УДК 532.526

## ЧИСЛЕННОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ ВОСПРИИМЧИВОСТИ ГИПЕРЗВУКОВОГО УДАРНОГО СЛОЯ К АКУСТИЧЕСКИМ ВОЗМУЩЕНИЯМ

А. А. Маслов, А. Н. Кудрявцев, С. Г. Миронов, Т. В. Поплавская, И. С. Цырюльников

Институт теоретической и прикладной механики им. С. А. Христиановича СО РАН, 630090 Новосибирск E-mails: maslov@itam.nsc.ru, alex@itam.nsc.ru, mironov@itam.nsc.ru, popla@itam.nsc.ru, tsivan@ngs.ru

Выполнено прямое численное моделирование эволюции возмущений в вязком ударном слое на плоской пластине при числе Маха набегающего потока  $M_{\infty} = 21$  и числе Рейнольдса  $\text{Re}_L = 1,44 \cdot 10^5$ . С использованием схемы сквозного счета высокого порядка точности решены нестационарные уравнения Навье — Стокса. Исследованы процессы восприимчивости и развития неустойчивости при возбуждении ударного слоя внешними акустическими волнами. Показано, что данные прямого численного моделирования хорошо согласуются с результатами, полученными по линейной локально-параллельной теории устойчивости (с учетом влияния ударной волны), и экспериментальными измерениями, проведенными в гиперзвуковой аэродинамической трубе. Обсуждаются механизмы преобразования внешних возмущений в волны неустойчивости в гиперзвуковом ударном слое.

Ключевые слова: прямое численное моделирование, уравнения Навье — Стокса, гиперзвуковой ударный слой, акустические возмущения.

Введение. Понимание механизмов восприимчивости и неустойчивости вязкого ударного слоя является необходимым условием разработки эффективных методов управления ламинарно-турбулентным переходом при гиперзвуковом полете. При движении летательного аппарата с высокой скоростью в верхних слоях атмосферы режим вязкого ударного слоя реализуется даже на значительном расстоянии от передних кромок. Процессы возникновения и развития возмущений в ударном слое могут существенно отличаться от характерных для сверхзвуковых пристенных течений при умеренных числах Maxa ( $M_{\infty} < 10$ ) [1-4] и пока изучены слабо. Теоретическое исследование таких течений осложняется взаимодействием возмущений и ударной волны (УВ), значительной непараллельностью потока, наличием скольжения и скачка температуры на стенке. Возможности экспериментального моделирования восприимчивости и развития возмущений в гиперзвуковом ударном слое в аэродинамических трубах весьма ограниченны, в частности, в экспериментах не моделируются числа Рейнольдса и энтальпия потока, соответствующие реальному полету. Этот пробел может восполнить прямое численное моделирование. Так, в последнее время появился ряд работ [5-8], в которых с использованием прямого численного моделирования на основе полных нестационарных уравнений Навье — Стокса решены задачи

84

Работа выполнена при финансовой поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (код проекта 05-08-33436) и в рамках Заказного интеграционного проекта Президиума СО РАН № 4.

восприимчивости и развития возмущений при сверхзвуковом и умеренном гиперзвуковом обтекании тел. Использование этого подхода позволяет получить детальную информацию о поле возмущений, необходимую для верификации теоретических моделей и сравнения с данными измерений. Однако в проведенных ранее исследованиях параметры обтекания в большей степени соответствуют пограничному слою (где УВ находится достаточно далеко от верхней границы вязкого течения), а не ударному.

В данной работе приведены результаты параметрических исследований взаимодействия ударного слоя и внешних акустических волн, распространяющихся под различными углами к набегающему потоку, при очень большом числе Маха ( $M_{\infty} = 21$ ) и умеренных значениях числа Рейнольдса ( $\text{Re}_L = 1,44 \cdot 10^5$ ). Взаимодействие акустических возмущений внешнего потока (быстрой и медленной мод) с ударным слоем моделируется путем решения двумерных уравнений Навье — Стокса. Некоторые результаты расчета сопоставлены с данными измерений характеристик пульсаций плотности, выполненных для тех же параметров потока в гиперзвуковой азотной аэродинамической трубе T-327A Института теоретической и прикладной механики СО РАН.

