УДК 533.95

## ПЕРЕНОС ЗАРЯДОВ БЫСТРЫМИ ЭЛЕКТРОНАМИ НА ПОДВЕТРЕННЫЕ ПОВЕРХНОСТИ ТВЕРДОГО ТЕЛА В СВЕРХЗВУКОВОМ ПОТОКЕ РАЗРЕЖЕННОЙ ПЛАЗМЫ

## В. А. Шувалов, А. И. Приймак, К. А. Бандель, Г. С. Кочубей

Институт технической механики НАНУ, 49005 Днепропетровск, Украина E-mail: shuv@vash.dp.ua

Получены расчетно-экспериментальные зависимости равновесных потенциалов подветренных поверхностей от отношения концентраций быстрых электронов и положительных ионов при сверхзвуковом обтекании твердого тела разреженной плазмой.

Ключевые слова: плазма, твердое тело, сверхзвуковой поток, электроны, равновесный потенциал.

Введение. Электродинамическое взаимодействие твердого тела с полярной ионосферой в тени Земли является суперпозицией двух видов воздействия: облучения быстрыми электронами и обтекания "холодной" разреженной плазмой. При концентрации положительных ионов вблизи поверхности тела  $N_{iw} \leq 10^4 \text{ см}^{-3}$  на диэлектрике накапливаются отрицательные заряды до напряжения 1 кВ [1]. Основная роль в заряжании поверхностей твердого тела в полярной ионосфере в тени Земли принадлежит быстрым электронам с энергией от 1 до 35 кэВ (захваченным в радиационных поясах и распространяющимся вдоль силовых линий магнитного поля по направлению к Земле) и положительным ионам "холодной" ионосференой плазмы. Наиболее опасны эффекты и последствия высоковольтного дифференциального заряжания для подветренных поверхностей протяженных и электродинамически больших тел  $(R/\lambda_{ds} > 10)$ , а также для малых тел в ближие следе за ними  $(R - характерный размер тела; <math>\lambda_{ds} = \sqrt{kT_{es}/(4\pi e^2 N_{es})}$  — дебаевский радиус невозмущенной плазмы; k — постоянная Больцмана; e — заряд электрона;  $T_{es} \leq 0,3$  эВ — температура;  $N_{es}$  — концентрация электронов "холодной" плазмы).

При численном исследовании высоковольтного заряжания подветренных поверхностей твердого тела в полярной плазме решаются нелинейные интегродифференциальные уравнения Власова — Пуассона для случая сверхзвукового обтекания и уравнения баланса токов на облучаемой поверхности. Значения коэффициентов взаимодействия заряженных частиц с поверхностью для конкретного материала определяются экспериментально.

При экспериментальном исследовании высоковольтного заряжания необходимо воспроизведение распределения плотности токов в ближнем следе за телом при сверхзвуковом обтекании разреженной плазмой и синхронном облучении подветренных поверхностей быстрыми электронами с энергией от 1 до 35 кэВ [1]. Стенд, предназначенный для проведения таких исследований, должен сочетать характеристики плазменной газодинамической трубы и электродинамической установки. В замкнутом объеме такого стенда моделируются (или имитируются) условия заряжания диэлектрических тел в полярной плазме. Сложность проведения таких исследований обусловлена необходимостью одновременной реализации условий плазмогазодинамического и электрофизического взаимодействия в системе "твердое тело — плазма". Точность и достоверность прогноза уровней заряжания подветренных поверхностей тела определяются соответствием расчетных значений потенциалов тела данным ионосферных и стендовых измерений.

В ближнем следе за электродинамически большим твердым телом концентрация положительных ионов "холодной" плазмы  $N_{is}$  уменьшается на несколько порядков по сравнению с ее значением  $N_{i\infty}$  в невозмущенной плазме при почти постоянной концентрации быстрых электронов  $N_{eh}$ . Это обстоятельство, а также неравномерное распределение плотности зарядов по сечению ближнего следа и на диэлектрической поверхности твердого тела создают условия для дифференциального заряжания подветренных поверхностей. При разности потенциалов, близкой к пороговым значениям пробойных потенциалов диэлектрических материалов либо равной им, высока вероятность возникновения радиационностимулированных пробоев, поверхностных электрических разрядов, образования каналов проводимости с выбросом плазмы твердого тела и электромагнитного излучения, т. е. разрушения материалов.

Параметры подобия и критериальные соотношения. Взаимодействие тел с разреженной плазмой в условиях сверхзвукового бесстолкновительного обтекания характеризует система кинетических уравнений Власова для каждого плазменного компонента и уравнений Максвелла для самосогласованного поля с граничными условиями, заданными в невозмущенной среде и на поверхности твердого тела. Решение стационарной задачи обтекания твердого тела разреженной плазмой определяют следующие масштабные коэффициенты [2]:  $S_{ei} = U_{\infty}/\sqrt{2kT_{es}/M_i}$  — отношение скорости движения твердого тела  $U_{\infty}$ к скорости ионного звука  $V_{is} = \sqrt{2kT_{es}/M_i}$  ( $M_i$  — масса иона);  $R_{ds} = R/\lambda_{ds}$  — отношение характерного размера тела R к дебаевскому радиусу  $\lambda_{ds}$  невозмущенной плазмы;  $\Phi_w = e \varphi_w / (kT_{es})$  — безразмерный потенциал тела ( $\varphi_w = \varphi_0 - \varphi_p$  — потенциал тела  $\varphi_0$ относительно потенциала плазмы  $\varphi_p$ );  $R/\rho_{\alpha}$  — отношение характерного размера тела к ларморовскому радиусу заряженных частиц ( $\rho_{\alpha} = M_{\alpha}V_{\alpha}c/(e_{\alpha}H); c$  — скорость света;  $V_{\alpha}$  скорость частицы; H — напряженность магнитного поля;  $\alpha \equiv e, i$ ; индекс e соответствует электронам, i — ионам);  $\xi_{ei} = T_{es}/T_{is}$  — степень неизотермичности плазмы (отношение электронной  $T_{es}$  и ионной  $T_{is}$  температур). В дополнение к перечисленным параметрам подобия иногда используется отношение  $2e\varphi_w/(M_iU_\infty^2)$  или  $\Phi_w/S_{ei}^2$ .

