#### УДК 629.76

# СОПРЯЖЕННАЯ ЗАДАЧА МОДЕЛИРОВАНИЯ ВНУТРИБАЛЛИСТИЧЕСКИХ ХАРАКТЕРИСТИК БЕССОПЛОВЫХ РДТТ

# Ю. М. Милёхин, А. Н. Ключников, В. С. Попов

Федеральный центр двойных технологий «Союз», 140090 Дзержинский, Fcdt@monnet.ru

Изложена физико-математическая постановка совместной газодинамической и геометрической задачи моделирования внутрикамерных процессов и расчета внутрибаллистических характеристик бессопловых РДТТ, разработаны метод и алгоритм решения задачи. Для расчета параметров в переднем объеме двигателя применены осредненные нестационарные уравнения внутренней баллистики, а для канала заряда и выходного конуса — одномерные газодинамические уравнения в квазистационарной постановке. Программный комплекс проверен расчетом внутрибаллистических характеристик двигателя, который утилизировался без соплового блока и моделировал внутрикамерные процессы бессоплового РДТТ в течение полного времени работы. Расчетными исследованиями определены конструктивные особенности, рабочие параметры двигателей и характеристики составов, влияющие на реализацию энергетики топлив в бессопловых РДТТ. Показано, что по основному энергетическому параметру — удельному импульсу тяги бессопловые РДТТ в зависимости от условий сравнения (одинаковые степени расширения и профили сопла и выходного конуса) незначительно уступают или практически сближаются с традиционными РДТТ.

Ключевые слова: бессопловой ракетный двигатель, твердое топливо, тяга двигателя, удельный импульс.

#### ВВЕДЕНИЕ

Бессопловые ракетные двигатели твердого топлива (БСРДТТ) применяются в качестве разгонных ступеней ракет класса воздухвоздух и воздух-поверхность, маршевые ступени которых относятся к категории интегрированных ракетно-прямоточных двигателей.

С целью упрощения конструкции и оптимизации массогабаритных характеристик ракет указанных классов их стартово-разгонная ступень, как правило, интегрируется с маршевой: в камере сгорания прямоточного контура размещается прочно скрепленный с корпусом заряд твердого топлива, не имеющий соплового блока. Цилиндрический канал заряда на выходе заканчивается раструбом, который в процессе горения выполняет функцию газодинамического сопла: обеспечение расхода и расчетного удельного импульса продуктов сгорания топлива. Отсутствие соплового блока в интегрированных ракетно-прямоточных двигателях является одним из важных эксплуатационных преимуществ схемы, поскольку исключается необходимость сброса элементов конструкции на активном участке траектории полета при переходе с режима разгона на маршевый режим.

Аналогичным преимуществом обладают бессопловые двигатели авиационных, градобойных ракет и др., когда одним из решающих требований выступают простота и дешевизна конструкции ракеты.

Практическое применение бессопловых РДТТ до последнего времени сдерживалось противоречивыми данными о реализуемости ими энергетического потенциала твердых топлив. Не оценивались специфические потери удельного импульса тяги БСРДТТ и их зависимость от внутрибаллистических параметров, конструктивных особенностей двигателя и заряда, выполняющего функцию сопла.

Цель данной работы состояла в формулировке физико-математической постановки совместной газодинамической и геометрической задачи моделирования внутрикамерных процессов и расчета внутрибаллистических и энергетических характеристик бессопловых РДТТ, в разработке метода и алгоритма решения задачи, в составлении программы расчета. Проведены расчетные исследования влияния конструктивных характеристик, рабочих параметров (низкого давления в двигателе, критической скорости потока в канале заряда и др.), баллистических характеристик составов

<sup>©</sup> Милёхин Ю. М., Ключников А. Н., Попов В. С., 2013.

на реализацию энергетики топлив в бессопловых РДТТ.

### КОНСТРУКТИВНЫЕ ОСОБЕННОСТИ, ВЛИЯЮЩИЕ НА РАСЧЕТНЫЕ ПАРАМЕТРЫ БСРДТТ

На сегодняшний день наиболее распространенными конструкциями зарядов РДТТ являются скрепленные с корпусом заряды с цилиндрическими каналами, имеющие наклонные кольцевые проточки или щелевые участки, расположенные в области переднего или соплового дна.

