{1}$$

где α в радианах; f — коэффициент трения между нитью и опорой.



Рис. 1. Схемы взаимодействия гибкой нити с жесткой цилиндрической опорой (*a*) и гибкой анкерной тяги с грунтовой опорой (*б*): *1* — опора; *2* — гибкая тяга; *3* — пята анкера; *4* — скважина; *5* — тампонирующий сыпучий материал

Применительно к анкерам (рис. 16) рассматриваемый эффект (для краткости будем называть его эйлеровским) может быть реализован за счет натяжения гибкой тяги 2 (троса, ленты, цепи и т. п.) под некоторым углом β к оси O-O' установочной скважины 4 [5]. Это позволяет придать тяге, внедряя ее во вмещающий скважину грунт, криволинейные (близкие дуге окружности) очертания и тем самым обеспечить взаимодействие с формирующейся промежуточной грунтовой опорой *1* по дуге *AB*. Схемы нагружения нити и анкерной тяги подобны и различаются только тем, что в последнем случае сопротивление *P* выдергиванию гибкого элемента обеспечивается пятой 3 анкера. Полагаем, что, несмотря на деформируемость опоры *1*, под нагрузкой сила трения *R* между ней и тяговым элементом, обеспечивающая приращение несущей способности анкера, определяется соотношением

$$R = F - P = P(e^{f\alpha} - 1).$$
⁽²⁾

С учетом того, что $\alpha = \beta$, условие равновесия (1) можно переписать в виде

$$\frac{F}{P} = e^{f\beta} = K .$$
(3)

Из (3) следует, что в зависимости от значения угла β вклад гибкой тяги в несущую способность нагружаемых предлагаемым способом конструкций (будем называть их Э-анкерами) может оказаться сопоставимым с усилием, которое способно воспринимать их пята, а при определенных условиях даже превосходить его.

ЛАБОРАТОРНЫЕ ИССЛЕДОВАНИЯ ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ КРИВОЛИНЕЙНОЙ ГИБКОЙ ТЯГИ С МОДЕЛЬНЫМ ОСНОВАНИЕМ

В задачу лабораторных экспериментов входило подтверждение возможности повышения несущей способности грунтовых анкеров за счет реализации эйлеровского эффекта при взаимодействии их гибкой тяги с грунтом, а также выявление особенностей проявления данного эффекта в случае развития в податливом грунтовом основании. Исследования эйлеровского эффекта в условиях, моделирующих взаимодействие гибкого элемента с деформируемой опорой, проделаны на стенде, состоящем из прозрачной прямоугольной емкости *1*, оснащенной системой нагружения, которая состоит из тяги *2* в виде стального троса диаметром 1.5 мм, блоков *3* и их опорных элементов *4* (рис. 2).



Рис. 2. Нагружение *U*-образного (*a*) и *L*-образного (*б*) тросов: *l* — емкость; *2* — трос; *3* — блок; *4* — опора; *5* — гиря

Размеры емкости в плане 250×20 мм, высота 375 мм. Тросам 2 при установке в емкость 1 придавали U-образную (рис. 2a) или L-образную (рис. 2b) форму с радиусом r кривизны. Затем емкость послойно заполняли влажным уплотняемым в ходе укладки кварцевым песком крупностью до 0.5 мм. В результате получали модельный грунтовый массив с размещенным внутри U-образным или L-образным гибкими элементами. Угол α охвата ими грунтовой опоры составлял 180 и 90° соответственно. Далее осуществляли натяжение троса 2. К его выступающим из грунта и перекинутым через блоки 3 пассивному и активному концам посредством гирь 5 или вручную через динамометры прикладывали силы P и F соответственно (рис. 2). Нагруженный таким образом трос может рассматриваться как Э-анкер, приложение к которому внешнего усилия F встречает сопротивление P со стороны его пяты. По условиям прочности стенда величину P ограничивали сверху значением 40 Н. При каждом наперед заданном P нагружение силой F осуществляли вплоть до момента нарушения анкерной пятой равновесия, что контролировали по началу смещения пассивного конца гибкого элемента.