Изучение электрофизического аспекта проблемы взаимодействия тел с полярной плазмой основано на подобии электрических и магнитных полей твердого тела при воздействии быстрых электронов. Электромагнитные процессы в твердом теле характеризует система уравнений Максвелла, из которой следуют пять параметров подобия [3]:

$$\Pi_1 = \frac{gE}{N_{eh}V_{eh}}, \quad \Pi_2 = \frac{\varepsilon E}{N_{eh}V_{eh}\tau}, \quad \Pi_3 = \frac{N_{eh}\Lambda}{\varepsilon E}, \quad \Pi_4 = \frac{H}{N_{eh}V_{eh}\Lambda}, \quad \Pi_5 = \frac{\tau E}{\mu\Lambda H}.$$
 (1)

Здесь g — удельная проводимость материала; E, H — напряженность электрического и магнитного полей в материале;  $N_{eh}, V_{eh}$  — концентрация и скорость быстрых электронов;  $\varepsilon, \mu$  — диэлектрическая и магнитная проницаемость материала;  $\Lambda$  — характерный размер материала;  $\tau$  — характерное время процесса.

В полярной плазме в тени Земли равновесный потенциал на подветренной стороне диэлектрического твердого тела определяется из уравнения баланса токов быстрых электронов и заряженных частиц "холодной" разреженной плазмы:

$$\sum j_{\beta}(\varphi_w) = j_{e\beta} - (j_{iw} + j_{er\beta} + j_{eb\beta} + j_{ie}) = 0.$$
<sup>(2)</sup>

Здесь  $j_{e\beta}$  — плотность тока облучающих поверхность электронов ( $\beta \equiv s, h$ ; индекс *s* соответствует "холодным" электронам, *h* — быстрым);  $j_{iw}$  — плотность тока ионов "холодной" плазмы;  $j_{er\beta}$  — плотность тока вторичных электронов;  $j_{eb\beta}$  — плотность тока обратно рассеянных электронов;  $j_{ie}$  — плотность тока вторичной ионно-электронной эмиссии.

Плотность тока быстрых электронов в полярной плазме  $j_{eh} = 1 \div 10$  нA/см<sup>2</sup> [1]. В ближнем следе за телом плотность тока быстрых электронов остается практически постоянной [4]. Их энергия значительно превышает энергию ионов и электронов "холодной" плазмы ионосферы. Собирание "холодных" электронов  $j_{es} = eN_{es}\sqrt{kT_{es}/(2\pi m_e)} \exp{(\Phi_w)}$ отрицательно заряженным телом при  $\Phi_w \gg 10$  пренебрежимо мало. Уравнение баланса токов заряженных частиц на подветренной поверхности тела (2) записывается в виде

$$\sum j_{\alpha}(\varphi_w) = (1 - \sigma_{eh})eN_{eh}\sqrt{\frac{kT_{eh}}{2\pi m_e}} \exp\left(\frac{e\varphi_w}{kT_{eh}}\right) - (1 + \gamma_i)j_{iw} = 0, \tag{3}$$

где  $\sigma_{eh}$  – коэффициент вторичной электронной эмиссии быстрых электронов;  $\gamma_i$  — коэффициент вторичной ионно-электронной эмиссии.

Шесть параметров подобия плазмогазодинамического взаимодействия:  $S_{ei}$ ,  $R_{ds}$ ,  $\Phi_w$ ,  $R/\rho_i$ ,  $R/\rho_e$ ,  $\xi_{ei}$ , параметр геометрического моделирования  $\beta = R_{\rm M}/R_{el}$  ( $R_{\rm M}$ ,  $R_{el}$  — характерный размер модели и элемента конструкции соответственно), число Кнудсена Kn =  $\lambda_{ii}/R$  ( $\lambda_{ii}$  — средняя длина свободного пробега для ион-ионных столкновений) и пять параметров подобия электрофизического взаимодействия (1) определяют требования к точности и чистоте физического эксперимента и позволяют сформулировать критериальные соотношения, устанавливающие связь между параметрами взаимодействия в системе твердое тело — плазма на стенде и в полярной плазме.