С учетом этого факта в расчетной схеме БСРДТТ (рис. 1) предусмотрен передний объем, включающий в себя горящую поверхность переднего торца заряда (простейшая форма) или поверхности кольцевой, щелевой областей заряда (1), канал заряда (2–3) и выходной конус (3–4), горящая поверхность которого может быть конической или профилированной.

Для расчета газодинамических и внутрибаллистических характеристик при проектировании БСРДТТ требовалось решение вопросов, связанных с математическим моделированием рабочего процесса этих двигателей и разработкой программных средств. Применение методических подходов и алгоритмов расчета характеристик, используемых при проектировании традиционных РДТТ с соплом, в случае бессопловых РДТТ оказывается в значительной степени неприемлемым. В горящем канале заряда реализуются области дозвукового, звукового и сверхзвукового течения продуктов сгорания, а также зоны увеличения скорости горения за счет эрозионного эффекта, что приводит к возникновению повышенных перепадов давления по длине канала. На ускорение сверх-



Рис. 1. Схема утилизируемого двигателя и модельного бессоплового РДТТ с коническим каналом:

1 — передний объем, 2, 3, 4 — соответственно левая, правая границы канала заряда и выходного сечения конуса

звукового потока в выходном раструбе канала заряда влияют массоприход с горящей поверхности, изменяющийся геометрический контур раструба и, как следствие, образующиеся скачки уплотнения. В результате усложняется схема расчета и, что особенно важно, возникают дополнительные потери удельного импульса тяги.

Для корректного расчета параметров при существенном увеличении критического сечения потока, находящегося в разгорающемся канале заряда, необходимо решение нестационарных уравнений внутренней баллистики и газовой динамики. Однако скорость движения границ проходных сечений, определяемая скоростью горения топлива и, существенно меньше скорости звука  $a (u/a \approx 10^{-4})$ . Это дает возможность использовать в задаче квазистационарный подход, который заключается в последовательном, с временным шагом  $\Delta t$  решении системы стационарных газодинамических уравнений при фиксированных формах канала заряда и конуса, определяемых в рамках «геометрического расчета». На основании изложенного выше с учетом имеющегося опыта инженерных внутрибаллистических расчетов [1, 2] нами предложено для расчета параметров переднего объема применять осредненные уравнения внутренней баллистики в нестационарной постановке, а для канала заряда — одномерные газодинамические уравнения в квазистационарной постановке.

В результате удалось провести расчеты параметров БСРДТТ в течение всего времени работы (t > 100 с) на персональных компьютерах средней мощности за приемлемое для практического использования время счета ( $2 \div 3$  ч).

# УРАВНЕНИЯ ДЛЯ РАСЧЕТА ПАРАМЕТРОВ В ПЕРЕДНЕМ ОБЪЕМЕ

Система обыкновенных дифференциальных уравнений для изменения во времени осредненных по переднему объему параметров газа имеет вид [1]:

уравнение сохранения массы

$$V_1 \frac{dp_1}{dt} = \dot{m}_1 R \chi T_v - S_1 p_1 u_1 P_1^{\nu} - G_2 k R T_1, \,(1)$$

уравнение энергии (для температуры T)

$$m_1 c_v \frac{dT_1}{dt} = \dot{m}_1 c_v \left( \chi T_v - T_1 \right) - RT_1 G_2.$$
 (2)

Приход продуктов сгорания в передний объем:

$$\dot{m}_1 = S_1 \rho_{\rm T} u_1 P_1^{\nu}. \tag{3}$$

Расход продуктов сгорания из переднего объема за счет втекания в основной канал заряда через левую границу (сечение 2):

$$G_2 = F_2 \rho_2 \upsilon_2. \tag{4}$$

Дифференциальные соотношения: для баланса массы

$$\frac{dm_1}{dt} = \dot{m}_1 - G_2, \tag{5}$$

для свободного переднего объема

$$\frac{dV_1}{dt} = \frac{\dot{m}_1}{\rho_{\rm T}}.\tag{6}$$

Плотность продуктов сгорания в переднем объеме находили по уравнению состояния газа

$$\rho_1 = \frac{p_1}{RT_1}.\tag{7}$$

В качестве начальных условий задавали осредненное по объему камеры давление, рассчитанное по формуле Бори, и равновесную термодинамическую температуру.