Опыты показали, что податливость грунтового основания накладывает на его и троса взаимодействие свой отпечаток. Гибкий элемент в этом случае наряду с проскальзыванием относительно грунтовой опоры еще и внедряется в нее. Как следствие, меняются его и ее геометрия. Наглядное представление о перемещениях и формоизменении данного элемента и деформируемой опоры при нагружении дает рис. 3. Штриховой линией маркируются исходные конфигурация *U*- и *L*-образного тросов 2, кривыми 2 — их постнагрузочные очертания. Выявлены они путем послойного удаления влажного песка до обнажения тяги 2 и подстилающей ее поверхности.



Рис. 3. Изменение конфигурации *U*-образной (*a*) и *L*-образной (*б*) тяг при нагружении: *l* — ем-кость; *2* — гибкая тяга; *3* — грунт

Видно, что U-образный трос, защемленный в грунтовом основании и натягиваемый за счет приложения к его концам сил F, P (рис. 3a), в целом ведет себя как гибкая нить под действием неравномерно распределенной по длине нагрузки. Изначально симметричные относительно оси симметрии емкости грунтовая опора и тяга по мере роста F такую симметрию утрачивают. Наибольшей трансформации подвергается "активная" ветвь a-b троса. На конечной стадии нагружения ее прямолинейный участок исчезает и она вырождается в полностью криволинейную. У "пассивной" составляющей a-c троса прямолинейный отрезок испытывает только некоторое укорочение, а изогнутая часть тяги лишь незначительно меняет свою кривизну.

L-образный гибкий элемент (рис. 36) ведет себя при нагружении подобно "пассивной" ветви *U*-образного троса. Начальный радиус огибания первым грунтовой опоры возрастает при этом от *r* до *r*^{*}. Таким образом, натяжение силами *F*, *P* гибкого элемента, имеющего грунтовую опору с углом $\alpha = 90$ и 180°, приводит к изменениям очертаний троса в геосреде, а также длины и радиуса дуги охвата им грунтовой опоры.

Сохранение участком контактирующей с ней тяги в опытах криволинейных очертаний означает сохранение на всех этапах нагружения условий для реализации эйлеровского эффекта. Результаты измерений данный вывод подтверждают. При $\alpha = 90$ и 180° на всем пути нагружения троса прикладывавшаяся к его активному концу сила *F* превышала сопротивление *P* пяты выдергиванию из модельного основания. Характерно, что в обеих ситуациях усилия *F*, *P*, как и в случае жесткого основания, оказались связанными линейной зависимостью (рис. 4). Однако выяснилось, что при этом независимо от значения угла α (когда $\alpha > 0$) даже при *P* = 0 выдергивающая сила *F* > 0.



Рис. 4. Зависимости выдергивающей силы *F* от удерживающей *P* при $\alpha = 90^{\circ}$ (1) и $\alpha = 180^{\circ}$ (2)

Таким образом, модельные исследования подтвердили принципиальную возможность использования потенциала гибкой тяги анкеров для существенного повышения их общей несущей способности.

ПОЛЕВЫЕ ИССЛЕДОВАНИЯ ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ КРИВОЛИНЕЙНОЙ ГИБКОЙ ТЯГИ С ГРУНТОМ ЕСТЕСТВЕННОГО СЛОЖЕНИЯ

Исследования проведены на экспериментальной площадке полигона "Зеленая горка" ИГД СО РАН. Состоит она (площадка) из котлована *l* с размерами в плане 500×250 см и глубиной ~150 см, параллельной ему такой же глубины с размерами в плане 500×100 см траншеи *2*, которые разделены целиком *3* шириной 400 см (рис. 5). Грунтовое основание в районе работ сложено легким пылеватым суглинком и песчаной слабой супесью, которые имеют сцепление C = 0.020 - 0.022 МПа, угол внутреннего трения $\varphi = 23 - 30^\circ$, коэффициент водонасыщения $S_r = 0.8$.