Постановка задачи. Рассматривается гиперзвуковое обтекание плоской бесконечно тонкой пластины длиной L = 24 см, расположенной под нулевым углом атаки к набегающему потоку. Двумерные уравнения Навье — Стокса, записанные в виде системы законов сохранения, решаются с использованием схемы сквозного счета высокого порядка точности. (Численный метод подробно описан в [9, 10].) Газ полагается совершенным, с постоянными значениями теплоемкостей, вязкость газа вычисляется по формуле Сазерленда с параметрами, соответствующими азоту. На поверхности пластины задаются граничные условия скольжения и скачка температуры. Температура поверхности пластины полагается постоянной:  $T_w = 300$  К. Как показано в [9], рассчитанное при такой постановке среднее течение хорошо согласуется с данными измерений полного давления, плотности и числа Маха. Следует отметить, что влияние эффектов разреженности в рассматриваемой задаче оказывается существенным: при x/L = 0,1 скорость скольжения на поверхности пластины составляет приблизительно 17 % скорости набегающего потока, у задней кромки пластины — примерно 7 %.

Вязкий ударный слой возбуждается внешними акустическими волнами. При численном решении на входной границе расчетной области к равномерному набегающему потоку добавлялись возмущения в виде плоской монохроматической волны:

$$\begin{pmatrix} u'\\v'\\p'\\\rho' \end{pmatrix} = A \begin{pmatrix} \pm \cos\theta\\ \mp \sin\theta\\ 1\\1 \end{pmatrix} \exp\left[i(k_x x + k_y y - \omega t)\right].$$

Здесь  $u', v', p', \rho'$  — пульсации продольной и поперечной скорости, давления и плотности соответственно;  $\theta$  — угол распространения внешней акустической волны; A — амплитуда возмущения; t — время;  $k_x = k \cos \theta, k_y = -k \sin \theta$  — компоненты волнового вектора, связанного с частотой  $\omega = 2\pi f L/c_{\infty}$  дисперсионным соотношением  $k = \omega/(M_{\infty} \cos \theta \pm 1)$ ; верхний (нижний) знак соответствует быстрой (медленной) акустической волне. При записи соотношений в безразмерном виде возмущения плотности и температуры отнесены к их значениям в набегающем потоке, возмущения скорости — к скорости звука  $c_{\infty}$ , возмущение давления — к величине  $\rho_{\infty}c_{\infty}^2$ . Эти возмущения моделируют присутствующие в аэродинамической трубе естественные возмущения набегающего потока. В экспериментах [9] с использованием электронно-пучковой флюоресценции азота по методике, описанной в [11], измерены амплитудные, частотные и фазовые характеристики пульсаций плотности естественных возмущений. Для сопоставления с данными измерений результаты численного

исследования в [9] осреднялись в соответствующей эксперименту полосе частот внешних возмущений, в настоящей работе данные численного моделирования не осреднялись.

В расчетах амплитуда возмущений A принималась равной 0,028. Проверка показала, что в диапазоне амплитуд внешних возмущений, по крайней мере, до значения A = 0,04задача линейна. Углы падения акустических волн на пластину  $\theta$  выбирались в диапазоне от  $-10^{\circ}$  до 45°. Углы менее  $-10^{\circ}$  не рассматривались, так как в этом случае ударный слой находится в "акустической тени" пластины, а задача дифракции акустических волн на ее "носике" не анализировалась.

После введения возмущений уравнения Навье — Стокса интегрировались до момента выхода нестационарного решения на установившийся периодический режим. Расчетная сетка была равномерной и состояла из  $N_x = 1050$  ячеек вдоль потока и  $N_y = 240$  ячеек в поперечном направлении. При проведении расчетов использовалось до 20 процессоров Сибирского суперкомпьютерного центра.

**Результаты расчетов.** Приведенные в настоящей работе результаты расчетов получены для параметров среднего течения, соответствующих условиям эксперимента в гиперзвуковой аэродинамической трубе:  $M_{\infty} = 21$ ,  $\text{Re}_{L\infty} = 1,44 \cdot 10^5$ ,  $T_w/T_0 = 0,25$ .