В уравнениях (1)–(7) использованы следующие обозначения: Р — безразмерное давление; p — давление, МПа;  $\rho$  — плотность, кг/м<sup>3</sup>; v — скорость, м/с; t — время, с; V — свободный объем, м<sup>3</sup>; *m* — масса продуктов сгорания, кг; R — газовая постоянная, Дж/(кг · K); *k* — показатель адиабаты; *T* — температура, К; S — горящая поверхность заряда,  $M^2$ ; и1 — коэффициент в законе скорости горения топлива, м/с; *ν* — показатель степени в законе скорости горения; G — расход продуктов сгорания, кг/с; F — площадь сечения, м<sup>2</sup>;  $c_v$  удельная теплоемкость,  $Дж/(кг \cdot K); \chi$  — коэффициент полноты сгорания; индексами v, p обозначены параметры при постоянных объеме и давлении соответственно, индексом 1 — параметры в переднем объеме, индексами 2, 3 параметры на левой и правой границах канала соответственно, индексом 4 — параметры в выходном сечении конической части заряда, индексом «т» — характеристики топлива.

## ГАЗОДИНАМИЧЕСКИЕ УРАВНЕНИЯ ДЛЯ КАНАЛА И ВЫХОДНОГО КОНУСА ЗАРЯДА

При решении газодинамической задачи для канала заряда, когда область интегрирования уравнений за счет выгорания канала изменяется на каждом шаге по времени и требуется перестраивать разностные сетки, естественно стремление к упрощению алгоритма расчета, переходу от решения многомерных уравнений газовой динамики к решению одномерных уравнений. Система уравнений установившегося одномерного движения продуктов сгорания представлена в ряде работ, в частности в [3], в удобно преобразованном виде. При известных геометрических характеристиках: периметре  $h_i$ , площади поперечного сечения канала заряда  $F_i$  и производной  $(dF/dx)_i$  — параметры потока  $p_i, \rho_i, v_i$  в канале заряда и выходном конусе в каждый момент времени  $t_i = i\Delta t$  определяли интегрированием системы обыкновенных дифференциальных уравнений [3]:

$$\begin{aligned} \frac{dv}{dx} &= \frac{\rho_{\rm T}hu}{\rho F} \frac{kRT}{a^2 - v^2} + \frac{k+1}{2} \frac{\rho_{\rm T}hu}{\rho F} \frac{v^2}{a^2 - v^2} - \\ &- \frac{v}{F} \frac{dF}{dx} \frac{a^2}{a^2 - v^2}, \\ \frac{dp}{dx} &= -\frac{\rho_{\rm T}huv}{F} \frac{kRT}{a^2 - v^2} - \frac{\rho_{\rm T}huv}{F} \frac{2a^2 + (k-1)v^2}{2(a^2 - v^2)} + \\ &+ \frac{\rho v^2}{F} \frac{dF}{dx} \frac{a^2}{a^2 - v^2}, \quad (8) \\ \frac{d\rho}{dx} &= -\frac{\rho_{\rm T}hu}{Fv} \frac{kRT}{a^2 - v^2} - \frac{\rho_{\rm T}hu}{Fv} \frac{2a^2 - (k+3)v^2}{2(a^2 - v^2)} + \\ &+ \frac{\rho}{F} \frac{dF}{dx} \frac{v^2}{a^2 - v^2}, \\ T &= \frac{p}{\rho R}, \quad a^2 = kRT. \end{aligned}$$

Здесь u(P, v) — эмпирический закон скорости горения топлива, включающий эрозионный эф-фект [4].

Граничные условия для системы задавались в зависимости от режима истечения продуктов сгорания и имели следующий вид.

При звуковом режиме истечения в сечении 2 (см. рис. 1) сохраняется полное давление

$$p_2 + \rho_2 v_2^2 = p_1, \tag{9}$$

в сечении 3 скорость потока (как и <br/>  $p,\,\rho,\,T)$ достигает критического значения

$$\upsilon_3 = \sqrt{\frac{2k}{k+1}} \,\chi RT_p \tag{10}$$

(здесь  $T_p$  — равновесная температура продуктов сгорания при давлении p).