Рис. 5. Схема (*a*) и вид (*б*) экспериментальной площадки с нагруженным *U*-образным тросом: *1* — котлован; *2* — траншея; *3* — целик; *4*, *5* — скважины; *6* — трос; *7* — динамометр; *8* — индикатор; *9* — тяга стопора; *10* —пята стопора; *11* — опорная плита; *12* — домкрат; *13* — зажим; *14* — манометр; *15* — насос

Для опытов с *U*-образной тягой в разделительном целике 3 площадки на расстоянии друг от друга 150 см и на глубине от поверхности 120 см посредством пневмопробойника ДЖЛ-974 [7] проходили две сквозные диаметром 65 мм горизонтальные параллельные скважины 4, 5. Через них пропускали, формируя в грунте *U*-образную дугу с углом его охвата $\alpha = 180^{\circ}$, стальной трос 6. Конец пассивной ветви троса крепили к динамометру 7 растяжения ДОР-3-50И (диапазон 100

измерений 5–50 кН), оснащенному цифровым индикатором 8 марки R320. С противоположной стороны к подвижному элементу динамометра присоединяли тягу 9 анкера-якоря, пяту 10 которого жестко фиксировали в нерабочей стенке котлована 1. Активный конец троса пропускали через опорную плиту 11, полый шток домкрата 12 марки ДП10Г254 и закрепляли захватом 13. Домкрат соединяли шлангами с оборудованным манометром 14 гидравлическим насосом 15 марки НРГ-7080P, с помощью которого производили натяжение конструкции. В ходе экспериментов нагружение троса 6 выполняли пошагово. При этом периодически регистрировали смещения u его активного конца. Одновременно снимали показания манометра 14 домкрата и индикатора 8 динамометра, характеризующие усилия F и P, которые реализовывались в активной и пассивной ветвях троса соответственно.

Аналогичным образом проводили опыты с *L*-образной тягой. При ее создании пассивную ветвь троса оформляли как и в предыдущих экспериментах (см. рис. 5*a*), затем его пропускали через скважину 4 и под углом $\alpha = 90^{\circ}$ изгибали в вертикальной плоскости по восстанию. После этого сформированную таким способом *L*-образную тягу нагружали с помощью показанного выше оборудования.

На рис. 6 приведены экспериментальные результаты, которые характеризуют соотношение сил *F* и *P*, действовавших по концам *U*- и *L*-образной тяг в ходе их нагружения. Можно видеть, что в обоих случаях сила *F*, прикладываемая к активному концу троса при натяжении, существенно превышала его сопротивление *P* выдергиванию. Зависимость F = f(P) для реального грунтового основания, как и в лабораторных экспериментах, оказалась близка к линейной. Углы наклона θ_1 , θ_2 кривых *l*, *2* равны ~ 56 и 67° соответственно. Отсюда определяющий эффективность работы анкеров коэффициент *K* (см. формулу 3) для тросов с углом α охвата грунтовой опоры, равным 90 и 180°, составил соответственно 1.5 и 2.5.



Рис. 6. Зависимость выдергивающей силы *F* от удерживающей *P* при $\alpha = 90^{\circ}$ (1) и $\alpha = 180^{\circ}$ (2)

Таким образом, проведенные исследования показали, что при взаимодействии криволинейной гибкой тяги с грунтом естественного сложения эйлеровский эффект проявляется столь же отчетливо, как и в случаях ее взаимодействия с жесткой цилиндрической опорой и с модельным песчаным основанием.