Масштабные коэффициенты, характеризующие плазмогазодинамическое взаимодействие для тел с характерным размером  $R_{el} = 0.5$  м при  $U_{\infty} \approx 7.5$  км/с на высоте от поверхности Земли 300 ÷ 1000 км, принимают значения  $3.3 \leq S_{ei} \leq 6.0, 30 \leq R_{ds} \leq 210,$  $T_{is}/T_{es} = 0.25 \div 1.00, R_{el}/\rho_{es} = 10 \div 15.$ 

Лабораторная плазма существенно неизотермична, поэтому при анализе результатов стендовых исследований сверхзвукового обтекания твердого тела целесообразно использовать температуру электронов  $T_{es}^{(M)}$  потока "холодной" лабораторной плазмы. При заданном отношении температур  $T_{es}^{(M)}/T_{es}^{(H)} = \xi_{es}$ , используя масштабные коэффициенты  $R_{ds}$ ,  $S_{ei}$  и  $R/\rho_{es}$ , получим критериальные соотношения для концентрации заряженных частиц, массовой скорости потока и напряженности внешнего магнитного поля:

$$\frac{N_{es}^{(\mathrm{M})}}{N_{es}^{(\mathrm{H})}} = \xi_{es}\beta^{-2}, \qquad \frac{U_{\infty}^{(\mathrm{M})}}{U_{\infty}^{(\mathrm{H})}} = \left(\frac{\xi_{es}}{b}\right)^{1/2}, \qquad \frac{H^{(\mathrm{M})}}{H^{(\mathrm{H})}} \approx \frac{\xi_{es}^{1/2}}{\beta}.$$
 (4)

Здесь индекс м характеризует параметры потока лабораторной плазмы; н — параметры ионосферной плазмы;  $b = M_i^{(M)}/M_i^{(H)}$ .

На высоте от 300 до 1000 км основным компонентом ионосферной плазмы являются ионы атомарного кислорода; с учетом параметров "холодной" ионосферной плазмы [1] из критериальных соотношений (4) при  $\xi_{es} \ge 3$  следует  $10^5 \text{ см}^{-3} \le N_{is}^{(\text{M})} \le 10^7 \text{ см}^{-3}$ ,  $U_{\infty}^{(\text{M})} \ge 11,1 \text{ км/c}, H^{(\text{M})} \ge 2,4 \cdot 10^3 \text{ A/m}.$ 

При условии адекватности процесса заряжания, накопления высоковольтного заряда и равенства скоростей (энергий) быстрых электронов, а также при использовании на стенде и в ионосфере идентичных диэлектрических материалов с учетом соотношений  $j_{eh}^{(M)} \neq j_{eh}^{(H)}$ ,  $N_{eh}^{(M)} \neq N_{eh}^{(H)}$  из параметров подобия (1) следуют критериальные соотношения для напряженности электрического и магнитного полей диэлектрика и характерного времени процесса заряжания:

$$E^{(\mathbf{H})} = \frac{N_{eh}^{(\mathbf{H})}}{N_{eh}^{(\mathbf{M})}} E^{(\mathbf{M})}, \qquad H^{(\mathbf{H})} = \frac{N_{eh}^{(\mathbf{H})}}{N_{eh}^{(\mathbf{M})}} H^{(\mathbf{M})}, \qquad \tau^{(\mathbf{M})} = \tau^{(\mathbf{H})}.$$
(5)

При воспроизведении на стенде условий электрофизического воздействия для идентичных диэлектрических материалов и достижении одной и той же напряженности электрического поля пробоя из (1) получим

$$j_{eh}^{(\mathrm{M})} = j_{eh}^{(\mathrm{H})}, \quad V_{eh}^{(\mathrm{M})} = V_{eh}^{(\mathrm{H})}, \quad N_{eh}^{(\mathrm{M})} = N_{eh}^{(\mathrm{H})}, \quad \tau^{(\mathrm{M})} = \tau^{(\mathrm{H})}, \quad H^{(\mathrm{M})} = H^{(\mathrm{H})}.$$
(6)

Из уравнения баланса плотности токов на подветренной поверхности диэлектрика (2) следуют соотношения для плотностей тока положительных ионов "холодной" ионосферной и лабораторной плазмы:

— для условий (5)

$$\frac{j_{eh}^{(\mathrm{M})}}{j_{eh}^{(\mathrm{H})}} = \frac{N_{eh}^{(\mathrm{M})}}{N_{eh}^{(\mathrm{H})}} = \frac{j_{iw}^{(\mathrm{M})}}{j_{iw}^{(\mathrm{H})}} = \zeta_{eh};$$

— для условий (6)

$$j_{iw}^{(M)} = j_{iw}^{(H)} \qquad (\zeta_{eh} = 1).$$

Взаимодействие твердого тела со сверхзвуковым потоком разреженной плазмы. Движение в полярной ионосфере происходит со скоростью  $V_{is} \ll U_{\infty} \ll V_{es}$  ( $V_{\alpha s}$  — тепловая скорость заряженных частиц) в сильноразреженной среде, где длины свободных пробегов частиц значительно превышают характерный размер тела:  $R \gg \lambda_{\alpha}$ , а дебаевский радиус мал по сравнению с линейным размером тела:  $\lambda_{ds} < R$ . При таких условиях задача о структуре ближнего следа включает ряд малых параметров подобия:  $S_e = U_{\infty}/V_{es}, S_i^{-1} = V_{is}/U_{\infty}, R_{ds}^{-1} = \lambda_{ds}/R$  и сводится к решению уравнения

$$\Delta \Phi = R_{ds}^2 \{ n_{is}[\Phi(\boldsymbol{r})] - \exp\left[\Phi(\boldsymbol{r})\right] \}$$
(7)

с граничными условиями [5]

$$\Phi(\infty) = 0, \qquad \Phi(R) = \Phi_w. \tag{8}$$

С учетом влияния электрического поля на движение ионов в системе координат, связанной с телом, для плотности потока ионов в ближнем следе за осесимметричным телом (сферой) могут быть использованы интегральные зависимости  $n_{is}[\Phi(\mathbf{r})]$  из [6]. В следе за диском при  $-\Phi_w \leq 3$  для  $n_{is}$  могут быть использованы интегральные зависимости (69) и (73) из работы [2]. Реальная форма тела оказывает влияние на распределение ионов в ближнем следе при  $t \leq S_{ei}^{-2/3}$  ( $t = z/(RS_{ei})$ ; z — осевая координата в ближнем следе за телом). В случае сферы при расчете  $n_{is}$  по формулам работы [2] реальная форма тела может быть учтена введением поправки на сферичность:  $R_{eff} = R[1 + 0.5(R/z)^2]$ .