При дозвуковом режиме истечения в сечении 2 условие (9) сохраняется, а в сечении 3 заменяется условием равенства статического давления на выходе из канала наружному давлению  $p_{\rm H}$ :

$$p_3 = p_4 = p_{\rm H}.\tag{11}$$

Применяемая система уравнений справедлива как для дозвукового течения по каналу, так и для сверхзвукового течения по выходному конусу в области 3–4.

Однако в практических расчетах из интегрируемой области целесообразно исключить сечение канала заряда, где реализуются критические условия течения продуктов сгорания ( $v = a_{\rm kp}$ ), чтобы избежать возникновения неустойчивости решения.

Известно, что для согласования расходных характеристик идеального изоэнтропического и реального (неизоэнтропического) течений в инженерных методиках [1, 3–5] вводится согласующий коэффициент  $\varphi_2 = 1 - \Delta F/F$ , уменьшающий эффективное критическое сечение сопла (цилиндрического насадка, канала) на величину, учитывающую влияние пространственности течения, вязкости продуктов сгорания и силы сопротивления потоку (сопротивление в результате вдува продуктов сгорания в расчете учитывалось). Экспериментально величина сужения поперечного сечения потока  $\Delta F/F$  в области 3 позволяет по газодинамическим таблицам [6] определить все параметры для границы 3, отличающиеся от критических как для канала заряда (слева от границы), так и для выходного конуса (справа от границы).

Используя значения параметров на правой границе канала и на левой границе выходного конуса, минимально отличающиеся от критических, параметры в канале и конической части заряда определяли по методу Эйлера прогонкой справа налево и слева направо по формулам (8). В процессе итераций добивались выполнения граничных условий (9) на левой границе канала и (11) на правой границе выходного конуса (при дозвуковом режиме истечения).

Процесс прогонки по выходному конусу при звуковом режиме истечения усложняется образованием скачков уплотнения за счет немонотонности контура и газоприхода со стенок, а также за счет отрыва потока при действии наружного давления ( $p_{\rm H} \ge p_4$ ).

При выполнении в канале выходного конуса условий

$$\frac{dv_j}{dx_j} < 0, \quad \frac{dp_j}{dx_j} > 0, \quad p_j = p_{\text{orp}} \leqslant p_{\text{H}},$$

в сечении *j* формируется скачок уплотнения (индексом «отр» обозначены условия отрыва потока). Первые два условия отражают необходимость смены скоростного режима течения посредством образования косого (прямого) скачка уплотнения за счет отклонения потока на угол  $\delta$  на входе в цилиндрический участок сопла, третье соотношение — условие отрыва потока, сопровождаемого образованием косых скачков уплотнения. В расчетах принято  $p_{\rm отр} = p_{\rm H}/2$ .

Поскольку в процессе расчета невозможно заранее предсказать угол распространения скачка при отрыве потока от стенок конического канала с подводом массы, для обобщения схемы расчета для всех условий предусмотрена возможность задания серии мелких косых скачков с минимальным углом распространения  $\alpha_{\min,j} = \arcsin(1/M_j)$ , до тех пор пока не устранятся условия возникновения скачка и не восстановится «физичный» режим течения в сечении выходного конуса *j*. В результате расчетов прогонкой достигали выполнения условий, заданных на правой границе (в выходном сечении сопла 4). При сверхзвуковом потоке давление в сечении 4 должно быть больше заданного давления отрыва ( $p_4 \ge p_{\text{отр}}$ ), при дозвуковом потоке — должно равняться наружному давлению  $(p_4 = p_{\rm H})$ .

Значения углов распространения косых скачков уплотнения, в том числе минимальных углов  $\alpha_{\min}$ , когда поток за скачком не отклоняется, в зависимости от числа Маха М в сечении и показателя адиабаты для одномерного изоэнтропического потока приведены в газодинамических таблицах [7].