ПОЛЕВЫЕ ИССЛЕДОВАНИЯ ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ Э-АНКЕРА С ГРУНТОМ

Опытный Э-анкер имел тяговый трос диаметром 2 мм, с прочностью на разрыв 2 кН и был оснащен стальной пятой диаметром 12 мм. Конструкция помещалась в сквозную наклонную скважину l, пройденную путем прокалывания стальным стержнем диаметром 8 мм в борту траншеи 2 под углом $\omega = 45^{\circ}$ к горизонту (рис. 7). Полость, образованную стенками скважины l, пятой 3 и тягой 4 анкера, тампонировали песком 5. Во всех опытах трос 4 с помощью ворота натягивали вдоль оси O - O' скважины, т. е. при $\beta = 0$, а затем в каждом из них — под наперед заданным углом $\beta = 45$, 90 или 135° к ней. Нагружали анкеры силой *F* вплоть до преодоления сопротивления *P* их пяты выдергиванию. Усилие *F*^{*}, характеризующее несущую способность анкера, замеряли динамометром растяжения 6 (марки ДПУ с диапазоном измерений 0.1–1 кН).



Рис. 7. Схема установки и нагружения анкера: *1* — скважина; *2* — борт траншеи; *3* — пята анкера; *4* — тяга анкера (трос); *5* — тампонирующий материал; *6* — динамометр

Испытания показали, что натяжение троса под углом $\beta > 0$ к оси установочной скважины сопровождается внедрением гибкой тяги в грунт на величину, которая связана со значением β . Вскрытие грунтового основания подтвердило, что трос, изгибаясь в процессе внедрения, приобретает в области образующейся грунтовой опоры 4 характерные близкие к дуге окружности очертания (рис. 8). Радиус *r* дуги зависит от угла β . В результате формоизменения в области контакта анкерной тяги и ее грунтовой опоры возникают условия для развития эйлеровского эффекта. О его реализации в рассматриваемых ситуациях наглядно свидетельствует построенная по результатам экспериментов зависимость несущей способности F^* анкера от угла β (рис. 9). Из графика следует, что с увеличением угла несущая способность анкера интенсивно возрастает. Так, при $\beta = 90^\circ$ приращение достигло ~70%, а при максимальном для данной серии опытов значении $\beta = 135^\circ$ выдергивающая сила F^* превысила зафиксированную для случаев $\beta = 0^\circ$ более чем вдвое.



Рис. 8. Вид на трос (*a*) и его "грунтовую опору" (*б*) после вскрытия основания по завершению эксперимента ($\beta = 135^{\circ}$): 1 — трос после натяжения; 2 — след установочной скважины анкера; 3 — след троса; 4 — грунтовая опора

Таким образом, эксперименты, проведенные на полигоне, подтвердили способность развития в грунтовом основании естественного сложения при взаимодействии с анкерами, оснащенными гибкой тягой, эйлеровского эффекта и, как следствие, возможность существенного общего повышения несущей способности таких конструкций.



Рис. 9. Зависимость несущей способности анкера от угла натяжения тяги

АПРОБАЦИЯ ТЕХНОЛОГИИ КРЕПЛЕНИЯ Э-АНКЕРАМИ

В качестве объекта для крепления Э-анкерами принят имеющий высоту ~150 см, ширину ~500 см рабочий борт котлована экспериментальной площадки (см. рис. 5). Его закрепление осуществлялось разработанными в ИГД СО РАН анкерами с поворотной пятой и гибкой тягой [8]. Металлическая пята конструкций имела размеры 120×150×10 мм. Анкерные тяги изготавливали из стального троса диаметром 10 мм.

Методика сооружения крепи состояла в следующем. Из котлована 2 в целике 3 пневмопробойником ДЖЛ-974 с интервалом около 1 м проходили ряд слабонаклонных скважин 1 (рис. 10). В точках выхода скважин на горизонтальную поверхность по нормали к ним тем же пневмопробойником забивали в грунт на глубину ~3 м поворотные анкеры [8]. Выступающий из образованных в результате забивки скважин 4 на поверхность активный конец анкерных тяг пропускали через скважину 1 и после установки ограждения нагружали Э-анкер силой F с помощью разработанного в ИГД СО РАН натяжного устройства. Оценка вклада эйлеровского эффекта в несущую способность анкеров проведена методом двухстадийного натяжения одного из них.