При обтекании бесконечного цилиндра, ориентированного перпендикулярно вектору скорости набегающего потока, для плотности потоков ионов в ближнем следе могут быть использованы интегральные зависимости  $n_{is}[\Phi(\mathbf{r})]$  из работы [6]. Переход от пластины к цилиндру может быть реализован введением эффективного радиуса  $R_{eff} = R[1 + 0.5(R/z)^2]^{1/2}$ .

Уравнение (7) с граничными условиями (8) решалось с использованием итерационной схемы работы [5].

При стендовом исследовании взаимодействия тел с "холодной" ионосферной плазмой наиболее сложной задачей является реализация режима обтекания тела радиусом  $R \ge 0.5$  м на высоте 150 ÷ 1000 км. Определенным преимуществом обладают газоразрядные ускорители с накаленным катодом, генерирующие потоки квазинейтральной плазмы с энергией заряженных частиц от 1 до 100 эВ и концентрацией в рабочей части струи  $10^{16} \div 10^{17}$  м<sup>-3</sup>. Для диагностики, измерения и контроля параметров высокоскоростных



Рис. 1. Изменение нормированной плотности потока ионов на оси ближнего следа за сферой: 1 — решение уравнения (7) с зависимостью  $n_{is}(\Phi)$  из [6] при  $S_{ei} = 4,5, \xi_{ei} = 1, R_{ds} \approx 101, -\Phi_w = 3;$ 2, 3 — результаты расчетов по формулам (69) и (73) из [2] при  $\xi_{ei} = 4$  с поправкой на сферичность; 4 — результаты измерений данной работы при  $S_{ei} = 4,3, \xi_{ei} \approx 4, R_{ds} \approx 117, -\Phi_w = 1,8; 5-8$  результаты измерений [8] (5 —  $S_{ei} = 8,83, R_{ds} \approx 14, -\Phi_w = 5, \xi_{ei} \ge 5; 6$  —  $S_{ei} = 8,37, R_{ds} \approx 50,$   $\Phi_w \approx 0, \xi_{ei} = 2; 7$  —  $S_{ei} \approx 8,06, R_{ds} \approx 30, \Phi_w \approx 0, \xi_{ei} \ge 5; 8$  —  $S_{ei} \approx 7,4, R_{ds} \approx 10, -\Phi_w \approx 1,0,$   $\xi_{ei} \ge 5; 9$  — результаты измерений [2] в ионосфере ИСЗ "Ариэль-1" при  $S_{ei} = 5, R_{ds} \approx 10, -\Phi_w \approx 6,$  $\xi_{ei} \approx 1; 10$  — результаты измерений [9] в следе за сферой при  $S_{ei} = 5,7, R_{ds} \approx 26, -\Phi_w \approx 3, \xi_{ei} = 1$ 

потоков неравновесной разреженной плазмы в данной работе использовались электрические зонды, зонд давления, масс-спектрометр МХ 7303, СВЧ-интерферометр, работающий на частоте 5,45 ГГц. Описание методики измерений и процедуры обработки выходных сигналов датчиков приведено в [7].

Экспериментальные исследования проводились на плазмодинамическом стенде в струях плазмы  $O^+ + O_2^+$  со степенью диссоциации до 0,6 при  $3,1 \leq S_{ei} \leq 4,5, T_{is}/T_{es} \approx 0,25,$  $21,3 \leq R_{ds} \leq 127$  и отрицательном потенциале тела  $\Phi_w \leq 10$ . При проведении исследований структуры ближнего следа за осесимметричным телом использовались проводящие и диэлектрические сферы и диски, изготовленные из меди, алюминия и оргстекла (полиметилметакрилата) радиусом от 10 до 30 мм. Изменение нормированной плотности потока ионов вдоль оси ближнего следа  $n_{is}(t) = I_i/I_{i\infty}$  ( $I_i$  — сила ионного тока в ближнем следе;  $I_{i\infty}$  — невозмущенное значение силы тока в измеряемом сечении) при сверхзвуковом обтекании сферы с относительным радиусом  $R/\lambda_{ds} > 10$  показано на рис. 1.

Неизотермичность усиливает фокусировку положительных ионов на оси ближнего следа за телом. Если тело не слишком вытянуто в направлении набегающего потока, т. е. продольный размер  $L \ll RS_{ei}$ , то значения  $t = z/(RS_{ei})$ , соответствующие точкам на поверхности тела, малы. Возмущения определяются максимальным сечением тела в плоскости, ортогональной вектору скорости  $U_{\infty}$ . При  $L \ll RS_{ei}$  любое тело вращения можно заменить диском [2].