Результаты прямого численного моделирования развития возмущений в ударном слое пластины при f = 38,4 кГц и  $\theta = 0^{\circ}$  могут быть сопоставлены с расчетами по линейной локально-параллельной теории устойчивости с учетом влияния ударной волны [3, 4] и данными работы [9]. Экспериментально получены распределения амплитудных спектров пульсаций плотности по нормальной к поверхности пластины координате в сечениях вдоль осевой линии модели. По этим данным вычислялись скорости роста возмущений в ударном слое.

В данной работе выполнено сравнение скоростей роста  $\alpha_i$  и фазовых скоростей  $C_x$ возмущений на УВ с расчетами в рамках линейной теории устойчивости с учетом влияния УВ, выполненными в [4], где было показано, что наличие УВ вблизи вязкого пограничного слоя приводит к смещению максимума пульсаций плотности на УВ (рис. 1). На рис. 1 видно, что результаты прямого численного моделирования для медленной моды хорошо согласуются с экспериментальными измерениями и данными линейной теории, различие наблюдается только в непосредственной близости к задней кромке пластины; для быстрой моды расхождение начинается ближе к передней кромке.

Результаты сопоставления фазовых скоростей возмущений представлены на рис. 2. Видно, что возмущения распространяются преимущественно со скоростью набегающего потока. Это означает, что в ударном слое возникают вихревые возмущения. Вблизи перед-



Рис. 1. Зависимость скорости роста возмущений плотности на УВ от продольной координаты:

штриховые линии — локально-параллельная теория устойчивости с учетом влияния УВ [3, 4]; сплошные — прямое численное моделирование; 1 — медленная мода; 2 быстрая мода; точки — эксперимент [9]



Рис. 3. Поле средней плотности (a) и поля возмущений плотности, индуцированные медленной (б, c, e, з) и быстрой (e, d,  $\mathcal{H}$ , u) акустическими волнами при f = 38,4 кГц и различных углах распространения: б,  $e - \theta = -10^\circ$ ; c,  $d - \theta = 0^\circ$ ; e,  $\mathcal{H} - \theta = 20^\circ$ ; з,  $u - \theta = 45^\circ$ 

ней кромки пластины фазовые скорости, полученные по линейной теории устойчивости [4], и данные прямого численного моделирования существенно различаются. Возможно, это обусловлено тем, что линейная теория устойчивости [3, 4] не учитывает непараллельность среднего течения, значительную в окрестности передней кромки.

На рис. 3 приведены расчетное поле средней плотности (рис. 3,a) и мгновенные поля пульсаций плотности для медленной (рис. 3, 6, c, e, 3) и быстрой (рис.  $3, e, \partial, \mathcal{H}, u$ ) мод внешних акустических возмущений с частотой f = 38,4 кГц при различных углах распространения  $\theta$ . Видно, что под воздействием внешних волн в ударном слое формируются две области наиболее интенсивных пульсаций плотности, расположенные вдоль УВ, и линии наибольшего поперечного градиента средней плотности (ср. с рис. 3, a). При этом с увеличением угла  $\theta$  как для медленной, так и для быстрой мод внешних возмущений максимум пульсаций плотности на границе пограничного слоя уменьшается. Также можно отметить, что с увеличением угла  $\theta$  между УВ и границей пограничного слоя начинают формироваться структуры типа наклонных волн (см. рис. 3, 3, u). Это можно объяснить в рамках линейной теории взаимодействия возмущений с УВ [12]. Согласно этой теории акустическое возмущение за УВ может возникнуть только в диапазоне углов распространения внешних возмущений, ограниченном критическими значениями. На рис. 4 показаны построенные по теории [12] области существования различных мод в ударном слое при взаимодействии медленных (рис. 4, a) и быстрых (рис.  $4, \delta$ ) акустических волн с УВ на пластине при  $M_{\infty} = 21$ . По оси абсцисс отложены углы  $\varphi$  наклона УВ к потоку, по оси ординат — углы  $\theta$  распространения возмущений в набегающем потоке. В областях I и III за УВ могут возникать как энтропийно-вихревые, так и акустические возмущения, тогда как в области II генерируются только энтропийно-вихревые возмущения. Из рис. 4 следует, что при углах распространения медленной акустической волны от  $-10^{\circ}$  до  $30^{\circ}$  и быстрой акустической волны от 0° до 45° за УВ возникают возмущения только энтропийновихревой природы, акустические возмущения за УВ не проходят (они должны экспоненциально затухать за фронтом УВ). При углах распространения медленной акустической волны  $\theta = 45^{\circ}$  и быстрой акустической волны  $\theta > 0^{\circ}$  за УВ проходят и вихревые, и аку-