Рис. 10. Схема подготовительных работ по установке Э-анкеров: *1* — слабонаклонная скважина; *2* — котлован; *3* — целик; *4* — монтажная скважина

Технология нагружения Э-анкера и методика измерения усилий в конструкции были те же, что и при рассмотренных ранее полевых опытах с тросами. Полученная зависимость силы выдергивания F, прикладываемой к гибкой тяге анкера, от перемещений u конца ее активной ветви представлена на рис. 11. Участок AB кривой отражает связь усилий и перемещений на первой стадии нагружения конструкции, т. е. при $\beta = 0^{\circ}$, участок CD — при натяжении анкера (после его предварительной разгрузки) под углом $\beta = 90^{\circ}$ (рис. 10). Ордината точки B характеризует несущую способность P^* пяты конструкции, ордината точки D — общее сопротивление F^* Э-анкера выдергиванию. Из рис. 11 следует, что реализация эйлеровского эффекта в грунтовом основании обеспечивает в условиях полигона "Зеленая горка" увеличение несущей способности анкеров с гибкой тягой примерно в 1.5 раза — от ~ 20 кН при $\beta = 0^{\circ}$ до ~ 30 кН при $\beta = 90^{\circ}$.



Рис. 11. Зависимость выдергивающей силы F от перемещения u нагружаемого конца троса при $\beta = 0^{\circ}$ (участок AB) и $\beta = 90^{\circ}$ (участок CD)

В октябре 2013 г. ограждающей стенкой и Э-анкерами, установленными по схеме на рис. 10, скважину 4 которой проходили за призмой обрушения, закреплен рабочий борт котлована экспериментальной площадки (рис. 12). Обследование состояния конструкции, проведенное через год после ее монтажа, показало, что ни резкие изменения влажности и температуры в течение этого срока, ни различного рода статические и динамические воздействия на грунт в окрестностях экспериментальной площадки не повлияли на устойчивость системы грунт–ограждение. Это свидетельствует о надежности работы Э-анкеров и необходимости дальнейших исследований с целью разработки рекомендаций по их практическому использованию.



Рис. 12. Усиленное Э-анкерами ограждение котлована: *1* — стойка; *2* — силовой пояс; *3* — забир-ка; *4* — оголовок Э-анкера с натяжным устройством

МОДЕЛИРОВАНИЕ МЕТОДОМ ДИСКРЕТНЫХ ЭЛЕМЕНТОВ ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ Э-АНКЕРА С ГРУНТОМ

С привлечением метода дискретных элементов в двумерной постановке решена задача об эффективности работы Э-анкеров. Для ее оценки использован коэффициент K = F / P. Определялась его зависимость от угла β между осью установочной скважины анкера и направлением нагружения последнего (см. рис. 16). Техника решения подобных задач методом дискретных элементов описана в работах [9–12]. Расчетную прямоугольную грунтовую область формировали из шаровых элементов с плотностью $\rho = 2500 \text{ кг/m}^3$, углом контактного трения между ними $\varphi = 15^\circ$, модулем упругости $E = 10^3 \text{ МПа}$ и сцеплением C = 0.02 МПа. Трос, как и массив, моделировали шарами, которые в данном случае выстраивали в цепочку. Сцепление *C* между ними принимали равным модулю упругости $E = 10^3 \text{ МПа}$. Остальные параметры шаров задавали такими же, как у элементов, слагающих грунтовый массив. Пассивную часть троса заглубляли в основание с помощью установочной скважины, активную ветвь тяги укладывали на свободную границу. В начальный момент времени к пассивному и активному концам гибкого элемента анкера прикладывали равные по модулю и обратные по знаку усилия *P*, *F*. Натяжение троса силой *F* осуществляли до момента, в который его пассивный конец начинал смещаться вдоль установочной скважины. Величина *F*^{*} на активном конце троса, соответствующая данному моменту времени *t*^{*}, характеризовала общее сопротивление конструкции выдергиванию.