Экспериментальные исследования распределения положительных ионов в ближнем следе за диском проводились для моделей из нержавеющей стали марки 12X18H10T, алюминия и оргстекла радиусом  $10 \div 25$  мм и толщиной  $1 \div 2$  мм. Расчетные и экспериментальные зависимости  $n_{is}(t)$  в ближнем следе при сверхзвуковом обтекании диска приведены на рис. 2. В диапазоне  $t \leq 0.5$  результаты измерений при  $-\Phi_w \ge 10$  лучше согласуются со



Рис. 2. Зависимость  $n_{is}(t)$  на оси ближнего следа за диском:

1, 3 — результаты расчетов по формулам (69) и (73) из [2] при  $S_{ei} = 3,1, \xi_{ei} = 4;$ 2 — решение (7) с зависимостью  $n_{is}(\Phi)$  из [6]; 4, 5 — результаты измерений данной работы при  $S_{ei} \approx 3,1, R_{ds} \approx 101, \xi_{ei} \approx 4$  (4 —  $-\Phi_w \approx 3,6; 5$  —  $-\Phi_w \approx 11,2); 6$  — результаты измерений на ИСЗ "Ариэль-1" с пересчетом на след диска при  $S_{ei} \approx 5, R_{ds} \approx 10, -\Phi_w \approx 6, t \approx 0,96; 7$  — результаты измерений [10] в следе за стеклянным диском при  $S_{ei} \approx 3,5, R_{ds} \approx 75, -\Phi_w \approx 5$ 

значениями  $n_{is}$ , рассчитанными по формуле (73) из [2]. При  $-\Phi_w < 10$  и  $t \ge 0.25$  экспериментальные результаты данной работы и работы [9], а также ионосферные измерения на ИСЗ "Ариэль-1" ближе к расчетным значениям  $n_{is}$ , полученным в [6], и к значениям  $n_{is}$ , рассчитанным по формуле (69) из [2].

Распределение плотности потока ионов  $n_{is}(t)$  на оси ближнего следа при сверхзвуковом обтекании большого плоского тела представлено на рис. 3, *a*. Угловое распределение плотности положительных ионов  $n_{is}(\theta)/n_{i\infty} = I_i(\theta)/I_i(0)$  в ближнем следе за плоским телом (цилиндр) в "холодной" ионосферной плазме показано на рис. 3, *б* ( $\theta$  — угол между радиус-вектором точки и осью симметрии следа).

Сравнение результатов стендовых и ионосферных измерений свидетельствует о соответствии распределений плотности заряженных частиц "холодной" плазмы расчетным значениям и моделям ближнего следа, что, по сути, служит подтверждением точности плазмодинамического моделирования структуры ближнего следа при сверхзвуковом обтекании твердого тела "холодной" разреженной плазмой.

Высоковольтное заряжание подветренных поверхностей твердого тела быстрыми электронами в потоке разреженной плазмы. Неоднородность структуры поверхности тел в ионосфере на стенде реализована за счет использования пластин и дисков (алюминий, нержавеющая сталь, кварц) с диэлектрическим или металлическим покрытием. На одну из сторон пластины из алюминия (длина l = 45 см, ширина 2R = 16 см, толщина  $\delta \approx 0,1$  см) нанесено диэлектрическое покрытие. На поверхность диска (кварц) диаметром 15 см и толщиной 0,2 см нанесено (напылением) алюминиевое покрытие. В качестве диэлектрика использовались пластины из углепластика ВПС-7В толщиной  $\delta \approx 0,18$  см и терморадиационное покрытие ТР-СО-11 (слой эмали (оксид цинка) и слой метасиликата калия) толщиной  $\delta \approx 0,12$  см, нанесенное на слой белой эмали АК-512 толщиной  $\delta \approx 0,08$  см. Взаимодействие таких моделей с потоком плазмы более



Рис. 3. Распределение плотности ионов в следе за плоским телом: a — осевое распределение  $n_{is}(t)$ : 1, 2 — решения для дискретной модели [11]  $(1 - \xi_{ei} = 1; 2 - \xi_{ei} = 4);$  3 — решение уравнения (7) с зависимостью  $n_{is}(\Phi)$  из [6] при  $S_{ei} \approx 4,1, R_{ds} \approx 126, -\Phi_w \approx 10;$ 4 — результаты измерений данной работы при  $S_{ei} \approx 4,1, R_{ds} \approx 127, -\Phi_w \approx 10,3, \xi_{ei} = 4; 5, 6$  результаты расчетов [4] при  $S_{ei} \approx 8, R_{ds} \approx 40 (5 - -\Phi_w \approx 0; 6 - -\Phi_w \approx 20);$  7-9 — результаты измерений [12] в ионосфере на ИСЗ "Explorer-C (AE-C)" при  $5,9 \leq S_{ei} \leq 8,04, -\Phi_w \approx 10 (7 - R_{ds} \approx 116,3; 8 - R_{ds} \approx 135,7; 9 - R_{ds} \approx 162,5);$  10 — результаты измерений [13] в ионосфере на ИСЗ S3-2 при  $S_{ei} \approx 8, R_{ds} \geq 45, -\Phi_w \approx 10;$  11 — результаты измерений [14] в следе за "Space Shuttle" при  $S_{ei} \approx 3,35, R_{ds} \geq 2 \cdot 10^3; 6$  — угловое распределение плотности ионов  $n_{is}(\theta)$  при t = 0,192: 1 результаты измерений [12] на ИСЗ "Explorer-C (AE-C)" при  $S_{ei} \approx 7,83, R_{ds} \approx 73,4, -\Phi_w \approx 8,8,$   $\xi_{ei} = 1,14; 2$  — результаты измерений данной работы (след за цилиндром при  $S_{ei} \approx 5,1, R_{ds} \approx 78,$   $-\Phi_w \approx 6,7, \xi_{ei} = 4); 3$  — решение уравнения (7) с зависимостью  $n_{is}(\Phi)$  из [6] при  $S_{ei} \approx 5,1, R_{ds} \approx 80,$  $-\Phi_w \approx 6,7; 4$  — модель дискретного обтекания [11]

соответствует реальной ситуации в ионосфере (например, панель солнечной батареи, антенна, полностью или частично покрытая диэлектриком), чем обтекание однородно заряженного проводящего тела. Схема эксперимента представлена на рис. 4.