Рис. 4. Области существования различных мод в ударном слое при взаимодействии медленных (*a*) и быстрых (*б*) акустических волн с УВ на пластине ( $M_{\infty} = 21, \theta = 0^{\circ}$ ) по теории [12]:

I — вихревая и быстрая акустическая моды; II — вихревая мода; III — вихревая и медленная акустическая моды



Рис. 5. Зависимость амплитуды пульсаций плотности от продольной координаты на УВ (a, e) и верхней границе пограничного слоя (b, e) при f = 38,4 кГц и различных углах распространения:

 $a,\ b$ — медленная акустическая волна;  $e,\ c$ — быстрая акустическая волна; точки — эксперимент [9];  $1-\theta=-10^\circ,\ 2-\theta=0^\circ,\ 3-\theta=10^\circ,\ 4-\theta=20^\circ,\ 5-\theta=45^\circ$ 

стические возмущения, поэтому образуются структуры типа наклонных волн. Поскольку акустические волны в ударном слое создают пульсации плотности существенно меньшие, чем вихревые возмущения, вызывающие колебания профиля средней плотности в целом, при доминировании в ударном слое акустической моды наблюдается уменьшение интенсивности пульсаций плотности.

В работе [10] показано, что с увеличением частоты внешних акустических возмущений возникают периодические вариации амплитуды пульсаций плотности на УВ по продольной координате. Характерный период вариаций и максимальная амплитуда пульсаций плотности на УВ обратно пропорциональны частоте внешних возмущений и слабо зависят от моды внешних возмущений (медленной или быстрой). Такая зависимость максимальной амплитуды пульсаций на УВ от частоты внешних возмущений является следствием линейности задачи в рамках теории взаимодействия возмущений с УВ [12]. Однако возникновение продольных вариаций амплитуды пульсаций плотности на УВ нуждается в объяснении, тем более что аналогичный эффект наблюдается и при увеличении угла распространения внешних акустических возмущений.



Рис. 6. Зависимость амплитуды пульсаций плотности на УВ от продольной координаты при f = 50 кГц:

1 — внешняя медленная акустическая волна; 2 — внешняя быстрая акустическая волна; 3 — внешняя вихревая мода

На рис. 5 показаны вариации амплитуды пульсаций плотности вдоль пластины на УВ и верхней границе пограничного слоя для медленной и быстрой мод внешних возмущений при f = 38,4 кГц. Видно, что с увеличением угла  $\theta$  для обеих мод наблюдается уменьшение продольного масштаба вариаций без существенного изменения максимальной амплитуды пульсаций. В случае медленной моды внешних возмущений амплитуда пульсаций плотности на границе пограничного слоя существенно не меняется вдоль пластины, а только уменьшается по абсолютной величине с увеличением угла  $\theta$  (рис. 5,  $\delta$ ). Для быстрой моды внешних акустических возмущений имеет место аналогичная тенденция на УВ (рис. 5,  $\epsilon$ ). Однако на границе пограничного слоя при  $\theta > 20^{\circ}$  (рис. 5, $\epsilon$ ) также возникают продольные вариации амплитуды пульсаций плотности. Уменьшение амплитуды пульсаций плотности на границе пограничного слоя (см. рис. 5, 6, c) также можно объяснить в рамках теории [12]. Согласно данным, приведенным на рис. 4, с увеличением угла  $\theta$ возмущения в ударном слое плавно переходят от чисто энтропийно-вихревой моды к комбинации энтропийно-вихревой и быстрой акустической мод. При этом доля акустических возмущений непрерывно возрастает, что приводит к уменьшению амплитуды пульсаций плотности, поскольку акустические волны в ударном слое вызывают пульсации плотности существенно меньшие по сравнению с вихревыми возмущениями.

Возможно, продольные вариации амплитуды пульсаций плотности на УВ вдоль пластины обусловлены интерференцией возникающих за УВ акустических и вихревых возмущений. При малых углах  $\theta$  также возможна интерференция вторичных акустических волн, создаваемых в ударном слое вихревыми возмущениями.