Зависимости для расчета параметров за скачком (индекс 2) при известных параметрах

перед скачком (индекс 1), полученные на основе соотношений для сечения разрыва [8], имеют следующий вид:

$$M_{1} = \frac{\upsilon_{1}}{\sqrt{kRT_{1}}},$$

$$p_{2} = p_{1} \left( \frac{2k}{k+1} M_{1}^{2} \sin \alpha - \frac{k-1}{k+1} \right),$$

$$\rho_{2} = \rho_{1} \frac{(k+1)M_{1}^{2} \sin^{2} \alpha}{(k-1)M_{1}^{2} \sin^{2} \alpha + 2},$$
(12)

 $T_2 =$ 

$$=\frac{[2kM_1^2\sin^2\alpha - (k+1)][(k-1)M_1^2\sin^2\alpha + 2]}{(k+1)^2M_1^2\sin^2\alpha}$$

 $M_2 =$ 

$$= \sqrt{\frac{2 + (k-1)M_1^2}{2kM_1^2 \sin^2 \alpha - (k-1)}} + \frac{2M_1^2 \cos^2 \alpha}{2 + (k-1)M_1^2 \sin^2 \alpha}$$
$$v_2 = M_2 \sqrt{kRT_2}.$$

Принимая параметры за скачком в качестве граничных, параметры до выходного сечения конуса рассчитывали по той же схеме по формулам (8). При этом сверхзвуковой поток после косого скачка ускорялся, а дозвуковой замедлялся. Оба потока характеризовались возросшей энтропией и увеличенными потерями удельного импульса [9].

Тягу и удельный импульс тяги БСРДТТ находили по формулам

$$R_{\rm дB} = (F\rho v^2)_4 + F_4(p_4 - p_{\rm H}),$$

$$I_{\rm yg} = v_4 + \frac{p_4 - p_{\rm H}}{\rho_4 v_4}.$$
(13)

Наряду с учитываемыми при расчетах газодинамическими потерями и потерями на скачках уплотнения удельного импульса, ряд других составляющих оценивали методами, рекомендованными в работе [4].

Секундный расход определяли как произведение плотности потока на площадь разгорающегося выходного сечения конуса, суммарный расход продуктов сгорания — интегрированием зависимости для расхода по времени:

$$\dot{m} = F_4 \rho_4 \upsilon_4, \quad m = \int_0^t \dot{m} dt.$$

Из-за низкого уровня давления и его перепадов в конце работы БСРДТТ при практических расчетах без ущерба для точности использовали нестационарные уравнения внутренней баллистики с осредненными параметрами (1)–(7). Расход через выходное сечение конуса 4 определяли с учетом наружного противодавления по формулам работы [1].

# ГЕОМЕТРИЧЕСКИЕ ХАРАКТЕРИСТИКИ ЗАРЯДА И ЕГО КОНИЧЕСКОЙ ЧАСТИ В ПРОЦЕССЕ РАБОТЫ БСРДТТ

Контур заряда при расчете поверхности горения и геометрических характеристик областей течения продуктов сгорания аппроксимировали последовательностью направленных отрезков с выделением границ характерных областей (передний объем, канал, сопловой конус). Полученные геометрические характеристики использовали для расчета параметров газового потока и построения расчетной сетки. Координаты точек контура (x, y) задавали в декартовой системе координат. Переход к новому контуру на следующем шаге по времени осуществляли сдвигом узловых *j*-х точек исходного контура перпендикулярно отрезкам на величину  $\Delta e_i$ , определяемую скоростью горения топлива в данной точке  $u_i$  и шагом по времени  $\Delta t$ :

$$\Delta e_j = u_j \Delta t. \tag{14}$$

Новые координаты j-й точки  $x_j^{\scriptscriptstyle\rm H}, y_j^{\scriptscriptstyle\rm H}$ определяли из решения системы уравнений

$$\sqrt{(x_j^{\rm H} - x_j)^2 + (y_j^{\rm H} - y_j)^2} = \Delta e_j,$$

$$y_j^{\rm H} = a_N x_j^{\rm H} + b_N,$$
(15)

где  $x_j, y_j$  — координаты исходной точки,  $a_N, b_N$  — коэффициенты в уравнении нормали к исходному отрезку. Из двух решений системы выбирали такой вариант, когда найденные координаты точки  $x_i^{\rm H}, y_i^{\rm H}$  лежали внутри заряда.

Более полно алгоритм построения контура, в том числе при соединении непересекающихся отрезков, выгорании угловых элементов и образовании так называемых «петель», изложен нами в справочнике [4].