На рис. 5 показана циклограмма процесса заряжания (накопления и нейтрализации зарядов) на подветренной поверхности изолированного тела (TP-CO-11). Облучение поверхностей моделей пучком высокоэнергетичных электронов осуществлялось через коллиматор, что позволило выделить узконаправленную часть пучка и облучать только исследуемые участки поверхности моделей. Для регистрации циклограмм применялась бортовая система бесконтактного измерения напряженности электрического поля зонд — заряд. На участках B и C циклограммы (рис. 5) потенциал на подветренной стороне при сверхзвуковом обтекании тела изменяется от значений  $-\Phi_w \gg 10$  до значений  $-\Phi_w < 10$ . При этом изменяются режим собирания и распределение заряженных частиц "холодной" плазмы в ближнем следе за телом. Решение уравнения (7) данной работы с зависимостью  $n_{is}(\Phi)$  из [6] при  $-\Phi_w = 3$ , 30 и  $S_{ei} = 4,5$ ,  $R_{ds} = 67$  свидетельствует о том, что с увеличением отрицательного потенциала на подветренной поверхности тела происходит "выметание" электронов "холодной" плазмы из области ближнего следа и резкое увеличение (на 2–3 порядка) концентрации положительных ионов. Поток положитель-



Рис. 4. Схема эксперимента на плазмоэлектродинамическом стенде: 1 -генератор сверхзвуковых плазменных потоков; 2, 11 - антенны систем CBЧ-зондирования; 3 твердое тело; 4 - источник быстрых электронов (электронная пушка, напряжение 0,1 ÷ 35,0 кэВ); 5, 9 - системы контактной диагностики плазмы; 6 - вакуумная камера с рабочим объемом 3,5 м<sup>3</sup>; 7 - система вакуумирования (скорость откачки ≈100 м<sup>3</sup>/с); 8 - криопанели (LN<sub>2</sub>); 10 - источник ультрафиолетового излучения солнечного спектра в диапазоне 1150 ÷ 7000 Å

Рис. 5. Циклограмма процесса заряжания твердого тела:

A — облучение подветренной поверхности электронами с энергией  $W_{eh}=5\div15$ кэВ  $(j_{eh}\approx10~{\rm nA/cm^2})$ в отсутствие потока "холодной" плазмы; B — синхронное воздействие быстрых электронов и сверхзвуковой струи "холодной" плазмы; C — нейтрализация остаточного заряда сверхзвуковой струей "холодной" плазмы при  $j_{eh}=0$ 

ных ионов "холодной" плазмы на подветренную поверхность создают две группы ионов:  $j_{iw} = j_{i\infty}^{(I)} + j_{i\Phi}^{(II)}$ . Распределение ионов группы I определяется режимом сверхзвукового обтекания при  $-\Phi_w < 10$ ; ионы группы II проникают в область ближнего следа за счет ускорения электрическим полем заряда  $-\Phi_w \gg 10$ , переносимого быстрыми электронами. Согласно оценкам работы [4] режиму обтекания тела при  $-\Phi_w < 10$  соответствует значение параметра  $\xi_{sh} = d_{sh}/R = 0.8\Phi_w^{3/4}/(S_{ei}^{1/2}R_{ds}) \ll 1$  ( $d_{sh}$  — толщина слоя пространственного заряда на фронтальной стороне пластины, диска), а режиму обтекания при  $-\Phi_w \gg 10$  — значение  $\xi_{sh} \ge 1$ . Для изолированной двусторонней (металл — диэлектрик) модели (пластина, диск) режим "тонкого слоя" реализуется в отсутствие быстрых электронов ( $-\Phi_w < 10$ ). При облучении подветренной поверхности тела быстрыми электронами режим "тонкого" слоя реализуется на фронтальной стороне ( $-\Phi_w \gg 10$ ). При  $\xi_{sh} \ge 1$  (режим "толстого" слоя реализуется в телом на подветренной поверхности тела быстрыми электронами режим "тонкого" слоя реализуется на фронтальной стороне ( $-\Phi_w \gg 10$ ). При  $\xi_{sh} \ge 1$  (режим "толстого" слоя в следе за телом на подветренной поверхности тела быстрыми электронами режим "толкогь тока ионов "холодной" плазмы на подветренную поверхность тела определяется из условия  $j_{i\infty}^{(I)}/j_{i\Phi}^{(II)} \ll 1$ . Плотность тока на подветренную поверхность тока ионов может быть определена в рамках теории собирания тока электрическим зон-тока ионов может быть определена в рамках теории собирания тока электрическим зон-тока ионов может быть определена в рамках теории собирания тока электрическим зон-тока ионов может быть определена в рамках теории собирания тока электрическим зон-тока ионов может быть определена в рамках теории собирания тока электрическим зон-

и  $\Phi_w/S_{ei}^2 \gg 1$ ) плотность тока ионов на подветренную сторону равна плотности тока на зонд в неподвижной плазме.

В соответствии с теорией собирания ионного тока электрическими зондами выражение для плотности тока ионов на подветренную поверхность тела может быть представлено в виде

$$j_{iw} = eN_{iw}(kT_{es}/(2\pi M_i))^{1/2}i_i^+(\Phi_w, R_{ds}, T_{es}/T_{is}),$$
(9)

где  $i_i^+$  — безразмерная сила ионного тока [7].