С целью проверки предположения об интерференции волн в ударном слое выполнены расчеты для вихревых возмущений внешнего потока с увеличенной частотой возмущений (рис. 6). Установлено, что внешние вихревые возмущения вызывают примерно такие же колебания амплитуды пульсаций плотности на УВ, что и внешние акустические возмущения медленной и быстрой мод. Данный факт подтверждает предположение о том, что продольные вариации амплитуды на УВ обусловлены не модой внешних возмущений, а пространственной структурой возмущений, возникающих в ударном слое. Однако это требует дальнейшего изучения и объяснения.

Заключение. С использованием прямого численного моделирования изучен процесс возбуждения неустойчивости гиперзвукового вязкого ударного слоя внешними акустическими волнами. Результаты моделирования для возмущений, распространяющихся вдоль потока, верифицированы путем сравнения с данными линейной локально-параллельной теории устойчивости и с экспериментальными данными.

Выполнено параметрическое исследование восприимчивости для возмущений, падающих на вязкий ударный слой под различными углами. Характерной особенностью развития возмущений в вязком ударном слое является периодическое изменение их амплитуды вдоль продольной координаты с увеличением угла распространения внешних акустических волн. Показано, что эти вариации не связаны с модами внешних возмущений.

## ЛИТЕРАТУРА

- Petrov G. V. Stability of a thin viscous shock layer on a wedge in hypersonic flow of perfect gas // Laminar-turbulent transition: Proc. of the 2nd IUTAM symp., Novosibirsk, 9–13 July 1984. Berlin: Springer, 1985. P. 487–493.
- Chang C. L., Malik M. R., Hussaini M. Y. Effects of shock on the stability of hypersonic boundary layers. Reno (NV), 1990. (Paper / AIAA; N 90-1448).
- 3. Маслов А. А., Миронов С. Г., Поплавская Т. В., Смородский Б. В. Устойчивость гиперзвукового ударного слоя на плоской пластине // Изв. РАН. Механика жидкости и газа. 2004. № 2. С. 16–23.
- Maslov A. A., Poplavskaya T. V., Smorodsky B. V. Stability of a hypersonic shock layer on a flat plate // Comptes Rendus. Mech. 2004. V. 332, N 11. P. 875–880.
- 5. Егоров И. В., Судаков В. Г., Федоров А. В. Численное моделирование распространения возмущений в сверхзвуковом пограничном слое // Изв. РАН. Механика жидкости и газа. 2004. № 6. С. 33–44.
- Егоров И. В., Судаков В. Г., Федоров А. В. Численное моделирование восприимчивости сверхзвукового пограничного слоя к акустическим возмущениям // Изв. РАН. Механика жидкости и газа. 2006. № 1. С. 42–53.
- Zhong X. Receptivity of hypersonic boundary layers to freestream disturbances. Reno (NV), 2000. (Paper / AIAA; N 2000-0531).
- 8. Ma Y., Zhong X. Numerical simulation of receptivity and stability of nonequilibrium reacting hypersonic boundary layers. Reno (NV), 2001. (Paper / AIAA; N 2001-0892).
- 9. Кудрявцев А. Н., Миронов С. Г., Поплавская Т. В., Цырюльников И. С. Экспериментальное исследование и прямое численное моделирование развития возмущений в вязком ударном слое на плоской пластине // ПМТФ. 2006. Т. 47, № 5. С. 3–15.
- 10. Кудрявцев А. Н., Маслов А. А., Миронов С. Г. и др. Прямое численное моделирование восприимчивости гиперзвукового ударного слоя к естественным и искусственным возмущениям // Вычисл. технологии. 2006. Т. 11, ч. 1. С. 108–115.
- Mironov S. G., Maslov A. A. An experimental study of density waves in hypersonic shock layer on a flat plate // Phys. Fluids. Ser. A. 2000. V. 12, N 6. P. 1544–1553.
- McKenzie J. F., Westphal K. O. Interaction of linear waves with oblique shock waves // Phys. Fluids. 1968. V. 11. P. 2350–2362.

Поступила в редакцию 10/XI 2006 г.