Метод направленных отрезков достаточно оптимально позволяет увязать между собой решение газодинамической задачи и нахождение требуемых для решения системы уравнений геометрических параметров при последовательном к нему обращении на каждом временном шаге.

Схема перемещения горящего контура при выгорании заряда осесимметричной конструкции модельного БСРДТТ показана на рис. 1.

# ИССЛЕДОВАНИЕ ВНУТРИБАЛЛИСТИЧЕСКИХ ПАРАМЕТРОВ МОДЕЛЬНОГО БСРДТТ

Крупногабаритные РДТТ, утилизируемые путем проведения огневых стендовых испытаний со снятыми сопловыми блоками, в ходе которых измерялись давление или тяга, могут рассматриваться как варианты модельных БСРДТТ при тестировании расчетных методов прогнозирования внутрибаллистических параметров.

Для тестирования методики мы воспользовались результатами утилизации двигателя, проводимой с замером давления в переднем объеме и тяги двигателя [10]. Опытная и расчетная зависимости давления от времени приведены на рис. 2 и свидетельствуют об удовлетворительной сходимости расчета с опытом. Максимальное расхождение давлений  $\Delta p_{\rm max} \cong 0.1$  МПа на начальном нестационарном участке работы двигателя и  $\Delta p \cong$ 0.05 МПа на квазистационарном участке в конце работы при низком уровне опытного давления связано, в первую очередь, с погрешностью закона скорости горения топлива, экстраполируемого с принятого для топлива диапазона давления на низкие его значения. Для БСРДТТ в случае применения топлива с традиционными баллистическими характеристиками необходимо определить закон скорости горения при низком давлении, близком к атмосферному. С целью обеспечения оптимальных уровней давления в камере двигателя требуются топлива с повышенной в 2–3 раза скоростью горения.

Полученное при испытании некоторое снижение удельного импульса тяги (до 10 %) по сравнению с термодинамическим значением связано с нерасчетностью профиля выходного конуса: конус фактически заканчивался цилиндрическим участком. Возникал эффект, имеющий место в эжектирующих установках: преобразование сверхзвукового потока в дозвуковой посредством серии образующихся косых скачков, в нашем случае — при наличии массо-



Рис. 2. Опытная и расчетная зависимости давления от времени для утилизируемого двигателя со снятым сопловым блоком

прихода со стенок конуса. Образование косых скачков приводило к дополнительным потерям удельного импульса [9].

Исследование внутрибаллистических и газодинамических параметров проводили на модельном БСРДТТ с коническим каналом (см. рис. 1).

Зависимости давления, пустотной тяги  $R_{\rm n}$ , удельного пустотного импульса тяги  $I_{\rm yg}^{\rm n}$ и скорости потока v на выходе из конического канала модельного двигателя от времени на участке, для которого проводился газодинамический расчет, приведены на рис. 3.

Экспоненциальный характер падения давления в двигателе на начальном участке кривой, несмотря на возрастание поверхности горения, объясняется нелинейным характером



Рис. 3. Расчетные зависимости давления в переднем объеме (1), пустотной тяги (2), скорости потока на выходе из конического канала (3) и удельной пустотной тяги модельного БСРДТТ (4) от времени

увеличения площади критического сечения, расположенного в разгорающемся канале, определяемом соотношением

$$F_{\rm kp}(t) = F_{\rm kp0} \left( 1 + \frac{2u_1 P^{\nu} t}{d_{\rm kp0}} \right)^2.$$
(16)

Здесь  $u_1$ ,  $\nu$  — коэффициент и показатель степени в законе скорости горения,  $d_{\kappa p0}$  — начальное значение диаметра критического сечения (диаметра на выходе из канала).

Квазистационарный характер кривой давления в конце работы двигателя связан с преобразованием критического сечения сопла в отверстие сопловой крышки корпуса, имеющей значительно меньшую скорость уноса материала при докритическом режиме истечения продуктов сгорания по сравнению со скоростью горения топлива в канале.

Зависимости скорости потока продуктов сгорания в выходном сечении конуса и пустотного удельного импульса тяги (кривые 3 и 4 соответственно) идут практически эквидистантно, отличаясь на величину статической добавки тяги  $F_4p_4$  ( $I_{yd}^n > v_4$  при  $p_{\rm H} = 0$ ). Некоторое падение удельного импульса и скорости истечения в начале работы двигателя связано с уменьшением степени расширения конуса изза неравномерного разгара канала заряда.