На рис. 13 приведены расчетные картины деформированного состояния грунтового массива в момент t^* при β , равном 45, 90 и 135°. Коэффициент K для данных случаев оказался равным 1.21, 1.47 и 1.67 соответственно. Коэффициент K, рассчитанный для тех же ситуаций по формуле (3), имеет значения 1.23, 1.52 и 1.88.



Рис. 13. Деформированные состояния грунтового массива в момент времени t^* при $\beta = 45$ (*a*), 90 (δ), 135 (ϵ)

выводы

Экспериментально подтверждена реализация эффекта, развивающегося при взаимодействии растягиваемой по концам гибкой нити с огибаемой ею грунтовой опорой, который в случае жесткого опирания нити описывается формулой Эйлера.

Опытами в лаборатории и на полигоне доказана возможность значительного (до двух раз) повышения за счет использования этого эффекта несущей способности анкеров с гибкой тягой.

Разработаны и изготовлены опытные образцы Э-анкеров, а также оборудование для их монтажа в грунтовое основание. Испытания показали высокую эффективность работы таких анкерных конструкций даже в условиях слабых водонасыщенных грунтов.

С привлечением метода дискретных элементов в двумерной постановке оценены деформированное состояние системы грунтовое основание – Э-анкеры и приращение несущей способности последних за счет отклонения направления их нагружения от оси установочной скважины.

Состояние борта опытного котлована, закрепленного Э-анкерами, после года эксплуатации подтвердило перспективность их использования при возведении и усилении инженерных объектов.

Полученные экспериментальные и численные результаты позволили наметить пути совершенствования Э-анкеров с целью дальнейшего повышения их несущей способности и надежности.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Смородинов М. И. Анкерные устройства в строительстве. М.: Стройиздат, 1983.
- 2. Xanthakos P. P. Ground Anchors and Anchored Structures, N.Y.: Wiley, John & Sons, 1991.
- 3. Das B. M. Earth Anchors, J. Ross Publishing, Fort Lauderdale, FL, USA, 2007.
- **4.** Русин Е. П., Смоляницкий Б. Н., Стажевский С. Б. Грунтовые анкеры, машины и технологии для их монтажа // ФТПРПИ. 2007. № 6.
- 5. Пат. 2457293 РФ. Способ сооружения грунтового анкера / С. Б. Стажевский, А. А. Крамаджян, Е. П. Русин, Г. Н. Хан // Опубл. в БИ. 2012. № 21.
- **6.** Бутенин Н. В., Лунц Я., Меркин Д. Р. Курс теоретической механики: учеб. для втузов. Т. 1: Статика и кинематика. М.: Наука, 1985.
- 7. Гурков К. С., Климашко В. В., Костылев А. Д., Плавских В. Д., Русин Е. П., Смоляницкий Б. Н., Тупицын К. К., Чепурной Н. П. Пневмопробойники. Новосибирск: ИГД СО АН СССР, 1990.
- 8. Крамаджян А. А., Русин Е. П., Стажевский С. Б., Хан Г. Н. Поворотные анкеры с гибким тяговым элементом: исследования взаимодействия с основанием // ФТПРПИ. 2012. № 6.
- **9.** Хан Г. Н. О несимметричном режиме разрушения массива горных пород в окрестности полости // Физ. мезомеханика. 2008. Т. 11. № 1.
- **10.** Хан Г. Н. Моделирование методом дискретных элементов динамического разрушения горной породы // ФТПРПИ. 2012. № 1.
- 11. Ланис А. Л., Хан Г. Н. Модификация модели геосреды для решения задач механики грунтов методом дискретных элементов // Вестн. ТГАСУ. — 2013. — № 1.
- 12. Клишин С.В., Микенина О.А., Ревуженко А.Ф. Деформирование сыпучего материала вокруг жесткого цилиндрического включения // ФТПРПИ. 2014. № 2.

Поступила в редакцию 15/Х 2014