Неопределенность при вычислении  $N_{iw}$  по уравнению (9) может быть преодолена за счет использования зависимостей  $i_i^+$  от  $(r_p/\lambda_{ds})^2 i_i^+$ . Для цилиндрического зонда

$$\left(\frac{r_p}{\lambda_{ds}}\right)^2 i_i^+ = 1,073 \cdot 10^5 \sqrt{\frac{M_i}{m_e}} \frac{r_p}{l_p} \left(\frac{e}{kT_{es}}\right)^{3/2} I_p^+(\Phi_w),$$

для сферического зонда

$$\left(\frac{r_p}{\lambda_{ds}}\right)^2 i_i^+ = 5,365 \cdot 10^4 \sqrt{\frac{M_i}{m_e}} \left(\frac{e}{kT_{es}}\right)^{3/2} I_p^+(\Phi_w)$$

 $(I_p^+ -$ сила тока, регистрируемого зондом;  $r_p, l_p -$ радиус и длина зонда соответственно). Экспериментальные исследования высоковольтного заряжания подветренных поверх-

ностей быстрыми электронами проводились в сверхзвуковых потоках разреженной плазмы  $O^+ + O_2^+$  с концентрацией заряженных частиц  $N_{i\infty} = 1,6 \cdot 10^5 \div 5,7 \cdot 10^7$  см<sup>-3</sup> при  $T_{es} = 1,0 \div 1,7$  эВ и скорости  $U_{\infty} \approx 8,4$ ; 11,9 км/с. В качестве эталонных образцов использовались изолированная пластина из алюминия, одна сторона которой покрыта диэлектриком, и диск из плавленого кварца, одна сторона которого покрыта алюминиевой пленкой. Выбор в качестве эталонных образцов из алюминия обусловлен следующими обстоятельствами:

— значения измеренных в данной работе равновесных потенциалов  $\varphi_w^{\text{Al}}$  при  $W_{eh} = 5$ , 8 кэВ с погрешностью менее 1,5 % совпадают с данными работы [3] и в диапазоне значений энергии  $W_{eh} = 1 \div 20$  кэВ соответствуют линейной зависимости;

— в диапазоне значений энергии  $W_{eh} = 1 \div 20$  кэВ для алюминия и оксида алюминия (Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>) имеются хорошо согласующиеся данные о значениях и зависимостях коэффициентов вторичной электронной эмиссии  $\sigma_{eh} = \sigma_{eh}(W_{eh})$  и вторичной ионно-электронной эмиссии  $\gamma_i$  для плазмы O<sup>+</sup> + O<sup>+</sup><sub>2</sub> [15];

— значения равновесного потенциала  $\varphi_w$  на участках A и B циклограммы заряжания (см. рис. 5) при одних и тех же условиях облучения образца быстрыми электронами и сверхзвукового обтекания "холодной" плазмой определяются эмиссионными процессами (значениями коэффициентов  $\sigma_{eh}$ ,  $\gamma_i$ , плотностями токов ионов  $j_{iw}$  и быстрых электронов  $j_{eh}$ ).

Сравнение циклограмм зарядно-разрядных процессов для алюминия и углепластика ВПС-7В свидетельствует о равенстве (с погрешностью менее 3 %) значений  $\varphi_w$  на участках A и B (см. рис. 5) в диапазоне значений энергии  $W_{eh} = 5 \div 20$  кэВ при одних и тех же условиях эксперимента. Это свидетельствует об идентичности эмиссионных процессов, равенстве коэффициентов  $\sigma_{eh}$  и  $\gamma_i$  для одного и того же сорта ионов "холодной" плазмы и равенстве плотностей ионного тока на подветренную поверхность обтекаемого тела  $j_{iw}$ .

Для любого диэлектрика и каждого фиксированного значения  $W_{eh}^{(1)}$  коэффициент вторичной электронной эмиссии  $\sigma_{eh}^{di}$  может быть определен по участку A циклограммы (см. рис. 5) с использованием линейной зависимости  $\varphi_{Al}(W_{eh})$ , условия  $\varphi_{di}^{(A)}(W_{eh}^{(1)}) = \varphi_{Al}(W_{eh}^{(2)})$ и зависимости  $\sigma_{eh}^{Al}(W_{eh})$  из [15]:  $\sigma_{eh}^{di}(W_{eh}^{(1)}) = \sigma_{eh}^{Al}(W_{eh}^{(2)})$  и  $\sigma_{eh}^{di} = \sigma_{eh}(W_{eh})$ . Если для участка B циклограммы при фиксированных значениях параметров пучка быстрых электронов



Рис. 6. Зависимость равновесного потенциала на подветренной поверхности твердого тела от отношения концентраций  $N_{eh}/N_{iw}$ :

1–3 — результаты ионосферных измерений [1] на спутниках F6, F7, F13 системы Defense Meteorological Satellite Program: 1, 2 —  $W_{eh} \approx 4,2$ ; 10,1; 14,4 кэВ (1 — F6; 2 — F7); 3 — F13 при  $W_{eh} \approx 2,99$ ; 9,64; 31,3 кэВ; 4–8 — результаты экспериментов данной работы при  $W_{eh} \approx 5, 10, 15$  кэВ (4 — алюминий; 5 — ВПС-7В; 6 — ТР-СО-11; 7 — нержавеющая сталь; 8 — кварц); 9 — результаты расчетов [4] при  $W_{eh} = 5$  кэВ