Распределение давления и скорости потока по каналу заряда и выходному конусу для выбранных моментов времени t = 0.1, 8.2, 24.0 с показано на рис. 4. Видно, что характер изменения параметров в зависимости от координа-



Рис. 4. Распределение скорости потока и давления по каналу заряда и выходному конусу в различные моменты времени

ты x в различные моменты времени сохраняется.

Принятое при расчетах условие на правой границе канала заряда: достижение потоком критической скорости при постоянной равновесной температуре продуктов сгорания ( $T_p =$ const) — приводит к тому, что кривые скорости потока, дозвуковой в канале и сверхзвуковой в выходном конусе, для различных моментов времени пересекаются в одной точке с координатами  $v = v_{\rm kp}, x = x_{\rm kp}$ . При этом строго соблюдается закон сохранения энергии: высокая потенциальная энергия потока за счет повышенного давления в канале приводит к реализации максимальной кинетической энергии на выходе из конуса (скорости потока). Чем ниже давление в двигателе, тем меньше достигаемая скорость потока в выходном конусе.

Известно [1], что удельный импульс традиционных РДТТ в пустоте (пустотный импульс), на который кроме скорости потока влияет также статическая добавка, не зависит от давления в камере, а является функцией степени расширения сопла:  $I_{yq}^{n} = F(d_4/d_3)$ . В условиях газоприхода продуктов сгорания с горящей поверхности выходного конуса на закономерности преобразования параметров потока, а следовательно, на зависимость удельного импульса от расширения конуса оказывают влияние особенности газоприхода (параметры закона скорости горения  $u_1 \ u \ \nu$ ).

Расчетные исследования применительно к модельному БСРДТТ показали, что при со-



Рис. 5. Зависимости пустотного удельного импульса БСРДТТ от давления при различных значениях параметра  $\nu$ 



Рис. 6. Зависимости пустотного удельного импульса БСРДТТ от параметра  $\nu$ 

хранении показателя степени  $\nu$  в законе скорости горения варьирование коэффициентом  $u_1$ приводит к изменению уровня давления в двигателе и к незначительному (на  $0.5 \div 1.0$  %) падению пустотного удельного импульса при повышении давления (рис. 5). При этом более существенным оказался тот факт, что величина пустотного удельного импульса главным образом определялась не давлением и коэффициентом  $u_1$ , а показателем степени в законе скорости горения  $\nu$  (рис. 6). Значение пустотного удельного импульса, близкое к термодинамическому, реализуется при  $\nu \to 1$ . В этом случае потери на неизоэнтропичность в процессе преобразования потока в выходном конусе с массоприходом по соотношениям (8) в параметры на срезе конуса оказываются минимальными и реализуется максимальный удельный импульс, соответствующий термодинамическому значению (см. рис. 6). Наоборот, потери максимальны в случае, когда газоприход в коническом канале не зависит от давления  $(\nu \rightarrow 0)$ , а определяется только коэффициентом  $u_1$ , горящей поверхностью конического канала и текущим временем. Преобразование параметров потока в канале и на выходе из конуса при увеличенном, не связанном с давлением массоприходе осуществляется в условиях повышенного падения давления торможения и, соответственно, с большими потерями удельного импульса. Расчетное значение пустотного удельного импульса тяги БСРДТТ при этом минимально (см. рис. 6). Дополнительные газодинамические потери удельного импульса на неизоэнтропичность потока (на газоприход в канале выходного конуса) могут достигать  $3 \div 3.5$  %.

Из приведенных результатов расчета следует, что наиболее благоприятные условия для реализации удельного импульса топлива в БСРДТТ возникают в случае, когда обеспечивается минимальный газоприход продуктов сгорания со стенок горящего выходного конуса. Эти условия обеспечиваются топливами, имеющими высокое значение показателя  $\nu$  при существенно низких давлениях, реализующихся в ускоряющемся сверхзвуковом потоке. При минимальном газоприходе условия течения по выходному конусу БСРДТТ несущественно отличаются от условий течения по соплу штатных РДТТ. Расчетные удельные импульсы пустотной тяги двигателей в этих случаях сравниваются. Однако пустотная тяга БСРДТТ выше тяги РДТТ на коэффициент превышения расхода за счет разгара выходного конуса. Если дополнительный газоприход в выходном конусе не учитывали в суммарном расходе двигателя, то пустотный удельный импульс тяги БСРДТТ при сравнимых благоприятных условиях может превышать удельный импульс РЛТТ.

#### выводы

1. Сформулирована физико-математическая постановка совместной газодинамической и геометрической задачи моделирования внутрикамерных процессов и расчета внутрибаллистических характеристик бессопловых РДТТ, разработаны метод и алгоритм решения задачи.

2. Программный комплекс проверен расчетом внутрибаллистических характеристик утилизируемого двигателя со снятым сопловым блоком, моделирующим внутрикамерные процессы бессоплового РДТТ в течение полного времени работы. При использовании в качестве исходных данных для разработанной задачи фактических баллистических, термодинамических и геометрических характеристик двигателя и заряда в результате расчета получена зависимость давления от времени, удовлетворительно совпадающая с опытной.

3. На основе расчетных исследований установлено следующее:

за счет газоприхода с горящих стенок конической части заряда пустотный удельный импульс тяги БСРДТТ, как и «земной» удельный импульс, зависит от давления в двигателе и от параметров закона скорости горения топлива. В классическом РДТТ от давления зависит только «земной» удельный импульс;

наиболее благоприятные условия для реализации удельного импульса топлива в БСРДТТ возникают в случае топлива с высоким значением показателя  $\nu$  в законе скорости горения при низких давлениях, реализующихся в ускоряющемся сверхзвуковом потоке в выходном конусе. В этих условиях энергетические характеристики БСРДТТ и штатных РДТТ становятся близкими;

неблагоприятные условия для ускорения образующейся в процессе горения конической части заряда массы топлива и реализации оптимальных энергетических характеристик создаются при слабой зависимости газоприхода от давления (при  $\nu \rightarrow 0$ ). Дополнительные газодинамические потери на преобразование потока в конической части заряда при не связанном с давлением поступлении массы продуктов сгорания могут достигать  $3 \div 3.5$  %.

#### ЛИТЕРАТУРА

- 1. Соркин Р. Е. Газотермодинамика ракетных двигателей на твердом топливе. М.: Наука, 1967.
- 2. Ракетно-прямоточные двигатели на твердых и пастообразных топливах. Основы проектирования и экспериментальной обработки / под ред. Ю. М. Милехина, В. А. Сорокина. — М.: Физматлит, 2010.

- Райзберг Б. А., Ерохин Б. Т., Самсонов К. П. Основы теории рабочих процессов в ракетных системах на твердом топливе. — М.: Машиностроение, 1972.
- Внутренняя баллистика РДТТ: справочник / под ред. А. М. Липанова, Ю. М. Милехина. — М.: Машиностроение, 2007.
- Шишков А. А. Газодинамика пороховых ракетных двигателей. — М.: Машиностроение, 1968.
- Таблицы газодинамических функций / под ред. Г. С. Рослякова. — М.: Изд-во МГУ, 1965.
- Бернадинер М. Г., Бурлакова В. В., Васильева Л. А., Голицын А. А., Тарасова Т. А. Таблицы газодинамических функций, параметров Прандтля — Майера и потока за скачками уплотнения. — М., 1968.
- 8. Абрамович Г. Н. Прикладная газовая динамика. — М.: Наука, 1969.
- Соломонов Ю. С., Милехин Ю. М., Ключников А. Н., Бурский Г. В., Попов
   В. С. Методический подход к оценке потерь удельного импульса ракетных двигателей из-за разрыва контура соплового блока // Физика горения и взрыва. — 2010. — Т. 46, № 5. — С. 112– 118.
- Бобович А. Б., Винниченко Ю. С., Гребенкин В. И., Рашковский С. А., Шишков А. А. Особенности протекания процессов в РДТТ при его бессопловом сжигании в процессе утилизации // Тр. МИТ. 1999. Т. 4, ч. 1.

Поступила в редакцию 19/VI 2012 г., в окончательном варианте — 23/XI 2012 г.