в одном и том же потоке "холодной" разреженной плазмы  $\varphi_{Al}^{(B)}(W_{eh}^{(1)}) \neq \varphi_{di}^{(B)}(W_{eh}^{(1)})$ , то подбором режима облучения диэлектрика высокоэнергетичными электронами в том же потоке "холодной" плазмы можно реализовать режим обтекания, когда  $\varphi_{Al}^{(B)}(W_{eh}^{(1)}) \approx \varphi_{di}^{(B)}(W_{eh}^{(2)})$  и как следствие  $j_{iw}^{Al} \approx j_{iw}^{di}$ . Для алюминия значение  $j_{iw}^{Al}$  можно оценить по уравнению (3). Используя условие  $j_{iw}^{Al} \approx j_{iw}^{di}$ , по уравнению (3) можно оценить коэффициент вторичной ионно-электронной эмиссии  $\gamma_i^{di}$  для потока ионов с энергией, приближенно равной  $e\varphi_{di}^{(B)}$ . Такая процедура применялась для покрытия TP-CO-11.

В качестве фронтальной и подветренной поверхностей в экспериментах поочередно использовались алюминий и углепластик ВПС-7В, алюминий и покрытие ТР-СО-11, нержавеющая сталь и ВПС-7В, алюминий и кварц. На подветренной поверхности модели устанавливался отрицательный равновесный потенциал  $-\varphi_w > 200$  В, при этом на фронтальной поверхности  $\varphi_f \ll \varphi_w$ . При  $3.1 \leqslant S_{ei} \leqslant 4.5$ ,  $14 \leqslant R/\lambda_{ds} \leqslant 35$  и 1,0 эВ  $\leqslant T_{es} \leqslant 1.7$  эВ в ближнем следе за телом реализован режим "толстого" слоя.

На рис. 6 представлена зависимость равновесного потенциала  $-\Phi_w$  на подветренной поверхности твердого тела от отношения концентраций быстрых электронов и положительных ионов на подветренной поверхности  $N_{eh}/N_{iw}$ . Предельное значение  $N_{eh}/N_{iw} \approx 10^{-4}$  соответствует численным оценкам уровня заряжания микроспутника в следе за плоским телом в полярной плазме [4].

Заключение. Разработана процедура моделирования процессов высоковольтного заряжания поверхностей твердого тела быстрыми электронами в полярной плазме ионосферы. Полученные зависимости  $-\Phi_w = \Phi_w(N_{eh}/N_{iw})$  позволяют прогнозировать уровни заряжания подветренных поверхностей твердого тела в сверхзвуковом потоке разреженной плазмы.

## ЛИТЕРАТУРА

- 1. Gussenhoven M. A., Hardy D. A., Rich F., et al. High-level spacecraft charging in the lowaltitude polar and auroral environment // J. Geophys. Res. 1985. V. 90, N A11. P. 11009–11023.
- Гуревич А. В., Питаевский Л. П., Смирнова В. В. Ионосферная аэродинамика // Успехи физ. наук. 1969. Т. 99, № 1. С. 3–49.
- Антонов В. М. Лабораторные исследования эффектов электризации космических аппаратов / В. М. Антонов, А. Г. Пономаренко. Новосибирск: Наука. Сиб. отд-ние, 1992.
- Wang J., Lenng P., Garrett A., Murphy G. Multibody-plasma interactions: charging in the wake // J. Spacecraft Rockets. 1994. V. 31, N 5. P. 889–894.
- Шувалов В. А., Зельдина Э. А. Структура электростатического поля в следе за сферой в потоке равновесной разреженной плазмы // Геомагнетизм и аэрономия. 1976. Т. 16, № 4. С. 603–607.
- Liu V. C. Ionospheric gas dynamics of satellite and diagnostic probe // Space Sci. Rev. 1969. V. 9. P. 423–490.
- Шувалов В. А., Кочубей Г. С., Приймак А. И. и др. Контактная диагностика высокоскоростных потоков разреженной плазмы // Теплофизика высоких температур. 2005. Т. 43, № 3. С. 343–351.
- Бронштейн И. М. Вторичная электронная эмиссия / И. М. Бронштейн, Б. С. Фрайман. М.: Наука, 1969.
- Fournier G., Pigache D. Wakes in collisionless plasma // Phys. Fluids. 1975. V. 18, N 11. P. 1443–1453.
- Kozima H., Yamada K., Nakasima K. The self-similarity and the non-neutrality of near-wakes in two-dimensional geometry // Phys. Fluids B. 1989. V. 1, N 4. P. 719–724.
- 11. Гуревич А. В., Смирнова В. В. Обтекание плоских тел сверхзвуковым потоком разреженной плазмы // Геомагнетизм и аэрономия. 1970. Т. 10, № 3. С. 402–407.
- Samir U., Gordon R., Brace L., Theis R. The near-wake structure of the Atmosphere Explorer C (AE-C) satellite. A parameter investigation // J. Geophys. Res. 1979. V. 84, N A2. P. 513–525.
- Samir U., Weldman P., Rich F., et al. About the parametric interplay between ionic Mach number, body-size and satellite potential in determining the ion depletion in the wake of the S3-2 satellite // J. Geophys. Res. 1981. V. 86, N A13. P. 11161–11166.
- Murphy G. B., Reasoner D. L., Tribble A., et al. The plasma wake of the Shuttle orbiter // J. Geophys. Res. 1989. V. 94, N A6. P. 6866–6872.
- 15. Носачев Л. В., Скворцов В. В. Исследование распределения ионного тока в следе за цилиндрическими и сферическими телами в потоках аргоновой и азотной плазмы // Учен. зап. ЦАГИ. 1970. Т. 1, № 5. С. 39–44.

Поступила в редакцию 6/III 2007 г.